# Аномалии электрических характеристик $Si/Si_{1-x}Ge_x$ -гетероструктур с транспортным электронным каналом в слоях Si

© Л.К. Орлов, Z.J. Horvath\*, М.Л. Орлов, А.Т. Лончаков\*\*, Н.Л. Ивина, L. Dobos\*

Институт физики микроструктур Российской академии наук, 603950 Нижний Новгород. Россия

\* Research Institute for Technical Physics and Materials Science, Hungarian Academy of Sciences, Budapest, H-1525 Hungary

\*\* Институт физики металлов Уральского отделения Российской академии наук,

620041 Екатеринбург, Россия

E-mail: orlov@ipm.sci-nnov.ru

(Поступила в Редакцию 26 апреля 2007 г.)

Исследуются особенности электрофизических характеристик упруго-напряженных  $\mathrm{Si/Si_{1-x}Ge_x}$  (x<0.2) плоскослоистых гетерокомпозиций со структурой модуляционно-легированного полевого транзистора. Амплитуда узкой ( $\sim$  6 nm) квантовой потенциальной ямы в Si-слое предположительно сопоставляется с амплитудой флуктуационого потенциала, обусловливающего появление наномасштабных неоднородностей в Si-канале. Рассматриваемые структуры характеризуются при изменении плотности электронов в Si-канале фазовым переходом от диэлектрического к металлическому типу проводимости. В магнитотранспортных измерениях структуры с металлическим типом проводимости демонстрируют проявление отрицательного магнитосопротивления (OMC) как для продольного, так и для поперечного направления магнитного поля относительно протекающего по структуре тока. Анализ магнетополевой зависимости показал доминирующий вклад в ОМС эффекта слабой локализации. Особенности проявлялись и в электрических измерениях диодных характеристик исследуемых структур. В частности, на вольт-фарадных характеристиках структур наблюдались хорошо выраженные резонансные особенности, возможно связанные с существованием в двумерной неоднородной пленке наряду с двумерными носителями заряда также одномерных и квазинульмерных включений.

Настоящая работа выполнялась в рамках программы совместных научных исследований, проводимых между Российской и Венгерской академиями наук (проект № 15) и при частичной поддержке РФФИ (№ 01-02-16778). Образцы выращивались при финансовой поддержке ИНТАС (Ref. No: 96-0580).

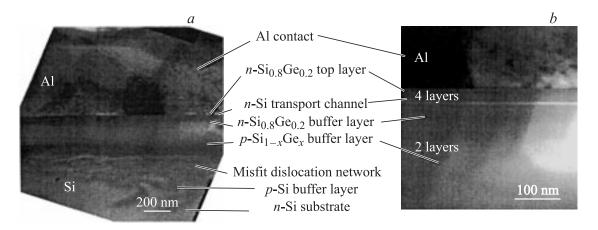
PACS: 73.40.-c, 73.40.Lq

#### 1. Введение

В последние годы предпринимаются значительные усилия по развитию технологии выращивания и исследованию характеристик планарных напряженных эпитаксиальных гетерокомпозиций  $\mathrm{Si/Si}_{1-x}\mathrm{Ge}_x$  со структурой полевого транзистора. Целью проводимых работ является, однако, не только достижение предельно высоких параметров, создаваемых на их основе приборов традиционного типа, но и наблюдение в них новых явлений, которые могли бы быть использованы в устройствах преобразования электромагнитых сигналов сверхвысокой частоты. Примером этого могут служить, в частности, попытки наблюдения резонансных коллективных эффектов в двумерной электронной плазме полевого транзистора для генерации и детектирования излучения терагерцевого диапазона частот [1].

Рассматривается также идея использования неоднородного (в идеале периодического) потенциала в плоскости транспортных слоев, создаваемого упругими деформациями, потенциалом дислокаций либо зарядами на внешней границе псевдоморфной планарной гетероструктуры с развитой морфологией поверхности, с целью формирования в двумерных каналах структуры

областей с более низкой, чем 2, размерностью электронов. Формируемые вследствие различных причин в плоскости двумерного слоя частично изолированные области наноразмерного масштаба, характеризуемые квазинульмерными состояниями электронов в них, могут быть связаны друг с другом в пределах двумерного слоя различными каналами переноса заряда. Электронный транспорт по неоднородной пленке может осуществляться как за счет туннелирования электронов, так и вследствие переноса носителей заряда по узким одномерным каналам, соединяющим изолированные друг от друга области локализации заряда в пленке. Очевидно, что создание подобных систем с программируемой архитектурой флуктуационного потенциала в двумерном канале транзисторной структуры может послужить прообразом интегральных схем наноэлектроники уже в ближайшем будущем. Простейшими примерами подобных систем на сегодняшний день являются: окисленный нанопористый кремний, образующий в матрице диоксида кремния цепочки связанных туннелированием нульмерных Si-гранул [2]; поверхностные одномерные и двумерные дифракционные решетки, формирующие в приповерхностном двумерном канале сверхрешеточные состояния [3]; мезопористые структуры, образующие на пересечении



**Рис. 1.** Данные просвечивающей электронной микроскопии для поперечного скола структуры (образец № 412). a — общий вид скола структуры, b — сечение приповерхностного  $Si_{1-x}Ge_x$ -слоя, содержащего Si-транспортный канал.

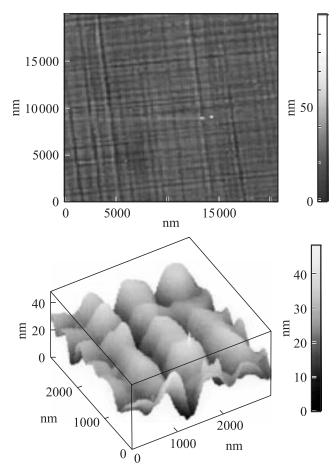
двумерного проводящего слоя с узкими перегородками пористой структуры массивы квазинульмерных объектов либо двумерные сетки проводящих квантовых нитей [4]; двумерные квантовые сверхрешетки, построенные на базе плоских регулярных массивов однородных квантовых точек, связанных туннелированием.

Наряду с обсуждением различных способов формирования встраиваемых в кристалл наноразмерных элементов определенный интерес представляют также контроль параметров флуктуационного потенциала и диагностика спектра локализованных и делокализованных состояний, связанных с ним. Развиваемые методы могут быть использованы и для контроля реальных приборных гетерокомпозиций, где наноструктурированные включения часто играют специальную роль, но в ряде случаев могут выступать и как нежелательные элементы структуры.

В настоящей работе предлагается обсудить некоторые особенности, наблюдаемые в поведении электронных характеристик транзисторной структуры (MODFET) с относительно мелким электронным транспортным каналом, формируемым в кремниевом слое гетероструктуры Si/Si<sub>1-x</sub>Ge<sub>x</sub>. Транспортный канал в Si-пленке формируется путем релаксации упругих напряжений в буферном  $Si_{1-x}Ge_x$ -подслое при введении между буфером и подложкой трехмерной сетки дислокаций несоответствия. Поверхностная плотность линейных дислокаций в пределах локализации дислокационной сетки по данным металлографического анализа составляла  $(6-9) \cdot 10^7 \, \text{cm}^{-2}$ . Применение данной процедуры, как известно, является наиболее слабым звеном используемой технологии. Формирование под активным слоем структуры неоднородной плотности дислокаций, легко прослеживаемой методами сканирующей дислокационной фото- либо катодолюминесценции [5], обусловливает в слою очередь появление в канале транзистора развитого флуктуационного потенциала.

# 2. Образцы, использованные в эксперименте, и технология их приготовления

В настоящей работе в слабых полях изучаются электрические и электрофизические характеристики электронного газа сильно напряженной модулированнолегированной гетероструктуры  $Si/Si_{1-x}Ge_x$ цы № 404-414) с Si-транспортным каналом. Образцы, имеющие структуру полевого транзистора, выращивались комбинированным Si-GeH<sub>4</sub>-MBE-методом [6] на подложке Si(100) и содержали в объеме  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{Ge}_x$ -слоя  $\{L_2=L_2^{\mathrm{top}}+L_2^{\mathrm{bottom}}=(30+200)\ \mathrm{nm}\},$ выращенного в свою очередь на буферном подслое p-Si<sub>1-v</sub>Ge<sub>v</sub> ( $L_1 = 300 \,\mathrm{nm}$ ) градиентного состава  $(y = 0 - x; x \approx 0.18 \pm 0.01)$ , кремниевый транспортный канал. Состав в слоях контролировался методом рентгенодифракционного анализа. Область покрывающего канал сверху  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{Ge}_x$ -надслоя толщиной  $L_2^{\mathrm{top}} \approx 30\,\mathrm{nm}$ легировалась фосфором до концентрации  $3 \cdot 10^{17} \, \text{cm}^{-3} \, \text{c}$ толщиной спейсера вблизи верхней границы канала порядка 6 nm. Толщина канала  $d_{Si}$ , определенная по данным ростового эксперимента (по скорости роста Si), оценивалась на уровне 6 пт. Структура исследуемых образцов и отдельные их характеристики обсуждались в [7,8]. Все структуры были выращены при одинаковых условиях и отличались друг от друга только типом  $(n \, \text{ или } \, p)$ проводимости используемого материала подложки и наличием (№ 410-414) либо отсутствием (№ 404-409) варизонного буферного  $Si_{1-\nu}Ge_{\nu}$ -подслоя толщиной порядка 0.3 µm между Si-подложкой и буферным слоем  $Si_{1-x}Ge_x$  постоянного состава, на котором выращивался кремниевый транспортный канал. Вид поперечного сечения гетероэпитаксиальной структуры № 412, полученный методом просвечивающей электронной микроскопии (ТЕМ), представлен на рис. 1. Оценка толщины канала по данным ТЕМ без учета переходных областей также дает величину  $d_{\mathrm{Si}}=6\,\mathrm{nm}$ . Толщина покрывающего



**Рис. 2.** Данные сканирующей зондовой микроскопии для поверхности образца № 412 при различной степени увеличения.

канал нелегированного слоя  $Si_{1-x}Ge_x$  составляет по данным TEM величину, немного превышающую 30 nm.

Формируемые в объеме структуры значительные упругие напряжения приводят к заметной шероховатости как границ канала, так и внешней поверхности образца. Морфология последней изучалась методами металлографии и сканирующей зондовой микроскопии (СРМ). По данным металлографического анализа на поверхности образцов наблюдалась резкая морфологическая сетка, связанная с линиями проскальзывания дислокаций несоответствия. Плотность наклонных прорастающих дислокаций, выходящих на поверхность, оцененная по полосам и ямкам травления, составляла величину  $\sim 1 \cdot 10^7 \, {\rm cm}^{-2}$ . Регулярная морфологическая сетка, наблюдаемая на поверхности этого же образца, со средним расстоянием между соседними линиями проскальзывания плоскостей порядка 600 nm изучалась также методом СРМ и представлена на рис. 2. Масштаб шероховатости поверхности в образцах достигал 20-30 nm, что сопоставимо с толщиной  $Si_{1-x}Ge_x$ -надслоя, расположенного в приповерхностной области структуры.

Поверхностный заряд, накапливаемый по границам морфологической сетки, создает в канале флуктуаци-

онный потенциал, обусловливая заметную неоднородность системы. Очевидно, что указанная особенность рассматриваемых гетерокомпозиций может проявляться прежде всего в транспортных измерениях, приводя, с одной стороны, к снижению подвижности двумерных электронов в структуре, с другой — к формированию в плоскости слоя дополнительных локализованных состояний. Квантовая яма для электронов в слое кремния в гетероструктуре  $Si/Si_{1-x}Ge_x$  возникает вследствие междолинного расщепления состояний в зоне проводимости при аксиальном упругом воздействии релаксированного  $Si_{1-\nu}Ge_{\nu}$ -буфера на кремниевый слой. В отсутствие в системе пластической деформации (в нашем случае образцы № 404-408) транспортный канал в слое кремния не образуется. Традиционно для приборных приложений рассматриваются достаточно глубокие потенциальные ямы, возникающие на переходе  $Si/Si_{1-x}Ge_x$  с  $x \ge 0.25$ . Однако изготовление подобных структур с низкой плотностью прорастающих дислокаций требует применения более прецизионной, чем используемая нами, ростовой технологии. Изготовленные нами образцы по структуре формирования слоев и составу твердого раствора (x < 0.2) в некоторой степени подобны структурам, рассмотренным в других работах, но имеющим уменьшенную толщину транспортного канала. Это приводит, с одной стороны, к более резко выраженному влиянию шероховатостей границ и флуктуаций состава в барьерных слоях на транспортные характеристики электронов в столь узком канале, с другой стороны, к дополнительному уменьшению эффективной глубины квантовой ямы за счет более сильного сдвига энергетических уровней вследствие эффекта пространственного ограничения.

Для проведения электрофизических измерений на базе выращенных структур образцы были приготовлены в геометрии двойного холловского креста с омическими контактами на основе  $\mathrm{Ti/Pd/Au}$ . Поверхность структуры для стабилизации характеристик покрывалась слоем химического окисла. Для проведения электрических измерений, в том числе для профилирования распределения потенциала поперек плоскости структуры, были изготовлены матрицы мезадиодов с верхним алюминиевым омическим либо выпрямляющим контактом Шоттки. Особенности технологии изготовления  $\mathrm{Al}$ -контактов к  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{Ge}_x$ -слоям описаны в работе [7].

## 3. Проводимость электронного газа в Si-канале

Несмотря на относительно низкое содержание германия в барьерных слоях (x=0.18), измерения в слабых магнитных полях для образцов № 410–414 в температурном интервале ниже 30 K показали наличие конечной электронной проводимости в кремниевом транспортном канале малой ( $d_{\rm Si} < 10\,{\rm nm}$ ) толщины. На основании электрофизических измерений для рассматриваемой серии образцов нами были оценены (табл. 1)

Таблица	1.	Характеристики	образцов,	измеренные	для
нескольких	тем	шератур			

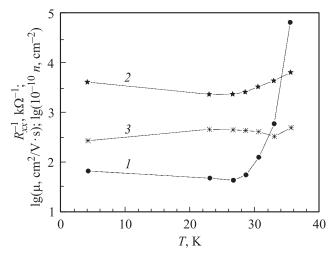
No: n(4.2 K)	410 , cm <sup>-2</sup> : $5.7 \cdot 10^{11}$		412 · 10 <sup>12</sup>	$414 \\ 2.73 \cdot 10^{12}$	
,	), $cm^2/V \cdot s = 3010$	2900		4170	
<i>T</i> , K	$\sigma$ , $\Omega^{-1}$	T, K	$\sigma$ , $\Omega^{-1}$	T,K	$\sigma$ , $\Omega^{-1}$
29.5 25.6 21.45 4.2	0.000314 0.000312 0.0003 0.000276	35.6 33.8 4.2 1.4	0.00352 0.00358 0.00451 0.00454	30.5 26.6 23 4.2	0.00208 0.00162 0.00166 0.00182

двумерная плотность носителей заряда  $n \, (\text{cm}^{-2})$  в транспортном канале и значения холловской подвижности  $\mu$  $(cm^2/V \cdot s)$  электронов. Для ряда использованных образцов (№ 412-414) измеряемая плотность электронов в канале n (табл. 1) принимала достаточно высокие значения  $n > 1 \cdot 10^{12} \, \text{cm}^{-2}$ , превышающие критическую концентрацию  $n_{\rm cr} \approx (1-2) \cdot 10^{11} \, {\rm cm}^{-2}$ , характерную для фазового перехода металл-диэлектрик в электронной подсистеме инверсионных слоев кремния [9]. Рассматриваемые образцы проявляют металлический тип проводимости, на что указывает наблюдаемый с понижением температуры в диапазоне (25-1.5) К слабый рост как подвижности носителей заряда, так и проводимости в целом (см. например, рис. 3 и табл. 1). В табл. 1 представлены также данные по проводимости для образца № 410 с меньшей  $(n < 1 \cdot 10^{12} \, \mathrm{cm}^{-2})$  плотностью носителей заряда в канале. Характер температурной зависимости для образца № 410 показывает диэлектрический тип проводимости структуры в области низких температур. Сопоставление характеристик рассматриваемых образцов показывает, что критическая концентрация электронов, соответствующая фазовому переходу металл-диэлектрик в напряженных гетероструктурах, может значительно превосходить значение  $n_{\rm cr}$ , наблюдаемое для Si-МОП-транзисторов (МОП — металлокисел-полупроводник) с двумерным инверсионным каналом [9].

Гетероструктуры, обладающие как диэлектрическим, так и металлическим типом проводимости в диапазоне низких температур, широко обсуждаются в настоящее время в связи с проблемой локализации и делокализации электронных состояний в двумерных структурах в условиях фазового перехода металл—диэлектрик. Несмотря на то, что основные детали данного эффекта к настоящему времени достаточно хорошо изучены на примере кремниевого полевого транзистора с инверсионным каналом [10,11], до последнего времени сохраняется интерес к исследованию этого эффекта в напряженных модулированно-легированных гетероструктурах  $Si(Ge)/Si_{1-x}Ge_x$  [12–16] как с дырочным, так и электронным транспортными каналами. Повышенный интерес к электронным структурам  $Si/Si_{1-x}Ge_x$  с

двумерными слоями кремния связан прежде всего с простотой спектра электронов в них по сравнению со спектром электронов в Si-инверсионном канале. Одноосная деформация поперек плоскости структуры снимает междолинное вырождение в энергетическом спектре электронов слоя Si. Структура нижних состояний двумерной зоны проводимости в Si-квантовой яме характеризуется двукратно вырожденным однодолинным энергетическим спектром с изотропной массой  $m^* \approx 0.19 m_0$ . Кроме того, в рассматриваемой электронной подсистеме по сравнению с дырочным кремнием менее выражены спиновые эффекты, существенно усложняющие вид магнитополевых зависимостей. Оценка времени релаксации импульса по величине измеренной подвижности электронов дает значение  $\tau_p = \mu m^*/e \approx 3 \cdot 10^{-13} \, \text{s.}$  С учетом оценки скорости электрона на уровне Ферми для образца № 412 с подвижностью  $\mu \approx 2.9 \cdot 10^3 \, \mathrm{cm}^2/\mathrm{V} \cdot \mathrm{s}$ и поверхностной концентрацией электронов в канале  $n \approx 4 \cdot 10^{12} \, \mathrm{cm}^{-2} \,$  имеем  $E_{\mathrm{F}} = \pi n \hbar^2 / m^* \approx 50 \, \mathrm{meV}$ . Скорость электронов на поверхности Ферми соответственно равна  $V_{\rm F}=(2E_{\rm F}/m^*)^{0.5}=(\hbar/m^*)(2\pi n)^{0.5}\approx 3\cdot 10^7\,{\rm cm/s},$ что несколько превышает величину дрейфовой скорости электронов, достигаемую в сильных электрических полях и равную  $V_{\rm sat} \approx (1-2) \cdot 10^7$  cm/s.

Так как уровень Ферми проходит одновременно и по состояниям примесной зоны в барьерных слоях, можно предположить, что в рассматриваемых структурах высота потенциального барьера для электронов не превышает энергии ионизации мелких донорных центров. Эта высота  $E_D$  составляет примерно 30 meV при общей глубине потенциальной ямы в слое кремния  $E_{\rm QW}=E_1+E_{\rm F}+E_D\approx 0.13$  eV, что согласуется с расчетами, проведенными в работе [17], где приведена оценка  $E_{\rm QW}\approx 0.15$  eV. Здесь  $E_1=\pi^2\hbar^2/2m^*d_{\rm Si}^2\approx 56$  meV — положение первого уровня размерного квантования в квантовой яме.



**Рис. 3.** Температурные зависимости проводимости (*I*) и холловских характеристик образца  $N_2$  414 (2 — подвижность, 3 — поверхностная концентрация).

Предполагая скорость электронов в кремниевом канале близкой к максимальной величине  $V_{
m dr} pprox V_{
m sat},$ для длины свободного пробега электронов имеем  $l_{n}^{ ext{max}} = V_{ ext{dr}} au_{p} pprox 30\, ext{nm}$ . Для реализации эффекта размерного квантования электронов в слое кремния, однако, вполне достаточно, чтобы величина  $l_p$  была сравнима с шириной транспортного канала  $l_p^{\min} \geq d_{\mathrm{Si}}$ . Величина  $l_p^{\max}$ , соответствующая минимальному уровню концентрации рассеивающих центров в объеме Si-слоя, дает оценку для  $N_a({\rm Si}) \approx 4 \cdot 10^{16} \, {\rm cm}^{-3}$ . Для источника кремния (КДБ-1), использованного нами при эпитаксиальном росте слоя и формирующего Si-транспортный канал, фоновая концентрация бора в кремнии не превышает величину  $N_a \sim 1.5 \cdot 10^{16} \, {\rm cm}^{-3}$ . Обычно она даже меньше вследствие имеющего место неполного переноса атомов бора от источника к подложке ( $K_{\rm B} < 1$ ) в процессе выращивания пленки сублимационным методом. Таким образом, проведенная оценка характерной длины релаксации импульса электрона показывает, что основным рассеивающим фактором в рассматриваемой структуре является рассеяние не на фоновой примеси, а на шероховатостях интерфейсов и флуктуациях потенциала как в транспортном канале, так и в прилегающих к каналу барьерных слоях.

## Магнитополевая зависимость электронной проводимости Si-канала

Дополнительную информацию о механизмах и характерных длинах рассеяния электронов в канале, а также о размерности газа носителей заряда можно получить из анализа магнитополевых зависимостей проводимости системы. Это особенно важно для структур с высокой плотностью электронов в условиях низких температур, когда эффективно рассеяние как на дефектах структуры, так и вследствие межэлектронных соударений. Поэтому в сильно напряженных гетероструктурах с очень узкими (< 10 nm) и одновременно мелкими потенциальными ямами, а именно такие и рассматриваются в настоящей работе, выявление конкретных механизмов рассеяния представляет первостепенную задачу. В таких системах с глубоко проникающими в барьерные слои хвостами волновых функций электронов, локализуемых в квантовой яме наряду с рассеянием на короткодействующем потенциале фоновой примеси существенную роль в рассеянии электронов будет играть также рассеяние в окрестности границ канала на флуктуациях состава барьерных слоев и на дальнодействующем потенциале примеси, легирующей барьерные слои.

Наиболее яркой особенностью, наблюдаемой на магнитополевых зависимостях исследуемых нами гетероструктур  $\mathrm{Si/Si}_{1-x}\mathrm{Ge}_x$ , является возникновение при низких температурах в классически слабых магнитных полях ( $\omega_c \tau_p \ll 1$  соответствует в нашем случае неравенству  $H \ll 35\,\mathrm{kOe}$ ) отрицательного магнитосопротив-

ления (ОМС) как для холловской, так и продольной ( $\parallel$ ) конфигурации магнитного поля относительно направления тока.

При анализе низкотемпературной проводимости наибольший интерес вызывают поправки, связанные с квантовыми эффектами и дающие информацию о характере рассеяния и взаимодействия электронов. Наиболее часто в эксперименте эти поправки характеризуются квадратичным видом зависимости сопротивления образца от напряженности магнитного поля [18-20]. Этот факт обычно связывается либо с проявлением эффектов межэлектронного взаимодействия либо с рассеянием электронов на дальнодействующем потенциале флуктуаций заряженной примеси как в барьерных слоях, так и на внешней поверхности. Однако наибольший интерес в магнитотранспортных экспериментах чаще всего вызывают эффекты квантовой интерференции и возможность их использования для тестирования степени беспорядка в канале и для изучения структуры границ транспортных каналов и границ мезоскопических проводников [15]. В рассматриваемых нами гетероструктурах локализационные эффекты, возможно, играют повышенную роль, на что, в частности, указывает отношение кулоновской энергии взаимодействия  $E_{\rm C}$  к энергии Ферми  $r_s = E_{\rm C}/E_{\rm F} = m^* e^2/4\pi^2 \varepsilon \hbar^2 n^{0.5}$  порядка  $r_s = 0.5$ . Здесь  $\varepsilon=12\varepsilon_0$  — диэлектрическая постоянная слоя кремния. Полученная оценка величины  $r_s$  указывает на то, что корреляционные поправки в ОМС в рассматриваемых образцах могут играть даже меньшую роль, чем эффекты слабой локализации, несмотря на высокую плотность электронов в транспортном канале структуры.

Рассмотрим более детально характерный вид магнитополевых зависимостей с целью попытаться оценить вклад локализационных эффектов в поправках к проводимости системы. Результаты измерений проводимости одного из изучаемых образцов в зависимости от магнитного поля для двух значений температур и двух конфигураций его расположения относительно направления магнитного поля представлены символами на рис. 4, a-c. По внешнему виду наблюдаемые кривые аналогичны магнитополевым зависимостям, имеющим место в полевых транзисторах с инверсионным каналом [10,11]. Однако между электронами, находящимися в инверсионном канале кремниевого транзистора, и двумерными электронами в Si-канале модулированно-легированной гетероструктуры  $Si/Si_{1-x}Ge_x$  существуют значительные различия, связанные с существованием в гетеросистемах на основе кремния и германия значительных упругих напряжений и обусловленного ими флуктуационного потенциала. С целью выявления вклада эффекта слабой локализации двумерных электронов в формирование ОМС образцов нами была проведена аппроксимация экспериментальных кривых простейшими теоретическими зависимостями с минимальным числом подгоночных параметров.

В области повышенной концентрации электронов проводимости в канале, соответствующей металличе-

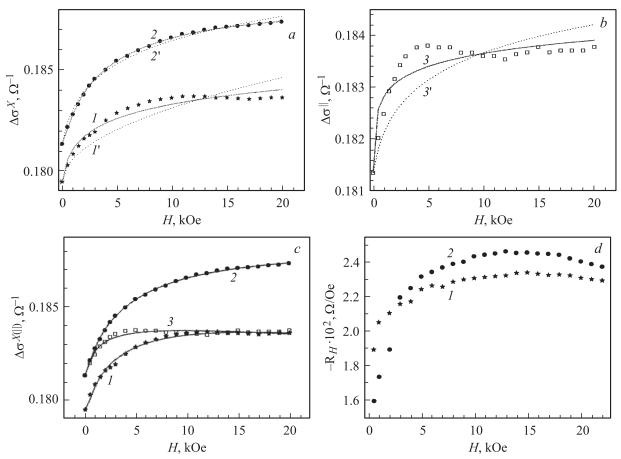


Рис. 4. Зависимости магнитосопротивления (a-c) и постоянной Холла (d) образца № 412 от магнитного поля при T=4.2 (1) и 1.6 К (2,3) при продольной (кривые 3 (b,c)) и поперечной холловской (кривые I,2 (a,c)) ориентации магнитного поля относительно направления тока. Точками представлены экспериментальные зависимости магнитосопротивления образца, линиями — аппроксимирующие их теоретические кривые, рассчитанные по формулам (1) — кривые I'-3' (a,b), (2) — кривые I,2 (a), (3) — кривая I0, (4)0 — кривые I1 — кривые I2 с коэффициентами, представленными в табл. 2.

ской фазе проводимости, естественно предположить, что электрон-электронное взаимодействие, ответственное за рост проводимости с понижением температуры, будет играть доминирующую роль и в формировании вида магнитополевых зависимостей. Слагаемое  $\Delta\sigma_{\rm cor}(H)$ , ответственное за ОМС образца и обусловленное электрон-электронным взаимодействием, характеризуется, соглас-

но теории, корневой зависимостью его величины от магнитного поля [18–21]:

$$\Delta \sigma_{\rm cor} = \sigma_0 (H/\hat{H})^{0.5}. \tag{1}$$

В качестве характерного для данной структуры магнитного поля  $\hat{H}$  удобно выбрать величину  $\hat{H}=1\,\mathrm{T},$  хотя

Таблица 2. Значения коэффициентов в формулах (1)-(4), аппроксимирующих экспериментальные зависимости на рис. 4

Рисунок	$\alpha \cdot 10^2$ ,	$H_{\varphi}^{\perp}$ ,	$H_{\varphi}^{\parallel}$ ,	$L_{arphi}^{\perp},$	$L_{\varphi}^{\parallel},$	$ au_{\varphi}^{\perp} \cdot 10^{12}$ ,	$ au_{arphi}^{\parallel}\cdot 10^{7}$ ,	$\beta \cdot 10^3$
(кривая)	$\Omega^{-1}$	kOe	kOe	$\mu$ m	μm	S	S	$\Omega^{-1}\mathrm{kOe^{-1}}$
4, a (1)	0.105	0.272		0.153		4		
4, a (1')								1.14
4, c (1)	0.359	0.772		0.091		1.4		-1.73
4, a(2)	0.181	0.64		0.1		1.7		
4, a(2')								1.53
4, c (2)	0.3678	0.947		0.082		1.16		-1.1978
4, b(3)	0.0179		0.017		224		83	
4, b (3')								0.683
4, c(3)	0.0639		0.196		19.4		0.625	-0.828

это и не принципиально, так как при расчетах используется параметр  $\beta = \sigma_0/\hat{H}^{0.5}$ . Итерационная процедура по методу сопряженных градиентов с использованием формулы (1) позволяет наилучшим образом подобрать (табл. 2) коэффициент  $\beta$ , согласующий экспериментальную и теоретическую зависимости. Результаты измерений, проведенных на структуре № 412, для двух температур — 4.2 и 1.6 К и двух, относительно направления тока, конфигураций магнитного поля — поперечной (холловской) и продольной (||) — представлены на рис. 4. Результаты расчетов по формуле (1) для образца № 412 представлены пунктирными линиями на рис. 4, a, b (кривые 1'-3'). Видно, что формула (1) для всех случаев, представленных на рис. 4, достаточно плохо согласуется с наблюдаемыми экспериментальными зависимостями.

Для выявления реальных механизмов, обусловливающих наблюдаемое в образцах ОМС, в соответствии со сделанными выше замечаниями относительно соотношения между кулоновской энергией и энергией межэлектронного взаимодействия оценим роль в формировании ОМС рассматриваемых структур эффекта слабой локализации. Последняя в общем случае записывается в интегральной форме [22], что делает ее весьма неудобной для проведения итерационной процедуры. Поэтому представим выражение для поправки  $\Delta \sigma_{\mathrm{loc}}$  в простейшем виде, соответствующем транспорту двумерных носителей заряда в электронном диффузионном канале. Для холловской конфигурации магнитного поля [21-23].

$$\Delta \sigma_{\text{loc}}^{X}(H) = (e^{2}/2\pi^{2}\hbar) \ln\{1 + (L_{\varphi}^{\perp}/L_{H})^{2}\}$$
$$= \alpha \ln(1 + H/H_{\varphi}^{\perp}), \tag{2}$$

где H — величина магнитного поля,  $L_H = (c \hbar/eH)^{0.5}$  магнитная длина (при  $H\approx 10$  kOe величина  $L_H\approx 26$  nm, т.е.  $L_H\approx l_p^{\rm max}), \quad L_\phi^\perp=(4D\tau_\phi^\perp)^{1/2}$  — характерный масштаб дефазировки электронной подсистемы,  $D = 0.5 V_{
m F} l_p$  — коэффициент диффузии в электронном диффузионом канале,  $V_{\rm F}$  — скорость электрона на поверхности Ферми,  $au_{\varphi}^{\perp}$  — время сбоя фазы волновой функции электрона, определяемое через значение параметра  $H_{\varphi}^{\perp}$  следующим образом:  $au_{\varphi}^{\perp}=\hbar c/4DeH_{\varphi}^{\perp}$ . Величина  $L_{\varphi}^{\perp}$  совпадает с характерной длиной, на которой происходит релаксация энергии электронов, например, вследствие межэлектронных соударений. Для продольного магнитосопротивления выражение для поправки к двумерной проводимости, ответственной за ОМС, имеет, согласно [24], вид

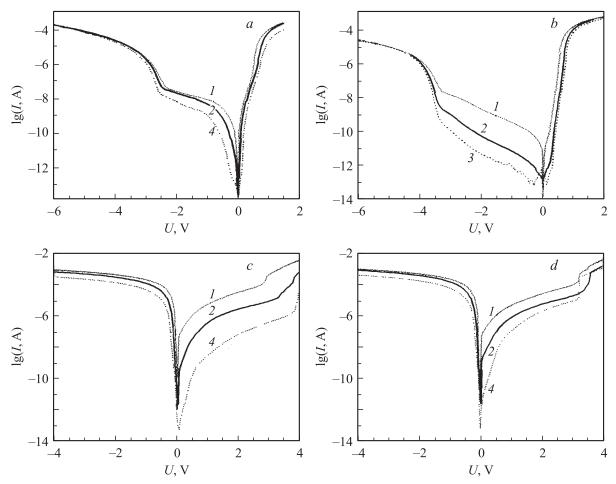
$$\Delta \sigma^{\parallel}(H) = (e^2/2\pi^2\hbar) \ln(1 + \tau_{\varphi}^{\parallel}/\tau_H)$$
$$= \alpha \ln\left\{1 + (H/H_{\varphi}^{\parallel})^2\right\}, \tag{3}$$

 $\tau_{\varphi}^{\parallel} = (3c^2\hbar^2)/\{D(eH_{\varphi}^{\parallel}d_{\rm Si})^2\}, \quad d_{\rm Si}$ квантовой ямы в слое Si. Используемая формула справедлива при  $L_H \gg d_{\rm Si}$ , т.е. во всем диапазоне рассматриваемых магнитных полей  $H < 20 \, \mathrm{kOe}$ .

Результаты расчетов по формулам (2), (3) представлены на рис. 4, а, b. Найденные с помощью итерационной процедуры значения коэффициентов lpha и  $H^{\perp(\parallel)}_{\omega},$ входящие в формулы (2) и (3), приведены в табл. 2. Анализ кривых на рис. 4, а, b показывает, что поправка к проводимости двумерных электронов логарифмического вида приводит к лучшему согласию теоретических и экспериментальных кривых, чем рассмотренная выше корневая зависимость. Этот факт указывает на эффективность проявления в магнитополевых зависимостях механизма слабой локализации электронов в Si-канале даже в условиях металлической фазы проводимости системы. Однако полного согласия экспериментальных зависимостей с расчетными кривыми достичь как в том, так и другом случае не удается, что указывает на необходимость привлечения для анализа результатов эксперимента более сложных теоретических моделей.

В изучаемых гетероструктурах  $Si/Si_{1-x}Ge_x$  полевого транзистора, вообще говоря, нельзя исключать из внимания возможность появления в образцах проводимости по дополнительным параллельным каналам. Проводимость в этих каналах может осуществляться, в том числе, и трехмерными электронами, локализуемыми в области барьерных  $Si_{1-x}Ge_x$ -слоев в примесной зоне, что объясняет, в частности, относительно низкие наблюдаемые значения холловской подвижности электронов в структуре. На возможность транспорта электронов по параллельным каналам указывает и наблюдаемая на эксперименте аномальная зависимость постоянной Холла от магнитного поля. Наблюдаемый аномальный рост холловской постоянной —  $R_{\rm H}(H)$  с увеличением магнитного поля (рис. 4, d) в образце № 412 указывает на уменьшение концентрации проводящих электронов в образце, что может приводить к появлению в структуре положительной компоненты магнитосопротивления. Причина понижения концентрации в проводящем канале остается до конце неясна. Можно попытаться объяснить наблюдаемый эффект увеличением туннельной проницаемости барьеров при включении магнитного поля. Электроны из квантовой ямы в этом случае более эффективно захватываются состояниями ионизованных донорных центров, расположенных в приграничных областях барьерных слоев, понижая тем самым электронную концентрацию в квантовой яме и обусловливая в свою очередь появление положительной компоненты в магнитосопротивлении образца.

Если предположить, что транспорт электронов в структуре происходит как минимум по двум каналам, то при заданном напряжении U=El между истоком и стоком полный ток в структуре I = Sj  $(j = \sigma E)$ можно представить в виде суммы двух токов  $I_1 = S_1 j_1$  $(j_1 = \sigma_1 E)$  и  $I_2 = S_2 j_2$   $(j_2 = \sigma_2 E)$ , где  $j_1$  — плотность тока в двумерном Si-канале с сечением  $S_1 = W d_1$ ,  $j_2$  — плотность тока в паразитном канале с сечением  $S_2 = W d_2$  (далее будем полагать электроны в этом канале трехмерными). Из условия  $I = I_1 + I_2$  следу-



**Рис. 5.** Вольт-амперные характеристики образца № 412 с внешним Аl-контактом. a, b — меза-диоды 1A4 (a), 1B6 (b) с омическим контактом; c, d — меза-диоды 2B5 (c) и 2C4 (d) с контактом Шоттки. T, K: I — 160, 2 — 120, 3 — 100, 4 — 80.

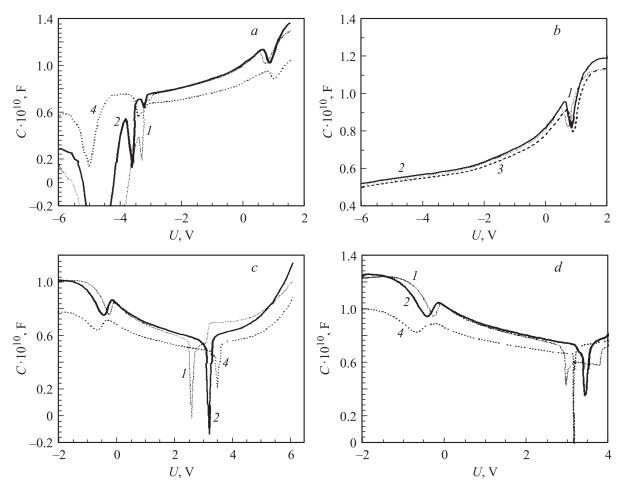
ет  $d\sigma=d_1\sigma_1+d_2\sigma_2$ , где  $d=d_1+d_2$ . Выражение для поправки к проводимости образца, описывающей ее зависимость от магнитного поля, в этом случае можно представить в виде  $\Delta\sigma(H)=\delta_1\Delta\sigma_1(H)+\delta_2\Delta\sigma_2(H)$ , где  $\delta_{1(2)}=d_{1(2)}/d$ .

На основании проведенных выше оценок будем считать, что локализационная поправка к проводимости, имеющая логарифмический вид, играет главную роль в формировании ОМС двумерных электронов в основном транспортном канале. Тогда  $\delta_1 \Delta \sigma_1^{X(\parallel)}(H) = \alpha \ln\{f(H/H_\phi^{\perp(\parallel)})\}$ , где вид функции f(z) определяется выражением под логарифмом в формулах (2), (3) в зависимости от направления магнитного поля. Для трехмерных электронов в дополнительном параллельном канале зависимость проводимости от поля для большинства известных механизмов имеет корневой вид, аналогичный (1). В этом случае измеряемая экспериментально поправка к проводимости  $\Delta \sigma^{X(\parallel)}(H)$  образца для поперечной (продольной) ориентации магнитного поля относительно направления тока принимает вид

$$\Delta \sigma^{X(\parallel)}(H) = \alpha \ln\{1 + (H/H_{\varphi}^{\perp(\parallel)})^{1(2)}\} + \beta(H)^{0.5}.$$
 (4)

Результаты итерационной процедуры по трем параметрам  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $H_{\phi}^{\perp(\parallel)}$  представлены на рис. 4, c. Соответствующие значения параметров приведены в табл. 2. Видно, что в этом случае достигается наилучшее (в пределах точности измерений) согласие теоретических кривых с экспериментальными зависимостями. Согласно проведенным расчетам, несмотря на высокую плотность носителей заряда в Si-канале, ОМС образца связано исключительно с проявлением эффекта квантовой интерференции. Поправки к проводимости, связанные со вторым слагаемым в формуле (4), принимают отрицательные значения, т.е. вносят вклад только в положительное магнитосопротивление системы.

Из найденных значений коэффициентов  $H_{\phi}^{\perp}(H_{\phi}^{\parallel})$  (табл. 2) можно оценить характерные длины и времена сбоя фазы двумерного электрона. Исследование холловской конфигурации показывает, что характерное время сбоя фазы двумерных электронов в образце  $\tau_{\phi}^{\perp} \sim 10^{-12}\,\mathrm{s}$ , что соответствует характерным длинам сбоя фазы в двумерном канале в пределах 100 nm. Анализ кривых I, 2 на рис. 4, a, c показывает, что с понижением температуры время сбоя фазы несколько



**Рис. 6.** Вольт-емкостнные характеристики образца № 412 с внешним Al-контактом. a, b — меза-диоды 1A4 (a), 1B6 (b) с омическим контактом; c, d — меза-диоды 2B5 (c) и 2C4 (d) с контактом Шоттки. T, K: I — 160, 2 — 120, 3 — 100, 4 — 80.

уменьшается (табл. 2), возможно, вследствие увеличения роли межэлектронного взаимодействия и возрастания эффективности электрон-электронного рассеяния, обусловливающего релаксацию энергии электронов. Оценка характерных времен  $\tau_{\varphi}^{\parallel}$  и длин  $L_{\varphi}^{\parallel}$  по измеренным значениям продольного магнитосопротивления дает значения, превышающие на несколько порядков аналогичные величины, полученные на основании холловских измерений (табл. 2).

## Электрические характеристики структур при поперечном транспорте

Характер распределения потенциала, равно как и распределение носителей в направлении поперек плоскости слоев структуры, традиционно анализируется электрическими методами и, в частности, методом CV-профилирования с использованием меза-диодов с контактом Шоттки. Исследование свойств контакта Шоттки к поверхности транзисторной гетероструктуры  $Si_{1-x}Ge_x/Si$  представляет интерес и при его ис-

пользовании в качестве затвора полевого транзистора вместо традиционно используемого для этой же цели МОП-диода. При внешнем омическом контакте вольтамперная характеристика (ВАХ) структуры определяется свойствами n-p-перехода на границе верхнего n-Si<sub>1-x</sub>Ge<sub>x</sub>-слоя, содержащего Si-транспортный канал, и p-Si<sub>1-y</sub>Ge<sub>y</sub>-варизонного буферного слоя, изолирующего рабочую область структуры от подложки (рис. 5). Уровень обратных токов через n-p-переход, отражающий его изоляционные свойства, связан с проколом n-pперехода по прорастающим 60° дислокациям и их числом на площади контакта  $S = 0.8 \times 0.8 \,\mathrm{mm^2}$ . Развитая трехмерная дислокационная сетка на границе буферный слой-подложка исключает влияние нижнего p-n-перехода на электрические характеристики структуры. Введение последовательно включенного с n-p-переходом барьера Шоттки принципиально сказывается на ВАХ структуры, вид которой в этом случае полностью определяется инжекционными свойствами контакта металлполупроводник. Более детально свойства А1-контакта Шоттки к слою  $Si_{1-x}Ge_x$  были рассмотрены ранее в работе [25].

Более информативным обычно является анализ вольтфарадных характеристик (ВФХ) системы. Последние наиболее часто используются для профилирования распределения потенциала и концентрации носителей по глубине изучаемой структуры, что требует, однако, проведения трудоемких численных вычислений. Вид ВФХ образца № 412, измеренных на частоте 1 МНz на тех же мезах, что и ВАХ, представлен на рис. 6. Наиболее удивительные особенности, наблюдаемые на полученных кривых, связаны с появлением резонансов на ветвях ВАХ, соответствующих протеканию обратных токов через диодную структуру. Расширение области пространственного заряда обратно-смещенного внутреннего p-n-перехода (рис. 5, 6, a, b) либо внешнего барьера Шоттки (рис. 5, 6, c, d) ведет к появлению особенностей на ВФХ, связанных, вероятнее всего, с включением в ОПЗ двумерного транспортного канала, характеризуемого высокой плотностью носителей заряда.

Согласно современным представлениям [26–28], включение гетероперехода в область пространственного заряда (ОПЗ) структуры может приводить к аномальному поведению ВФХ структуры. Введение в ОПЗ двумерного слоя приводит, однако, обычно к формированию на ВФХ характерной полочки, получившей название "моттовского" плато [26,27]. Появление резонансных особенностей на ВФХ обычно связывают с включением в базу диода областей локализованных состояний, что на примере структур с квантовыми точками обсуждалось, например, в работах [29,30].

Появление локализованных состояний в рассматриваемых нами транзисторных структурах наиболее естественно связать с флуктуационным потенциалом в транспортном канале структуры. Характерный масштаб формируемых неоднородностей обсуждался нами выше и составлял по оценкам величину порядка 30 nm, что вполне допускает возможность образования внутри транспортного канала квазинульмерных включений, приводящих к накоплению в них заряда. Таким образом, появление резонансных особенностей на ВФХ структуры может свидетельствовать в пользу формирования в двумерном канале нетривиальной системы наномасштабных областей, связанных с потенциалом флуктуаций заряда и обусловливающих появление дополнительных локализованных состояний в энергетическом спектре рассматриваемой электронной подсистемы.

Необходимо заметить, что обсуждаемые резонансные особенности на ВФХ наблюдались только на отдельных меза-диодах. Их отсутствие на изучаемых характеристиках (см., например, рис. 6, b) естественно объяснить проколом тонкого транспортного канала по прорастающим дислокациям, плотность которых в изучаемых образцах достаточно велика. Влияние сетки дислокаций несоответствия в структуре на вид ВФХ структуры рассматривалось в работе [25]. Анализ диодных характеристик, проведенный на базе более простых гетерокомпозиций, не содержащих транспортный двумерный Siканал, показал, что наличие области релаксации упругих

напряжений в структуре, равно как и включение в ОПЗ гетероперехода, не приводят к появлению резонансных особенностей на ее электрических характеристиках.

## 6. Заключение

В работе экспериментально изучены гетероструктуры  $Si/Si_{1-x}Ge_x$  (x < 0.2) с электронным каналом проводимости в упруго напряженном слое кремния. Впервые показано, что даже для относительно невысокого процентного содержания германия в буферном слое (x < 0.2) накопленной упругой энергии в системе достаточно, чтобы при ее релаксации могла быть сформирована потенциальная квантовая яма в узком (порядка 6 nm) слое кремния. Следствием использования узкого транспортного канала является усиление вклада рассеяния на дефектах пограничных областей, что приводит к особенностям транспортных характеристик электронов. Для исследуемых гетерокомпозиций показано, что изменение плотности электронов в канале позволяет легко перейти от диэлектрического к металлическому типу проводимости при изменении концентрации электронов в слое в пределах  $(0.5-1) \cdot 10^{12}$  cm<sup>-2</sup>.

Впервые обнаружено, что сильное рассеяние электронов в канале при низкой температуре обеспечивает проявление в магнитотранспортных измерениях эффекта ОМС с доминирующей компонентой, имеющей логарифмический характер зависимости поправки к проводимости от величины магнитного поля. Данный эффект указывает на возможность реализации структур, для которых эффект слабой локализации двумерных носителей заряда проявляется на магнитополевых зависимостях в условиях металлической фазы проводимости. Данный эффект проявляется как для холловской, так и продольной конфигурации магнитного поля, и обладает при этом хорошо выраженной анизотропией, присущей двумерным системам.

При исследовании электрических характеристик изучаемых объектов нами подробно изучено аномальное поведение полевых зависимостей, проявляющееся в возникновении резонансных особенностей на ВФХ системы. Анализ электрических характеристик диодных структур показал, что в двумерной неоднородной пленке наряду с двумерными носителями заряда, в принципе, одновременно могут существовать одномерные и квазинульмерные включения. Последние характеризуются резонансной плотностью состояний и вполне могут в данных структурах являться эффективными центрами захвата электронов.

Авторы благодарят сотрудников Научно-исследовательского физико-технического института Нижегородского государственного университета (Нижний Новгород) В.А. Толомасова, Н.А. Алябину, А.В. Потапова, Р.А. Рубцову, содействовавших выращиванию образцов, и сотрудников института технической физики и материаловедения (RITP&MS) Венгерской академии наук (Будапешт) V. Rakovics, A.L. Toth, F. Riesz, Z. Paszti за оказанную помощь в характеризации их свойств.

### Список литературы

- X.G. Peralta, S.J. Allen, M.C. Wanke, N.E. Harff, G.A. Simmons, M.P. Lilly, J.L. Reno, P.J. Burke, J.P. Eisenstein. Appl. Phys. Lett. 81, 1627 (2002).
- [2] Е.С. Демидов, В.В. Карзанов, В.Г. Шенгуров. Письма в ЖЭТФ 67, 794 (1998).
- [3] А.А. Кастальский, А.Х. Хусаинов. ФТП 4, 1198 (1970).
- [4] L.K. Orlov, N.L. Ivina, N.A. Alyabina, B.N. Zvonkov, E.S. Demidov. Phys. Stat. Sol. (c), 195, 981 (2003).
- [5] J.L. Shi, L.K. Nanver, K. Grimm, C.C.G. Visser. Thin Solid Films 364, 254 (2000).
- [6] L.K. Orlov, V.A. Tolomasov, A.V. Potapov, V.I. Vdovin, M.G. Mil'vidskii. Proc. ISCS-23. Inst. of Phys. Publishing, Bristol and Philadelphia 155, 205 (1997).
- [7] Zs.J. Horvath, L.K. Orlov, V. Ralovics, N.L. Ivina, A.L. Toth, E.S. Demidov, F. Reisz, V.I. Vdovin, Z. Paszti. Eur. Phys. J. Appl. Phys. 27, 189 (2004).
- [8] L.K. Orlov, S.V. Ivin, A.V. Potapov, T.N. Smyslova, L.M. Vinogradsky, Z.J. Horvath. Microelectronics J. 36, 518 (2005).
- [9] В.М. Пудалов. УФН 168, 227 (1998).
- [10] D.J. Bishop, D.C. Tsui, R.C. Dynes. Phys. Rev. Lett. 44, 1153 (1980).
- [11] H. van Houten, B.J. Wees, M.G.J. Heijman, J.P. Andre. Appl. Phys. Lett. 49, 1781 (1986).
- [12] J. Lam, M. D'Iorio, D. Brown, H. Lafontaine. Phys. Rev. B 56, R12 741 (1997).
- [13] V.M. Pudalov, G. Brunthaler, A. Prinz, G. Bauer. Письма в ЖЭТФ **68**, 497 (1998).
- [14] E.B. Olshanetsky, V. Renard, Z.D. Kvon, J.C. Portal, N.J. Woods, J. Zhang, J.J. Harris. Phys. Rev. B 68, 085 304 (2003).
- [15] G. Scappucci, L.Di. Gaspare, F. Evangelisti, E. Giovine, A. Notargiacomo, R. Leoni, V. Piazza, P. Pingue, F. Beltram. Phys. Rev. B 71, 245 311 (2005).
- [16] K. Lai, W. Pan, D.C. Tsui, S.A. Lyon, M. Muhlberger, F. Schaffler. Phys. Rev. B 72, 081 313 (2005).
- [17] M.M. Rieger, P. Vogl. Phys. Rev. B 48, 14276 (1993).
- [18] А.А. Быков, А.К. Бакаров, А.В. Горан, Н.Д. Аксенова, А.В. Попова, А.И. Торопов. Письма в ЖЭТФ 78, 165 (2003).
- [19] P. Sutter, D. Groten, E. Muller, M. Lenz, H. von Kanel. Appl. Phys. Lett. 67, 3954 (1995).
- [20] B. Podor, G. Kovacs, G. Remenyi. Proc. I Int. Workshop on Semicond. Nanocrystals. SEMINANO 2005, Sept. 10–12, Budapest, Hungary, 2, 337 (2005).
- [21] И.М. Цидильковский. Переходы металл–диэлектрик в магнитном поле. УрО РАН, Екатеринбург (2000) 286 с.
- [22] G.M. Minkov, A.V. Germanenko, V.A. Larionova, S.A. Negashev, I.V. Gornyi. Phys. Rev. B 61, 13164 (2000).
- [23] B.L. Altshuler, D.E. Khmelnitsky, A.I. Larkin, P.A. Lee. Phys. Rev. B **20**, 5142 (1980).
- [24] Б.Л. Альтшулер, А.Г. Аронов, Б.З. Спивак. Письма ЖЭТФ **33**, 515 (1981).
- [25] Л.К. Орлов, Zs.J. Horvatz, А.В. Потапов, М.Л. Орлов, С.В. Ивин, В.И. Вдовин, Э.А. Штейнман, В.М. Фомин. ФТТ 46, 2069 (2004).
- [26] А.П. Болтаев, Т.М. Бурбаев, В.А. Курбатов, М.М. Рзаев, Н.А. Пенин, Н.Н. Сибельдин. Изв. АН. Сер. физ. **63**, 312 (1999).

- [27] J.F. Chen, J.S. Wang, P.Y. Wang, H.Z. Wong. Appl. Phys. Lett. 75, 1092 (1999).
- [28] О.В. Константинов, Т.В. Львова, М.М. Паханов. ФТП 23, 1283 (1989).
- [29] В.Я. Алешкин, Н.А. Бекин М.Н. Буянова, Б.Н. Звонков, А.В. Мурель. ФТП 33, 1246 (1999).
- [30] О.П. Пчеляков, Ю.Б. Болховитянов, А.В. Двуреченский, Л.В. Соколов, А.И. Никифоров, А.И. Якимов, Б. Фойхтлендер. ФТП 34, 1281 (2000).