# Изомеризация и каналы потери устойчивости в цепочках из фуллеренов $C_{20}$

© А.И. Подливаев, Л.А. Опенов

Московский инженерно-физический институт (Государственный университет),

115409 Москва, Россия

E-mail: LAOpenov@mephi.ru

(Поступила в Редакцию 16 июля 2007 г. В окончательной редакции 16 октября 2007 г.)

Теоретически исследована устойчивость квазиодномерных цепочек из фуллеренов  $C_{20}$ . Найдены высоты U потенциальных барьеров, разделяющих различные метастабильные конфигурации  $(C_{20})_N$ , а также барьеров, препятствующих распаду фуллеренов  $C_{20}$  в цепочках и их слиянию друг с другом. Полученные результаты свидетельствуют о достаточно высокой устойчивости цепочек с  $N\gg 1$ , а также о наличии у них большого количества изомеров, разделенных низкими барьерами.

Работа выполнена в рамках проекта "НОЦ фундаментальных исследований материи в экстремальных состояниях".

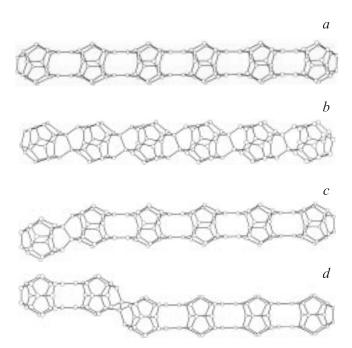
PACS: 36.40.Qv, 61.48.+c, 71.15.Pd

### 1. Введение

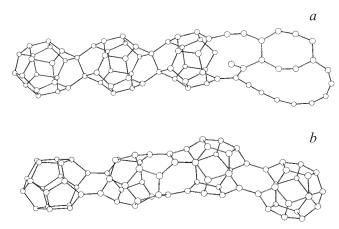
После открытия в 2000 г. самого маленького фуллерена  $C_{20}$  [1] встал вопрос о синтезе твердого вещества — фуллерита — на его основе (по аналогии с фуллеритом, состоящим из фуллеренов  $C_{60}$  [2–4]). Хотя теоретические расчеты [5–8] свидетельствуют о возможности формирования конденсированного состояния из фуллеренов  $C_{20}$ , сообщения [9,10] о синтезе кристаллов  $C_{20}$  пока остаются неподтвержденными. Между тем экспериментально зарегистрированы заряженные кластерные димеры  $(C_{20})_2^+$ , а также комплексы  $(C_{20})_N^+$  с N=3-13 [11]. Можно предположить, что эти комплексы представляют собой квазиодномерные цепочки из фуллеренов  $C_{20}$ .

Ранее цепочки  $(C_{20})_N$  с различными типами связей между фуллеренами рассматривались в рамках теории функционала плотности (DFT) [5,8], в приближении сильной связи (ТВ) [12], а также путем комбинации DFT с ТВ (метод DFTB) [8]. В работах [5,8] было показано, что при фиксированном N максимальную величину энергии связи фуллеренов  $\Delta E = E(C_{20}) - E[(C_{20})_N]/N$ (т.е. наинизшую полную энергию  $E[(C_{20})_N]$ ) имеют цепочки со всеми межкластерными связями open-[2+2] (рис. 1, a), как и в димере ( $C_{20}$ )<sub>2</sub> [13]. Следующими по "энергетической выгодности" являются цепочки с "искривленными" ("twisted" по терминологии авторов [8]) связями (рис. 1, b). Для них, впрочем, величина  $\Delta E$ при  $N\gg 1$  всего лишь на  $\sim 0.01\,{\rm eV/C_{20}}$  меньше, чем в цепочках с open-[2+2] связями [8,12]. В цепочках с комбинацией open-[2+2] и "искривленных" связей (рис. 1, c) величина  $\Delta E$  иногда оказывается даже больше, чем в цепочках с одними лишь open-[2+2] связями, но опять на очень небольшую величину  $\sim 0.01\,\mathrm{eV/C_{20}}$ . Было также показано [12], что существуют изомеры, в которых open-[2+2] связь между какими-либо фуллеренами повернута относительно других ореп-[2+2] связей в цепочке на угол около  $70^\circ$ , причем повернутая связь может еще и "искривляться" (рис. 1,d). Величина  $\Delta E$  при этом тоже изменяется очень незначительно, так что все перечисленные изомеры  $(C_{20})_N$  почти вырождены по энергии.

Численное моделирование динамики цепочек  $(C_{20})_N$  при высокой температуре [12] показало, что помимо



**Рис. 1.** Цепочки  $(C_{20})_6$  с межкластерными связями ореп-[2+2] (a), "искривленными" связями (b), комбинацией четырех ореп-[2+2] связей с одной "искривленной" связью (c), комбинацией четырех open-[2+2] связей с одной повернутой и в то же время "искривленной" связью (d). Энергии связи  $\Delta E$  фуллеренов в цепочках равны  $3.726 \, {\rm eV/C_{20}}$  (a),  $3.649 \, {\rm eV/C_{20}}$  (b),  $3.728 \, {\rm eV/C_{20}}$  (c),  $3.744 \, {\rm eV/C_{20}}$  (d).



**Рис. 2.** Атомные конфигурации, образующиеся после распада одного крайнего фуллерена в цепочке  $C_{20}$ )<sub>4</sub> (a) и после слияния двух центральных фуллеренов в кластер  $C_{40}$  (b). Энергии связи  $\Delta E = 1.599 \, \mathrm{eV/C_{20}}$  (a),  $3.880 \, \mathrm{eV/C_{20}}$  (b).

процессов изомеризации, не приводящих к нарушению цепочечно-кластерной структуры (рис. 1) и являющихся обратимыми, возможны также распад одного из фуллеренов в цепочке (рис. 2, a) и слияние двух фуллеренов в кластер  $C_{40}$  (рис. 2, b). Как после распада, так и после слияния происходят быстрая утрата комплексом  $(C_{20})_N$ своей цепочечной формы и его необратимый переход в различные (как правило, квазидвумерные) конфигурации. Из-за больших затрат компьютерного времени в работе [12] не удалось набрать статистики, достаточной для определения энергий активации распада и слияния по формуле Аррениуса, как это было сделано ранее для фуллерена  $C_{60}$  [14] и кластерного димера  $(C_{20})_2$  [15]. Непосредственные расчеты при некоторых температурах в диапазоне  $T = 2000 - 3500 \,\mathrm{K}$  показали [12], что времена жизни цепочек  $(C_{20})_N$  с  $N \ge 3$  до момента распада или слияния фуллеренов С20 меньше, чем соответствующие времена в димере  $(C_{20})_2$ . При этом, однако, остался невыясненным вопрос о количественной степени понижения устойчивости цепочек с ростом N и, как следствие, о возможности существования цепочек с  $N \gg 1$ . Целью настоящей работы является расчет высот энергетических барьеров U для процессов изомеризации цепочек  $(C_{20})_N$  с различными N, а также для распада кластеров С<sub>20</sub> в цепочках и их слияния друг с другом.

#### 2. Методы расчета

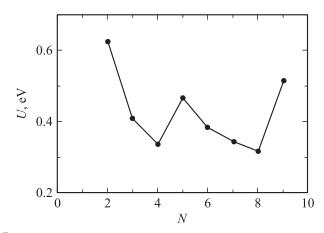
Для расчета энергий различных конфигураций  $(C_{20})_N$  мы использовали метод сильной связи [16], который представляет собой разумный компромисс между более строгими *ab initio* и чрезмерно упрощенными эмпирическими подходами с классическими потенциалами межатомного взаимодействия. Этот метод был разработан специально для углеродных систем и в явном виде учитывает вклад всех валентных электронов (по четыре

от каждого атома углерода) в полную потенциальную энергию E как функцию координат атомов  $\{\mathbf{R}_i\}$ . Он является многочастичным, но не требует таких затрат компьютерных ресурсов, как *ab initio* методы, в результате чего удается детально исследовать большие участки поверхности потенциальной энергии  $E(\{\mathbf{R}_i\})$  даже для систем из 100-1000 атомов и найти стационарные точки, отвечающие всем локальным минимумам и седловым точкам  $E(\{\mathbf{R}_i\})$ . Результаты, полученные этим методом для фуллеренов  $C_{60}$  и  $C_{20}$ , а также для димера  $(C_{20})_2$ , хорошо согласуются с экспериментом, расчетами из первых принципов и данными молекулярной динамики [17-19].

Для анализа поверхности потенциальной энергии, определения путей перехода между различными состояниями в многомерном пространстве координат атомов  $\{\mathbf{R}_i\}$  и определения высот U встречающихся на этих путях потенциальных барьеров мы использовали метод структурной релаксации и метод поиска в нормальных координатах седловых точек функции  $E(\{\mathbf{R}_i\})$ , соответствующих положениям неустойчивого равновесия атомов (подробнее см. в [17]).

### 3. Изомеризация цепочек $(C_{20})_N$

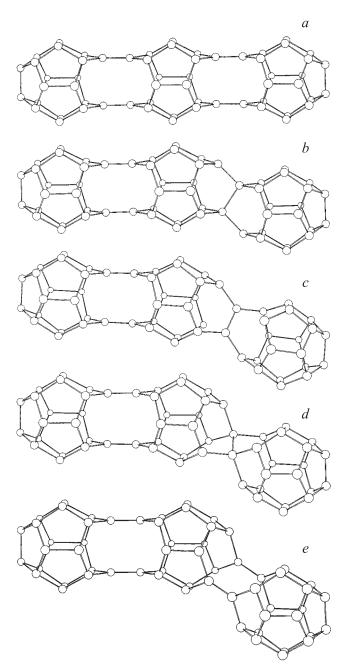
Как показано в [19], высота потенциального барьера для перехода димера  $(C_{20})_2$  с ореп-[2+2] межкластерной связью в изомер с "искривленной" связью составляет  $U=0.63\,\mathrm{eV}$ . Мы рассчитали потенциальные энергии E цепочек  $(C_{20})_N$  с  $N\leq 9$  как функции координат атомов и нашли величины U для процессов "искривления" различных (по их положению в цепочке) ореп-[2+2] связей. Зависимость U(N) для цепочек с крайней "искривленной" связью приведена на рис. 3.  $U=0.32-0.52\,\mathrm{eV}$  при N=2-9. Близкие значения U(N) мы нашли и в случае "искривления" других ореп-[2+2] связей (например,  $U=0.31\,\mathrm{eV}$  для "искривления" центральной связи в цепочке  $(C_{20})_4$ ), а также при "искривлении" ореп-[2+2]



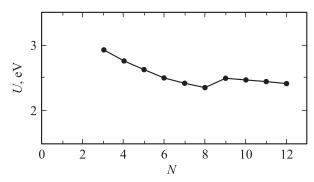
**Рис. 3.** Зависимость высоты U потенциального барьера для "искривления" крайней open-[2+2] связи в цепочке  $(C_{20})_N$  от N.

связей в цепочках, где уже имеются одна или несколько "искривленных" связей. Это говорит о том, что процессы изомеризации определяются преимущественно короткодействующими взаимодействиями между двумя соседними кластерами.

Обращают на себя внимание два обстоятельства. Вопервых, высота барьера для обратного перехода в изомер со всеми open-[2+2] связями лишь на  $\approx 0.1$  eV больше величины U для "искривления" open-[2+2] связи, что связано с близостью энергий соответствующих метастабильных конфигураций. Следствием этого является, в частности, наблюдавшаяся при моделировании динамики



**Рис. 4.** Последовательность атомных конфигураций при повороте одной из open-[2+2] связей в цепочке  $(C_{20})_3$ . Показаны межатомные связи, длина которых не превышает  $2 \, \text{Å}$ .



**Рис. 5.** Зависимость высоты U потенциального барьера для поворота крайней open-[2+2] связи в цепочке  $(C_{20})_N$  от N.

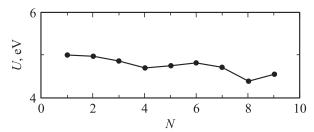
цепочек  $(C_{20})_N$  [12] частая (за времена 0.1-1 ps) смена одной или нескольких ореп-[2+2] связей на "искривленные" и обратно. Во-вторых (рис. 3), хотя зависимость U от N является нерегулярной, величина U при  $N \geq 3$  остается меньше своего значения в димере  $(C_{20})_2$  вплоть до N=9. Таким образом, в длинных цепочках  $(C_{20})_N$  изомеры с различным числом (и различным чередованием) ореп-[2+2] и "искривленных" связей не только почти вырождены по энергии, но и отделены друг от друга низкими потенциальными барьерами.

Теперь обсудим вопрос об изомеризации цепочек  $(C_{20})_N$  путем поворота одной из open-[2+2] связей. Рассмотрим его на примере цепочки с N=3, когда изомер  $(C_{20})_3$  с двумя open-[2+2] связями, лежащими в одной плоскости (рис. 4, a), переходит в изомер, у которого одна из этих связей повернута относительно другой на угол около  $70^{\circ}$  (рис. 4, e). Этот переход происходит в результате довольно сложной последовательности разрыва одних и возникновения других межкластерных связей. Как в начальной, так и в заключительной стадии процесса поворота образуется изомер с одной "искривленной" open-[2+2] связью (рис. 4, bи d), а на промежуточной стадии формируется изомер, изображенный на рис. 4, c. Высота барьера для поворота open-[2+2] связи составляет  $U=2.9\,\mathrm{eV}$ , что на порядок больше, чем для ее "искривления". При повороте open-[2+2] связей в цепочках  $(C_{20})_N$  с  $N \ge 4$ (как между крайними (рис. 5), так и между некрайними фуллеренами) величина U также велика, около 3 eV. Именно поэтому при моделировании динамики цепочек  $(C_{20})_N$  повороты межкластерных связей наблюдались сравнительно редко [12].

## 4. Распад фуллеренов $C_{20}$ в цепочках $(C_{20})_N$

Ранее мы подробно изучили пути распада изолированного фуллерена  $C_{20}$  [17] и одного из фуллеренов в димере  $(C_{20})_2$  [19]. Было показано, что в обоих случаях распад начинается с одновременного разрыва двух связей C-C и образования на "боковой поверхности"

кластера  $C_{20}$  двух примыкающих друг к другу восьмиугольников, после чего последовательно разрываются еще три связи C-C, число восьмиугольников увеличивается до пяти и кластер распадается. При этом высоты потенциальных барьеров для распада  $U=5.00\,\mathrm{eV}$  в фуллерене  $C_{20}$  и  $U=4.96\,\mathrm{eV}$  в димере  $(C_{20})_2$  очень близки, хотя пути перехода в двух случаях несколько различаются (подробнее см. в [19]).

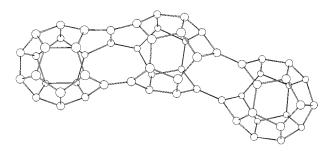


**Рис. 6.** Зависимость высоты U потенциального барьера для распада крайнего фуллерена в цепочке  $(C_{20})_N$  от N (здесь N=1 отвечает изолированному фуллерену  $C_{20}$ ).

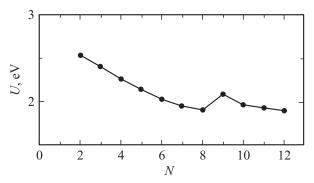
Оказалось, что распад фуллеренов в цепочках  $(C_{20})_N$  с  $N \geq 3$  (рис. 2,a) происходит по такому же сценарию, как и при  $N \leq 2$ , но величина U при этом несколько меньше. На рис. 6 приведена зависимость U от N для распада одного из крайних фуллеренов в цепочке. Хотя она является немонотонной, видно, что при  $N \gg 1$  величина  $U \approx 4.5 \, \mathrm{eV}$  слабо зависит от N. При распаде некрайних фуллеренов высота барьера также составляет около  $4.5 \, \mathrm{eV}$ . Таким образом, распаду фуллеренов препятствуют высокие потенциальные барьеры. Именно поэтому при моделировании динамики цепочек  $(C_{20})_N$  акты распада имели место лишь при достаточно высокой температуре  $T > 2500 \, \mathrm{K}$  [12].

# 5. Слияние фуллеренов $C_{20}$ в цепочках $(C_{20})_N$

Как в случае димера  $(C_{20})_2$  [15,19], вторым (после распада) каналом утраты цепочками  $(C_{20})_N$  своей кластерной структуры является слияние двух соседних фуллеренов в кластер С<sub>40</sub>. Тот факт, что при  $T < 2500 \, \mathrm{K}$  этот канал является единственным (если не принимать во внимание очень редкие случаи отрыва крайнего фуллерена от цепочки) [12], свидетельствует о сравнительно малых (меньших, чем для распада) высотах соответствующих потенциальных барьеров. В димере  $(C_{20})_2$  величина U для слияния фуллеренов составляет 2-4 eV — в зависимости от конкретного вида образующегося при этом кластера С<sub>40</sub> [19]. При моделировании динамики как димера  $(C_{20})_2$  [15], так и цепочек  $(C_{20})_N$  с  $N \ge 3$  [12] чаще всего наблюдалось слияние фуллеренов в кластер С<sub>40</sub>, представляющий собой сильно дефектный изомер фуллерена  $C_{40}$  (рис. 2, b



**Рис. 7.** Атомная конфигурация, образующаяся после слияния двух фуллеренов цепочки  $(C_{20})_3$  в кластер  $C_{40}$ .



**Рис. 8.** Зависимость высоты U потенциального барьера для слияния двух крайних фуллеренов цепочки  $(C_{20})_N$  в кластер  $C_{40}$  от N.

и 7). Мы нашли пути перехода двух крайних фуллеренов в этот изомер для цепочек  $(C_{20})_N$  с N=3-12 и определили высоты соответствующих барьеров. При всех N промежуточная метастабильная конфигурация представляет собой изомер  $(C_{20})_N$  с "искривленной" open-[2+2] связью. Отметим, что с ростом N увеличивается длина почти плоского участка на зависимости энергии цепочки от координаты реакции. Зависимость U(N) приведена на рис. 8. Увеличение N ведет к уменьшению U от 2.5 eV при N=2 до 1.9 eV при N=8, после чего U изменяется с ростом N в пределах 1.9-2.1 eV при N=9-12. Для слияния некрайних фуллеренов в такой же изомер  $C_{40}$  мы получили близкие значения U, как правило U=2-2.5 eV.

#### 6. Выводы

1) При  $N\gg 1$  квазилинейные изомеры  $(C_{20})_N$  с различным чередованием "искривленных" и ореп-[2+2] межкластерных связей почти вырождены по энергии и отделены друг от друга очень невысокими потенциальными барьерами  $U=0.3-0.5\,\mathrm{eV}$ . Поэтому даже при сравнительно низких температурах могут наблюдаться самые разные изомеры  $(C_{20})_N$ . Это необходимо учитывать при анализе экспериментальных данных (например, рамановских спектров).

- 2) Основным каналом утраты квазиодномерными комплексами  $(C_{20})_N$  своей цепочечно-кластерной структуры является слияние двух соседних фуллеренов  $C_{20}$  в кластер  $C_{40}$ .
- 3) Высоты барьеров, препятствующих слиянию фуллеренов в цепочках  $(C_{20})_N$ , сравнительно велики  $(U\approx 2~{\rm eV})$  при  $N\sim 10$ , поэтому такие цепочки должны быть достаточно устойчивы даже при комнатной температуре.

В заключение отметим, что, поскольку в цепочках  $(C_{20})_N$  с  $N\gg 1$  плотность электронных состояний на уровне Ферми конечна [8], а сами цепочки благодаря наличию у них многочисленных изомеров легко изгибаются, представляет интерес исследовать возможность их использования как "соединительных проводов" в наноэлектронных устройствах.

Авторы благодарят И.В. Давыдова за обсуждение результатов и проведение некоторых расчетов.

### Список литературы

- H. Prinzbach, A. Weller, P. Landenberger, F. Wahl, J. Worth, L.T. Scott, M. Gelmont, D. Olevano, B. von Issendorff. Nature 407, 60 (2000).
- [2] H.W. Kroto, J.R.Heth, S.C. O'Brien, R.F. Curl, R.E. Smalley. Nature 318, 162 (1985).
- [3] W. Krätschmer, L.D. Lamb, K. Fostiropoulos, D.R. Huffman. Nature **347**, 354 (1990).
- [4] А.В. Елецкий, Б.М. Смирнов. УФН 165, 977 (1995).
- [5] Y. Miyamoto, M. Saito. Phys. Rev. B 63, 161 401 (2001).
- [6] S. Okada, Y. Miyamoto, M. Saito. Phys. Rev. B 64, 245 405 (2001).
- [7] I. Spagnolatti, M. Bernasconi, G. Benedek. Europhys. Lett. 59, 572 (2002).
- [8] Z. Chen, T. Heine, H. Jiao, A. Hirsch, W. Thiel, P. von Ragué Schleyer. Chem. Eur. J. 10, 963 (2004).
- [9] Z. Wang, X. Ke, Z. Shu, F. Zhu, M. Raun, H. Chen, R. Huang, L. Zheng. Phys. Lett. A 280, 351 (2001).
- [10] Z. Iqbal, Y. Zhang, H. Grebel, S. Vijayalakshmi, A. Lahamer, G. Benedek, M. Bernasconi, J. Cariboni, I. Spagnolatti, R. Sharma, F.J. Owens, M.E. Kozlov, K.V. Rao, M. Muhammed. Eur. Phys. J. B 31, 509 (2003).
- [11] R. Ehlich, P. Landenberger, H. Prinzbach. J. Chem. Phys. 115, 5830 (2001).
- [12] Л.А. Опенов, И.В. Давыдов, А.И. Подливаев. Письма в ЖЭТФ **85**, 418 (2007); I.V. Davydov, A.I. Podlivaev, L.A. Openov. Abstract of international workshop "Fullerenes and atomic clusters" IWFAC'2007. St. Petersburg (2007). P. 93.
- [13] C.H. Choi, H.-I. Lee. Chem. Phys. Lett. 359, 446 (2002).
- [14] Л.А. Опенов, А.И. Подливаев. Письма в ЖЭТФ 84, 73 (2006).
- [15] Л.А. Опенов, А.И. Подливаев. Письма в ЖЭТФ 84, 217 (2006).
- [16] C.H. Xu, C.Z. Wang, C.T. Chan, K.M. Ho. J. Phys.: Cond. Matter 4, 6047 (1992).
- [17] И.В. Давыдов, А.И. Подливаев, Л.А. Опенов. ФТТ 47, 751 (2005).
- [18] А.И. Подливаев, Л.А. Опенов. Письма в ЖЭТФ **81**, 656 (2005)
- [19] А.И. Подливаев, Л.А. Опенов. ФТТ 48, 2104 (2006).