

01

(C) 1992

ОСОБЕННОСТИ САМОВОЗДЕЙСТВИЯ ИНТЕНСИВНЫХ  
СПИН-ВОЛНОВЫХ ПУЧКОВ В УСЛОВИЯХ СИЛЬНОЙ  
МАГНИТОУПРУГОЙ СВЯЗИ

Тарасенко С.В.

Известно, что если стационарный волновой пучок представляет собой совокупность нормальных колебаний с одинаковой частотой  $\omega$ , но различными волновыми векторами  $k$ , то его как линейные, так и нелинейные режимы распространения определяются особенностями топологии изочастотных поверхностей законов дисперсии соответствующих нормальных колебаний ( $\omega_k(k)$ ) условием:  $\omega = \omega_k(k)$  [1]. При этом для спин-волновых пучков, до сих пор в качестве единственного возможного обменного механизма формирования структуры изочастотных поверхностей рассматривалось магнитодипольное взаимодействие [2]. Что же касается магнитоупругого взаимодействия, то до сих пор его влиянием на условия распространения интенсивных спин-волновых пучков вне области магнитоакустического резонанса (МАР) пренебрегалось, что объяснялось предполагаемой малостью параметра линейного магнон-фононного взаимодействия (линейной магнитоупругой связи)  $0 < \xi \ll 1$ . Вместе с тем в работе [3] было показано, что вне области МАР условия сильной магнитоупругой связи:  $\xi \approx 1$  могут быть реализованы в широком классе магнетиков со слабой магнитной анизотропией. Однако до сих пор анализ особенностей распространения интенсивных спин-волновых пучков с учетом данного обстоятельства ( $\xi \approx 1$ ) не проводился.

В данной работе впервые найдены необходимые условия, при выполнении которых наличие в магнетике сильной магнитоупругой связи приводит к существенным аномалиям в реализации эффектов самовозействия при распространении интенсивных плоских спин-волновых пучков. В качестве примера магнитоупорядоченного кристалла рассмотрим двухподрешеточную ( $M_{1,2}$  - намагниченности подрешеток) модель легкоосного ( $OZ$  - легкая ось) антиферромагнетика (ЛО АФМ) [4], поскольку в нем реализация условий сильной магнитоупругой связи вследствие малости полей эффективной магнитной анизотропии и обменного усиления магнитоупругих эффектов возможна уже в окрестности спонтанного спин-ориентационного фазового перехода. Для простоты расчетов магнитоупругие и упругие свойства магнетика будем предполагать изотропными. В этом случае для достаточно малого магнитного поля  $H(H \in XZ)$  в равновесном состоянии вектор антиферромагнетизма  $\vec{I} = \vec{I}_0 // OZ$  (где  $\vec{I} = (\vec{M}_1 - \vec{M}_2)/2M_0$ ,  $M_0$  - намагниченность насыщения отдельной подрешетки), а при  $H = H_x$  нормальные спиновые колебания составляющие спектр

ЛО АФМ являются линейнополяризованными и характеризуются направлением вектора  $\vec{\tilde{t}} = \vec{t} - \vec{t}_0$ . Следуя методике работы [1], нетрудно показать, что вне условий МАР дифференциальное уравнение, определяющее амплитуду плоского стационарного спин-волнового с узким угловым спектром  $k_{||} \gg k_{\perp}$  ( $k_{||} = (\vec{k}\eta)$ ,  $k_{\perp} = (\vec{k}\xi)$ )  $k \in XZ$ ), имеет вид<sup>1</sup>

$$i\partial l_j / \partial \eta + \sum_{n=1}^{\infty} (-i)^n P_n \partial^n l_j / \partial \xi^n + q |l_j|^2 l_j = 0; \quad j=x, y, \quad (1)$$

$$P_n = \frac{1}{n!} \frac{\partial^n k_{||}}{\partial k_{\perp}^n}; \quad q = \partial k_{||} / \partial |l_j|^2,$$

где связь между частотой спин-волновых колебаний  $\omega$  и волновым вектором  $k^2 = k_{||}^2 + k_{\perp}^2$  вне условий МАР ( $\omega = sk$ ,  $s$  – минимальная фазовая скорость упругих колебаний в неограниченном ЛО АФМ) определяется соотношением вида ( $H \parallel OX$ ,  $k^2 = k_x^2 + k_z^2$ ):

$$\Delta_1 \Delta_2 = 0$$

при  $\omega \gg sk$  [3]

$$\Delta_2 = \omega_H^2 + \omega_0^2 + \omega_{me}^2 + c^2 k^2 - \omega^2 \quad (2)$$

$$\Delta_1 = \omega_0^2 + \omega_{Hx}^2 + \omega_{me}^2 + c^2 k^2 - \omega^2$$

при  $\omega \ll sk$

$$\Delta_1 = \omega_{Hx}^2 + \omega_0^2 + \tilde{\omega}_{me}^2 \sin^2 2\theta + c^2 k^2 - \omega^2; \quad \tilde{\omega}_{me}^2 = \omega_{me}^2 (1 - c_t^2/c_l^2), \quad (3)$$

$$\Delta_2 = \omega_0^2 + \omega_{me}^2 \sin^2 \theta + c^2 k^2 - \omega^2; \quad \tan^2 \theta = k_x^2/k_z^2.$$

Здесь  $\omega_{me}$  соответствует магнитоупругой щели в спектре однородного АФМР,  $\omega_0$  и  $\omega_{Hx}$  – активация спин-волнового спектра, обусловленная соответственно одноосной магнитной анизотропией или внешним магнитным полем  $H \parallel OX$  (при  $\xi \approx t\omega_0$ ,  $\omega_{Hx} \ll \omega_{me}$ ),  $c$  и  $c_t(z)$  – соответственно минимальная фазовая скорость распространения спиновых и поперечных (продольных) упругих волн в неограниченном ЛО АФМ [4]. Появление в (3) неаналитических слагаемых по  $k/|k|$ , как показывает анализ уравнений движения, связано с косвенным взаимодействием спинов через дальнодействующее поле „эластостатических фононов“ ( $\omega \ll sk$ ) [5]. Влияние нелинейности, следуя [6], будем учитывать с помощью замены в (2)–(3)  $\vec{l}_0^2 \rightarrow \vec{l}_0^2 - \vec{l}_x^2 - \vec{l}_y^2$ . Основные особенности, связанные с влиянием дальнодействующего поля квазистатических упругих деформаций на самовоздействие интенсивного спин-волнового пучка с  $\vec{l}_x(\vec{l}_y) \neq 0$ , можно изучить с помощью (1)–(3) уже при  $H_z = 0$  ( $H \parallel OX$ ). В этом случае возможно независимое распространение

<sup>1</sup> где  $\vec{\eta}(\xi)$  – оси вдоль (перпендикулярно) направления распространения плоского спин-волнового пучка, амплитуда которого  $\vec{l}_x(\vec{l}_y)$  задана в плоскости с  $\zeta = 0$

спин-волновых пучков с  $\tilde{l}_x(\tilde{l}_y) \neq 0$ . Сравнительный анализ (1)-(2) и (1)-(3) показывает, что косвенное взаимодействие спинов через поле „эластостатических“ фононов ( $\omega \ll \omega_F$ ) при  $\tilde{l}_y(\tilde{l}_x) \neq 0$  приводит к формированию в ЛО АМФ с  $\xi \approx 1$  при  $\omega^2 < \omega_o^2 + 2\omega_{me}^2$  ( $\omega^2 < \omega_o^2 + 2\omega_{me}^2$ ) особых направлений распространения стационарного спин-волнового пучка  $\theta = \theta_*(\theta = \theta_{*,1,2})$ , определяемых из (3) условием  $\partial^2 k_{||}/\partial k_{\perp}^2 = 0$ . Если  $\theta < \theta_*$  (при  $\tilde{l}_y \neq 0$ ), а также при  $\theta < \theta_{*,1}$  или  $\pi/2 > \theta > \theta_{*,2}$  ( $\tilde{l}_x \neq 0$ ), то соответствующие уравнения из (1) представляют собой нелинейные уравнения Шредингера, что при  $P_{2q} > 0$  соответствует самоканализации рассматриваемых узких спин-волновых пучков. Одновременно из (1)-(3) следует, что при  $\theta > \theta_*(\tilde{l}_y \neq 0)$  и  $\theta_{*,1} < \theta < \theta_{*,2}$  ( $\tilde{l}_x \neq 0$ ) косвенное взаимодействие спинов через поле квазистатических магнитоупругих деформаций в условиях сильной магнитоупругой связи является более эффективным, чем неоднородный обмен, и в этом случае самоканализация узкого стационарного спин-волнового пучка невозможна. До сих пор при анализе (1)-(3) мы считали, что внешнее магнитное поле направлено строго вдоль оси  $OZ$ . Если же учесть их возможную неколлинеарность, то при  $H_{x,z} \neq 0$  независимое распространение узких спин-волновых пучков с  $\tilde{l}_x(\tilde{l}_y) \neq 0$  становится невозможным. При этом уже в случае малых  $H_{x,z} \neq 0$  в ЛО АМФ возможно распространение двух типов эллиптически поляризованных в плоскости  $XY$ :  $\tilde{l}_x \neq 0$  (где  $\pm$  – амплитуды эллиптически поляризованных нормальных спиновых колебаний, являющиеся при  $H_z \neq 0$  линейной комбинацией спиновых амплитуд с  $\tilde{l}_x(\tilde{y}) \neq 0$  колебаний, дисперсионное уравнение которых при  $K_{XXZ}$  с учетом (2)-(3) определяется вне области МАР соотношением вида  $(\omega_{Kz} \sim H_z)^2$ )

$$(A_1 - \omega_{Kz}^2)(A_2 - \omega_{Kz}^2) - 4\omega_z^2\omega^2 = 0. \quad (4)$$

В этом случае в (1)  $j = \pm$ ; а коэффициенты  $q$  и  $P_n$  определяются из (4) с учетом замены  $(l_o^2 \rightarrow l_o^2 - \tilde{l}_x^2 - \tilde{l}_y^2)$ . Поскольку  $q > 0$ , то из (1), (4) следует, что косвенное взаимодействие спиновых колебаний через дальнодействующее поле квазистатических упругих деформаций приводит при  $H_z \neq 0$  к формированию дополнительных областей самоканализации интенсивного спин-волнового пучка. Данный эффект будет иметь место при  $\theta_1 < \theta < \theta_2$ , где  $\theta_{*,1} < \theta_1 < \theta_2 < \theta_{*,2}$  определяется из (4)  $\partial^2 k_{||}/\partial k_{\perp}^2 = 0$ . При  $q = 0$  самовоздействие спин-волнового пучка за счет одновременного учета неоднородного обменного и магнитоупрого взаимодействий вне условий МАР, как следует из (1), описывается модифицированным уравнением Кортевега де Вриза.

#### Список литературы

- [1] Лукомский В.И. // ЖЭТФ. 1983. Т. 84. В. 2. С. 513-525.

- [2] В а ш к о в с к и й А.В., С т а л ь м а х о в А.В., Ш а х-  
н а з а р я н Д.Г. // Изв. вузов. Физика. 1988. Т. 31.В.11.  
С. 67-75.
- [3] Т у р о в Е.А., Ш а в р о в В.Г. // УФН. 1983. Т. 140.  
В. 3. С. 429-469.
- [4] К о с е в и ч А.М., И в а н о в Б.А., К о в а л е в А.С.  
Нелинейные волны намагниченності. Динамические и топологи-  
ческие содитоны. Киев.: Наукова думка, 1983. 192 с.
- [5] С и р о т и н Ю.И., Ш а с к о л ь с к а я М.П. Основы крис-  
тalloфизики. М.: Наука, 1979. 640 с.
- [6] К а р п м а н В.И. Нелинейные волны в диспергирующих сре-  
дах. М.: Наука, 1973. 133 с.

Донецкий физико-технический  
институт

Поступило в Редакцию  
30 декабря 1991 г.