

01; 10

© 1991

О ВЛИЯНИИ СОБСТВЕННОГО ЭЛЕКТРИЧЕСКОГО ПОЛЯ  
НА ДИНАМИКУ РЕЛЯТИВИСТСКОГО ЭЛЕКТРОННОГО  
ПОТОКА В СКРЕЩЕННЫХ ПОЛЯХ

А.Н. Диценко, А.С. Рошаль

В связи с исследуемыми в последнее время возможностями создания генераторов когерентного излучения субмиллиметрового и оптического диапазонов со скрещенными полями [1] представляет интерес анализ динамики релятивистских электронов в скрещенных ЕН полях.

Рассмотрим движение электронов в скрещенных  $\vec{E} = E_j \hat{j}$ ,  $H = H \hat{k}$  полях ( $i, j, k$  — орты) в предположении  $|E| < |H|$ . Движение отдельного электрона, описываемое уравнениями

$$\begin{cases} \frac{d\vec{p}}{dt} = e\vec{E} + \frac{e}{c} [\vec{v}\vec{H}], & \vec{p} = \gamma_e m\vec{v}, \\ \frac{d\vec{r}}{dt} = \vec{v}, \end{cases} \quad (1)$$

где  $\vec{p}$  — импульс,  $\gamma_e$  — релятивистский множитель:

$$\gamma_e = \sqrt{1 + p^2/(mc)^2} = [1 - (v/c)^2]^{-1/2}, \quad (2)$$

складывается, как известно [2], из дрейфа со скоростью

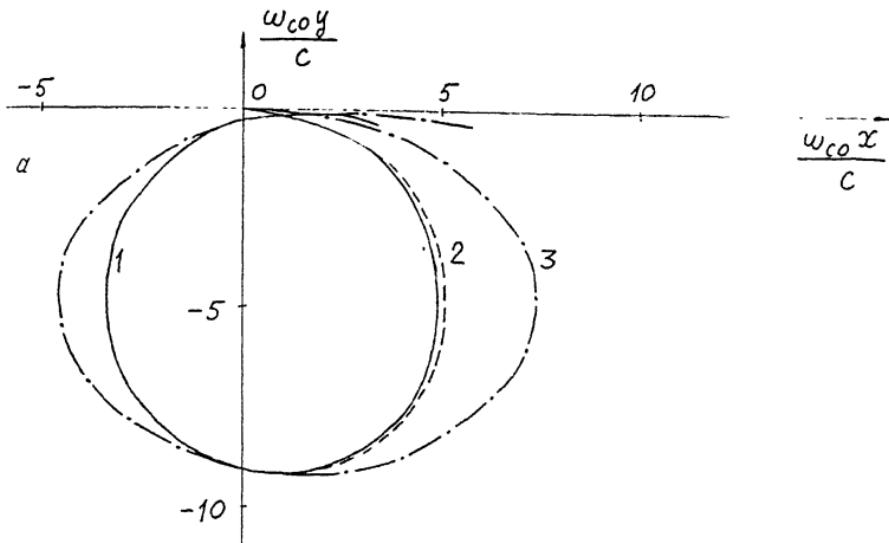
$$\vec{v}_d = c[\vec{E}\vec{H}]/H^2 = cEi\hat{i}/H \quad (3)$$

в направлении оси  $x$  и циклотронного вращения.

Будем полагать, что электрон инжектируется в начале координат со скоростью  $v_{x0}$  в направлении оси  $x$ , т.е. в направлении скорости дрейфа. Для периода циклотронного вращения  $T_c$  и диаметра трохоиды  $D$  (т.е. максимального отклонения траектории от оси абсцисс) можно получить:

$$T_c = r_d^3 \gamma_{eo} (1 - v_{x0} v_d c^{-2}) T_{co}, \quad (4)$$

$$D = 2 |v_{x0} - v_d| \gamma_{eo} r_d^2 / \omega_{co}. \quad (5)$$



Траектории релятивистских электронов в скрещенных полях при наличии собственного электрического поля; энергия инжекции 2 МэВ (а) и 30 МэВ (б).

1 -  $E_c = 0$ , 2 -  $E_c = E_0$ , 3 -  $E_c = 10 E_0$ .

Здесь

$$\gamma_d = [1 - v_d^2/c^2]^{-1/2}, \quad T_{c0} = (1 - v_{x0}^2/c^2)^{-1/2}, \quad T_c = 2\pi/\omega_{co}, \quad \omega_{co} = |eH|/(mc). \quad (6)$$

Расстояние, на которое дрейфует электрон за период  $T_c$

$$A_d = v_d \cdot T_c. \quad (7)$$

С ростом скорости дрейфа  $v_d$ , т.е. при  $|E| \rightarrow |H|$  период  $T_c$  (4), диаметр  $D$  (5) и расстояние  $A_d$  (7) возрастают вследствие быстрого движения релятивистского множителя  $\gamma_d$  (6). Физически это объясняется тем, что двигаясь в сильном электрическом поле  $E$  электрон приобретает большую кинетическую энергию и, соответственно, большую массу, а столь массивный электрон трудно повернуть магнитному полю.

Обозначим  $v_m$  максимальную скорость электрона, который в начальный момент покоялся ( $v_{x0} = 0$ ); скорость

$$v_m = 2v_d / (1 + v_d^2/c^2) > v_d \quad (8)$$

и достигается, естественно, на вершине трохоиды. Можно показать, что при скорости инжекции  $0 < v_{x0} < v_m$  траектория электрона не имеет петель и, в частности, при  $v_{x0} = v_m$  вырождается в пря-

мую – ось абсцисс. При  $v_{x0} < 0$  или  $v_{x0} > v_m$  траектория образует петли; при  $v_{x0} = 0$  или  $v_{x0} = v_m$  (8) петли стягиваются в точки.

Для интересующего нас класса приборов наибольший интерес представляют режимы с низкой скоростью дрейфа, составляющей несколько процентов скорости света  $C$  и энергией инжекции электронов  $E_0$  от нескольких МэВ до нескольких десятков МэВ. В этих режимах важно оценить влияние электрического поля объемного заряда на динамику электронов. При некоторых упрощающих предположениях о характере установившегося распределения объемного заряда для компонент напряженности кулоновского поля можно принять зависимости

$$\tilde{E}_x = 0, \quad \tilde{E}_y = E_c \cos(\pi y/D); \quad (9)$$

Как показывают результаты численного моделирования, некоторые из которых представлены на рисунке, при указанных параметрах пучка кулоновское поле (9) почти не влияет на скорость дрейфа  $v_d$  и толщину пучка  $D$  при практически реализуемых значениях  $E_c$ , вплоть до  $E_c$  порядка статического поля  $E_0$ . Так, например, если при энергии инжекции  $E_0 = 2-30$  МэВ скорость дрейфа  $v_d = 0.05$  с в отсутствие кулоновского поля ( $E_c = 0$ ), то при наличии поля  $E_c \leq E_0$  скорость дрейфа увеличивается не более, чем до 0.0515 с, т.е. на 3 %, и лишь при очень сильном поле  $E_c = 10 E_0$  скорость дрейфа возрастает до 0.075 с, т.е. на 50%. Если вместо зависимости (9) собственное поле меняется по координате  $y$  линейно, т.е.

$$\tilde{E}_x = 0, \quad \tilde{E}_y = E_c (1 + 2y/D), \quad (10)$$

то его влияние оказывается еще меньше.

Таким образом, проведенные исследования показывают, что в практически перспективном диапазоне параметров влияние собственного электрического поля на динамику релятивистского электронного потока в скрещенных полях пренебрежимо мало.

#### Список литературы

- [1] Диденко А.Н. // ДАН СССР. 1991. Т. 317. № 1.  
С. 85.
- [2] Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Теория поля. М.: Наука, 1973. 504 с.

Московский  
инженерно-физический  
институт

Поступило в Редакцию  
7 мая 1991 г.