

- [3] Кирьяшина З. И., Назанов В. Ф., Елистратов В. А. // Тез. докл. IV Междунар. конф. социалистических стран по жидким кристаллам. Тбилиси, 1981. Т. 2. С. 289.  
[4] Думаревский Ю. Д., Ковтонюк Н. Ф., Савин А. И. Преобразование изображений в структурах полупроводник—диэлектрик. М.: Наука, 1987. 176 с.  
[5] Владимиров Ф. Л., Моричев И. Е., Плетнева Н. И. // ОМП. 1985. № 5. С. 1.

Поступило в Редакцию  
6 февраля 1990 г.

03

Журнал технической физики, т. 61, в. 3, 1991

© 1991 г.

## ДИНАМИЧЕСКИЙ РЕВЕРС ДАВЛЕНИЯ ПРИ ЛУЧЕВОМ НАГРЕВЕ ЖИДКОСТИ И ВОЗМОЖНОЕ ОБЪЯСНЕНИЕ ПРИРОДЫ ЛОКАЛЬНОГО ВЫПУЧИВАНИЯ МЕЖФАЗНОЙ ГРАНИЦЫ

Ю. В. Саночкин, С. С. Филиппов

Поверхность жидкости под воздействием лазерного луча прогибается, и наблюдается самофокусировка отраженного излучения (термокапиллярное зеркало) [1-3]. При облучении сильно летучей жидкости обнаружено, что рельеф межфазной поверхности может быть немонотонным [4]. На оплавленных коллекторах электронных пучков или местах контакта плазмы с металлической стенкой наблюдается рельеф, характеризующийся наличием выпученных участков в виде пиков [5]. В литературе их связывают с неустойчивостью поверхности жидкого металла в электрическом поле и возбуждением капиллярных волн, хотя нет уверенности, что указанные неустойчивости приведут на величинной стадии к образованию описанных поверхностных структур. Можно предложить альтернативный механизм появления пиков на межфазной границе, являющийся следствием нагрева лучевого типа. Покажем, что с увеличением мощности теплового источника поле давлений в жидкости перестраивается и под центром нагрева развивается повышенное локальное давление. Оно обусловлено торможением термокапиллярного течения и приводит в отсутствие внешнего давления к выпучиванию границы.

Перейдем от пространственной задачи к плоской с сечением симметрии  $x=0$ . Слой жидкости на горизонтальном твердом изотермическом основании  $y=-h$  ( $T(x, -h) = T_w$ ) ограничен равновесной динамической границей  $y=\zeta(x)$ . Ее невозмущенное статическое положение  $y=0$ . Достаточно рассмотреть центральную область  $x \leq l$ , в которой температура границы спадает по параболическому закону  $T(x, \zeta) - T_w = \Delta T t_0(x/l)$ , где  $t_0 = 1 - ax^2$ ,  $\Delta T = T(0, \zeta) - T_w$ . Полагая  $h \ll l$ , исходим из уравнений пограничного слоя и граничных условий [6]

$$\begin{aligned} u_x + v_y &= 0, \quad R^*(uu_x + vu_y) = -(\mu B)^{-1} p_x + u_{yy}, \quad p_y = -B, \\ u_y &= -T_x, \quad v = \zeta'u, \quad p = -(1 - \beta t_0) \zeta'', \quad y = \zeta; \\ u &= v = 0, \quad y = -1; \quad u = p_x = 0, \quad x = 0. \end{aligned} \quad (1)$$

При обезразмеривании используются длины  $l, h$  в качестве единиц измерения  $x, y$  и характеристические масштабы  $u_* = a' \Delta Th / \rho v l$ ,  $v_* = hu_* / l$ ,  $p_* = \alpha (T_w) h / l^2$ , где  $\alpha(T)$  — коэффициент поверхностного натяжения,  $a' = -d\alpha/dT$ ,  $\nu$  — кинематическая вязкость. В (1)  $R^* = (h^2/l^2) u_* l / \nu$  — приведенное число Рейнольдса,  $\beta = a' \Delta T / \alpha (T_w)$  — капиллярный параметр,  $B = \rho g l^2 / \alpha (T_w)$  — число Бонда,  $\mu = a' \Delta T / \rho gh^2$  — термокапиллярный параметр ( $g$  — ускорение силы тяжести).

Решение (1) можно построить в замкнутом виде для малых (конечных) деформаций свободной границы. Согласно (1), при  $\mu \rightarrow 0$   $p_x \rightarrow 0$ , поэтому  $p = -By + \mu B$  ( $c_0(x) + \mu c_1(x) + \dots$ ) и, следовательно,  $\zeta \sim \mu$ . Полагая  $\zeta = \mu \zeta_1 + \mu^2 \zeta_2 + \dots$ ,  $u = u_0 + \mu u_1 + \dots$ ,  $v = v_0 + \mu v_1 + \dots$  и разлагая по  $\mu$  граничные условия, находим, что решение в нулевом приближении имеет вид

$$u_0 = t'_0(x) f'(y), \quad v_0 = -t''_0 f, \quad c'_0 = -\gamma t'_0, \quad (2)$$

где  $f$  — решение краевой задачи

$$f''' + 2aR^*(f'^2 - ff'') + \gamma = 0, \quad f''(0) = -1, \quad f(0) = f(-1) = f'(-1) = 0. \quad (3)$$

Не рассматривая уравнений для поправок, отметим, что построенное решение формирует при  $x \sim l$  систему граничных условий для определения течения в периферийной части термокапиллярной ячейки. Наличие четырех условий к (3) позволяет определить зависимость коэффициента давления  $\gamma$  от  $2aR^*$ . Она показана на рисунке. При  $R^* \rightarrow 0$   $\gamma \rightarrow 3/2$ ; в точке  $2aR_0^*=1134$  происходит изменение знака  $\gamma$ . Течение при переходе остается одновихревым. Хотя в дальнейшем с увеличением  $R^*$  структура потока изменяется (например, при  $2aR^* = -6341$  он становится двувихревым), существенно, что  $\gamma < 0$  при  $R^* > R_0^*$  (просчитано до  $R^* \sim 10^8$ ). Согласно (2), при слабом нагреве давление возрастает с ростом  $x$ . При интенсивной конвекции — убывает и имеет в центре нагрева  $(0, \zeta)$  максимум. Реверс давления обусловлен изменением вклада динамического напора. Указанная точка на межфазной границе есть точка торможения потока. Для центральной трубки тока правомочно применить закон Бернулли, согласно которому давление в точке покоя равно  $p_\infty + \rho v_\infty^2/2$ , где  $p_\infty$ ,  $v_\infty \approx v_*$  — значения вдали от поверхности. Приведенное доказательство реверса давления обосновывает полученный при эвристическом подходе вывод о возникновении под катодным пятном высоких локальных давлений [7].

Поле давлений и вследствие этого условие равновесия границы определяются с точностью до аддитивной постоянной. Главные члены разложения динамического условия (1) дают уравнение для определения профиля поверхности ( $\zeta = \mu \zeta_*$ )

$$(1 - \beta t_0) \zeta'' - B \zeta' = \mu B \gamma t_0 + p_0/p_* + A. \quad (4)$$

В (4) для общности добавлено внешнее давление  $p_0(x)$ , обусловленное, например, испарением. Для определения константы  $A$  переднем в (4) к пределу  $R^* \rightarrow 0$ . Задача (1) допускает в этом случае явное решение во всей области  $x < \infty$  с произвольными граничными функциями  $t_0(x)$ ,  $p_0(x)$ . Условие равновесия

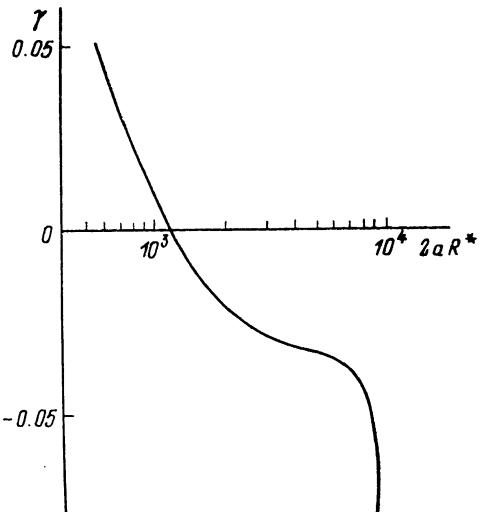
границы совпадает с (4) при  $A=0$ , если выбрать для смещения условие  $\xi(\infty)=0$ . Не выписывая полного решения (4), отметим, что оно описывает при  $R^* < R_0^*$  прогиб поверхности под действием нагрева и внешнего давления, причем деформации складываются. Это видно из решения при  $B \gg 1$ , которое ввиду  $t'_0(0) = p'_0(0) = 0$  имеет вид

$$\zeta = -\mu \gamma t_0 - p_0/p_* B. \quad (5)$$

При  $R^* > R_0^*$  пропорциональный  $\gamma$  член в (4), (5) соответствует выпучиванию поверхности. Построенное решение оправдывает качественные соображения о деформации границы жидкости при лазерном нагреве [8]. В конкуренции с вкладом от  $p_0$  рельеф может принимать сложный немонотонный вид. Приведем оценки порогового значения температуры и величины динамического давления. Условие  $\mu < 1$  ограничивает рассматриваемые значения  $\Delta T$  сверху. Для ртути при нормальных условиях, полагая  $h=3 \cdot 10^{-2}$  см (данные [4, 5] относятся к тонким слоям),  $h^2/l^2 \approx 0.1$ ,  $a=1/2$ , находим перепад температуры в точке перехода  $\Delta T_0 \approx 20^\circ$ , что соответствует плотности теплового потока  $\sim 10^8$  Вт/см<sup>2</sup>. При  $2aR^* \approx 2300$  имеем  $\Delta T \approx 40^\circ$ ,  $h^2/l^2 \approx 0.05$  атм.

Противоположный случай  $h \geq l$  соответствует, очевидно, существенно большим величинам локального давления (уравнения Навье—Стокса допускают приближенное решение в форме (2), (3), в масштабах и параметры не входит малый параметр  $h/l$  и в рассматриваемой области  $v \sim u$ ).

Рассмотренные вопросы представляют интерес для современных лазерной и пучковой технологий модификации свойств поверхностного слоя твердых тел. Если по каким-либо причинам нагрев модулируется (филаментация электронного пучка, контракция тока на жидкий электрод), то возможно образование пространственно-периодического рельефа. Учет деформации межфазных поверхностей важен также в теории эмиссионных процессов (жидкометаллические источники ионов, взрывная эмиссия электронов).



## Список литературы

- [1] Da Costa G. // Phys. Lett. 1980. Vol. 80 A. N 4. P. 320—322.
- [2] Helmers H., Witte W. // Opt. Commun. 1984. Vol. 49. N 1. P. 21—23.
- [3] Viznyuk S. A., Raspopov S. F., Suhodolsky A. T. // Opt. Commun. 1989. Vol. 71. N 5. P. 239—243.
- [4] Низовцев В. В. // ЖПМТФ. 1989. № 1. С. 138—145.
- [5] Габович М. Д., Порицкий В. Я. // Письма в ЖЭТФ. 1981. Т. 33. Вып. 6. С. 320—324.
- [6] Ландау Л. Д., Либшиц Е. М. Гидродинамика. М.: Наука, 1988. 733 с.
- [7] Жаринов А. В., Саночкин Ю. В. // Письма в ЖТФ. 1983. Т. 9. Вып. 23. С. 1465—1468.
- [8] Гладуш Г. Г., Красицкая Л. С., Левченко Е. Б., Черняков А. Л. // Квантовая электроника. 1982. Т. 9. № 4. С. 660—667.

Всесоюзный электротехнический  
институт им. В. И. Ленина

Поступило в Редакцию  
21 февраля 1990 г.

11

Журнал технической физики, т. 61, в. 3, 1991

© 1991 г.

### ОБ ЭФФЕКТЕ «КОЛЕЦ» НА ЭМИССИОННОМ ИЗОБРАЖЕНИИ АВТОКАТОДА В ПРЕДВЗРЫВНОМ СОСТОЯНИИ

В. М. Жуков, Н. В. Егоров

На импульсных эмиссионных изображениях острыйных автокатодов в предвзрывных состояниях наблюдаются яркие «кольца». Эффект замечен для милли- [1], микро- [2, 3] и наносекундных [4] импульсов, однако, несмотря на многолетние исследования, его природа пока до конца не выяснена. Настоящая работа посвящена более детальному рассмотрению «волнового» механизма образования колец, предложенного недавно в [4].

Исследования проводились с остройми из вольфрама, помещенными в стеклянные соглаженные проекторы Мюллера, давление остаточных газов в которых было менее  $10^{-9}$  мм рт. ст.

Длительность импульсов напряжения  $\tau_n$  составляла 10, 20 нс.

Следует подчеркнуть, что эффект «колец» для автоэмиссии в наносекундном диапазоне может быть реализован при следующей методике проведения эксперимента. На острыйный эмиттер подаются одиночные импульсы напряжения с увеличивающейся амплитудой и регистрируются эмиссионные изображения (ЭИ). Для некоторой амплитуды  $U_1$  достигается близкое к предвзрывному состояние эмиттера. Кольца на ЭИ при этом отсутствуют. Кольца, окаймляющие ЭИ, появляются, если амплитуду следующего одиночного импульса увеличить до значения  $U_1 + \Delta U$  ( $\Delta U \ll U_1$ ) (рис. 1). При снижении амплитуды до значения  $U_1$  кольца исчезают. Указанная процедура повторялась многократно и с одним и тем же результатом.

Отметим, что перед каждой серией экспериментов, заключавшейся в постепенном увеличении амплитуды импульсов напряжения вплоть до появления «колец» (рис. 1), производился одинократный нагрев острый до высокой температуры для очистки их поверхности от загрязнений.

Как и в работе [4], перед появлением колец характер эмиссионного изображения изменился. Это согласуется с тем обстоятельством, что при температурах, близких к температуре плавления (что характерно для предвзрывного состояния), поверхность уже не имеет упорядоченного строения [6]. При этом для поверхностного слоя фактически отсутствует определенная точка плавления, работа выхода разных граней должна стремиться к одному и тому же