## Магнетизм и поляризованные нейтроны

# Моделирование магнитных и магнитокалорических свойств гидридов соединения $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}$ приложением отрицательного давления

© Э.З. Валиев

Институт физики металлов УрО РАН, Екатеринбург, Россия E-mail: valiev@imp.uran.ru

На основе модельного расчета показано, что эффект гидрирования ферромагнитных соединений  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_y$  количественно удовлетворительно описывается введением отрицательного давления. Расчеты проведены для соединений с  $y=0,\,0.5,\,1,\,1.5.$  Получено, что им соответствуют значения давления  $P=0,\,-0.95,\,-1.85,\,-2.8$  GPa. Результаты расчета температуры Кюри, намагниченности, характеристик магнитокалорического эффекта и других величин удовлетворительно согласуются с экспериментом.

Работа выполнена по плану РАН (тема № 01.2.006 13394, шифр "Импульс"), при частичной поддержке Программы фундаментальных исследований Президиума РАН (проект № 12-П-2-1019 УрО РАН).

#### 1. Введение

Ферромагнетики  $La(Fe_xSi_{1-x})_{13}$  (кубическая решетка, структурный тип NaZn<sub>13</sub>) испытывают в окрестности  $X\sim 0.9$  магнитный фазовый переход первого рода при температурах  $T_C \sim 200 \, \mathrm{K}$ . При магнитном фазовом переходе (МФП) значительно изменяется объем образца  $\omega = \Delta V/V \approx 10^{-2}$  [1], а намагниченность и объем сильно зависят от давления и магнитного поля. В настоящее время эти соединения интенсивно изучаются с точки зрения возможности их применения в качестве перспективных материалов для систем магнитного охлаждения и магнитострикторов. В работе [1] установлено, что в гидридах соединения  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_{\nu}$  температура Кюри увеличивается от  $195\,\mathrm{K}\ (y=0)$  до  $323\,\mathrm{K}$ (y = 1.5), при этом сохраняются род МФП и большой магнитокалорический эффект. Этот факт дает возможность значительно расширить температурный интервал практического применения этих соединений и лучше понять причины, ответственные за их магнитные свойства.

Поскольку одним из последствий гидрирования является увеличение объема решетки, можно предположить, что, приложив отрицательное давление, мы получим тот же самый эффект. В настоящей работе на основе нашей модели ферромагнетика [2] показано, что эффект гидрирования соединений  $\text{La}(\text{Fe}_{0.88}\text{Si}_{0.12})_{13}\text{H}_y$  количественно удовлетворительно описывается введением отрицательного давления. Расчеты проведены для четырех образцов с  $y=0,\ 0.5,\ 1,\ 1.5.$  Рассчитаны температуры Кюри, увеличение постоянных решетки, температурные зависимости намагниченности при различных значениях магнитного поля, изотермическое изменение энтропии при включении и выключении магнитного поля и некоторые другие величины. Получено удовлетворительное согласие с экспериментом. Сделан вывод, что основным

эффектом гидрирования соединения  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}$  является увеличение удельного объема решетки и, как следствие, соответствующее изменение его физических свойств.

#### 2. Основные формулы и обозначения

При анализе экспериментальных данных мы использовали формулы для расчета физических свойств ферромагнетика, поэтому рассмотрим сначала основные представления принятой модели ферромагнетика. Используем термодинамический потенциал ферромагнетика, который включает обменную энергию и энергию однородных объемных деформаций:

$$F = nJs^2m^2 - nkT \ln Z(x) + (1/2)K_0\omega^2 + P\omega,$$
 (1)

где  $Z(x) = \sinh \left[ (1+(2s)^{-1}x) \right] / \sinh \left[ (2s)^{-1}x \right], \ x = \left[ 2\mu s H + 2s^2 Jm \right] / kT$ . Основной особенностью этой модели является зависимость обменного интеграла J от объема

$$J = J_0 + \gamma \omega. \tag{2}$$

Из выражений (1) и (2) при условиях  $\partial F/\partial m=0$ ,  $\partial F/\partial \omega=0$  получим равновесные уравнения состояния для магнитной и упругой подсистем

$$m = B_s(x),$$
  $x = (2\mu s H + 2s^2 Jm)(kT)^{-1},$   $\omega = [ns^2 m^2 \gamma - P] K_0^{-1}.$  (3)

Здесь  $B_s(x)$  — функция Бриллюэна для спина s; k — постоянная Больцмана;  $\mu$  — магнетон Бора; n — число магнитных атомов в единице объема; P — давление, H — внешнее магнитное поле;  $K_0$  — модуль всестороннего сжатия;  $\gamma$  — постоянная магнитоупругого взаимодействия.

54 Э.З. Валиев

После подстановки решений уравнений (3) для m и  $\omega$  в выражение (1) термодинамический потенциал становится равновесным, зависящим от T, P, H, и может быть использован для расчета энтропии ферромагнетика и температуры Кюри в случае магнитного фазового перехода первого рода. Для магнитной энтропии ферромагнетика  $S = -(\partial F/\partial T)_P$  получаем

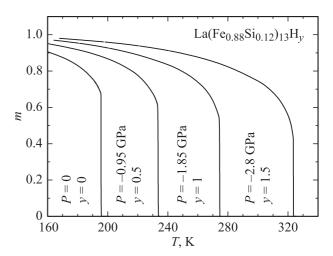
$$S_m = nk(\ln Z - mx). \tag{4}$$

Формулы (1)–(4) использовались в работе [2] для расчета свойств ферромагнетика  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}$  в зависимости от температуры, магнитного поля и положительного давления. В настоящей работе эти формулы использованы для моделирования свойств гидридов  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_{\nu}$  при отрицательном давлении.

### 3. Расчет свойств гидридов La(Fe<sub>0.88</sub>Si<sub>0.12</sub>)<sub>13</sub>H<sub>ν</sub>

В работе [1] отмечается, что кубическая структура типа  $NaZn_{13}$  соединений  $La(Fe_xSi_{1-x})_{13}$  сохраняется после поглощения водорода, а значение температуры Кюри  $(T_C)$  при этом значительно увеличивается. Рост  $T_C$ сопровождается увеличением постоянной решетки [3]. Первым этапом моделирования свойств гидридов  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_{\nu}$  было установление соответствия между величиной у и значением отрицательного давления Р. Это соответствие определяли таким образом, чтобы экспериментально измеренное значение  $T_C(y)$  было равно рассчитанной по формулам (1)–(3) величине  $T_c(-P)$ . В работе [1] для образцов с y=0, 0.5, 1, 1.5 получены значения  $T_C = 195$ , 233, 274,  $323 \, {
m K}$  соответственно. Для этих значений  $T_C$  расчет дает следующие величины давлений (H=0): P=0; -0.95, -1.85, -2.8 GPa. При расчете были приняты следующие значения величин в формулах (1)-(3):  $\gamma = 4.95 \cdot 10^{-13} \text{ erg}, K_0 = 1.2 \cdot 10^{12} \text{ erg/cm}^3, s = 1, n = 6.07 \cdot 10^{22} \text{ cm}^{-3}, T_C^0 = 189 \text{ K}, T_C^0 = 2s(s+1)J_0/3k$ это температура Кюри без учета магнитоупругого взаимодействия. Это почти те же самые значения, которые использовались в [2] для объяснения свойств соединения  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}$ . Обсуждение деталей численных расчетов можно найти в работах [2,4].

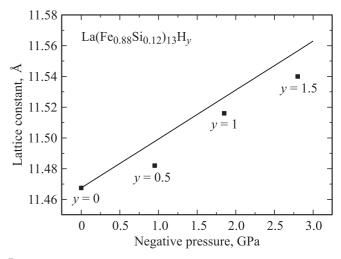
На рис. 1 показан результат расчета температурной зависимости приведенной намагниченности для четырех значений давления:  $P=0,\,-0.95,\,-1.85,\,-2.8\,\mathrm{GPa}$ . Расчет проведен по формулам (1)–(3) при нулевом значении магнитного поля. Намагниченность рассчитана по формуле  $(3),\,$  а температура Кюри определена исходя из условия равенства термодинамических потенциалов (1) для ферромагнитной  $(m\neq 0)$  и парамагнитной (m=0) фаз. Видно, что МФП первого рода сохраняется для указанных значений давления и численные значения  $T_C$  равны величинам  $T_C$  для гидридов с  $y=0,\,0.5,\,1\,$  и 1.5. Таким образом, было установлено соответствие между содержанием водорода в гидридах  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_y$  и



**Рис. 1.** Расчет температурной зависимости приведенной намагниченности соединения  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_y$  для четырех значений давления.

значениями отрицательного давления в формулах нашей модели. Основной причиной, приводящей к росту  $T_C$  при гидрировании и приложении отрицательного давления, является увеличение объема элементарной ячейки.

На рис. 2 показано, как увеличивается постоянная решетки (a) образца  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}$  под действием отрицательного давления и приведены экспериментальные значения этой постоянной при комнатной температуре для четырех упомянутых выше образцов гидридов. Здесь использованы экспериментальные данные работы [3]. При этом для образца с y=1.5 принято значение, экстраполированное на парамагнитное состояние, так как он при комнатной температуре находится в ферромагнитной фазе и его постоянная решетки увеличена изза объемной магнитострикции.

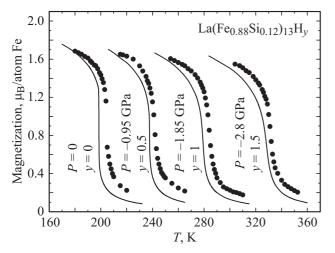


**Рис. 2.** Зависимость постоянной решетки образца  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}$  от величины отрицательного давления. Точки — значения постоянной решетки для гидридов  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_y$  (данные эксперимента из работы [3]).

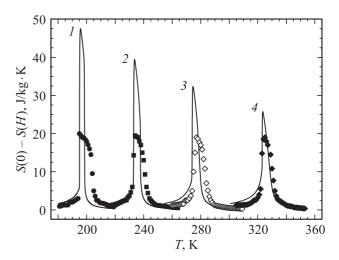
Расчет зависимости a(P) выполнен по формуле  $a(P)=a_0(1+\omega/3),\ \omega=|P|/K.$  Здесь  $a_0=11.4675$  — постоянная решетки образца с y=0 [3]. Мы также предположили линейное уменьшение модуля сжатия K от значения  $1.2\cdot 10^{12}\,\mathrm{erg/cm^3}$  при P=0 до  $1.0\cdot 10^{12}\,\mathrm{erg/cm^3}$  при  $P=-2.8\,\mathrm{GPa}$ , что приближенно отражает смягчение решетки при увеличении объема. Из данных рис. 2 следует, что для того, чтобы получить экспериментально наблюдаемые значения  $T_C$ , нужно в формулах (1)–(3) задать большее увеличение объема, чем наблюдается на опыте.

Следующим этапом является расчет температурной зависимости намагниченности в магнитном поле 2 Т. На рис. З показан результат расчета и экспериментальные данные работы [1]. Видно, что результат расчета удовлетворительно согласуется с экспериментом, хотя имеется некоторое несоответствие. На рис. 3 экспериментальные точки находятся выше расчетных кривых. Это свидетельствует о том, что магнитное поле оказывает более сильное влияние на поведение намагниченности в окрестности  $T_C$ , чем это следует из результатов расчета. В работе [2] такое расхождение результатов расчета и эксперимента для образца  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}$  объяснялось тем, что расчет дает меньшую величину магнитной восприимчивости, чем эксперимент. Аналогичное поведение магнитной восприимчивости имеет, по-видимому, место и в гидридах  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_{y}$ .

Результат расчета изотермического изменения магнитной энтропии  $\Delta S_{\rm iso}$  при включении и выключении магнитного поля H=2 Т показан на рис. 4 сплошными линиями. Расчет проведен по формуле (4) с использованием выражений (2) и (3). Чтобы найти величину энтропии (в J/kg · K) необходимо результат, полученный по формуле (4), поделить на плотность  $\rho=7.24\,{\rm g/cm^3}$ . Точками на этом рисунке показаны экспериментальные данные, полученные в работе [1]. Несоответствие расчета и эксперимента для  $\Delta S_{\rm iso}$  в соединении La(Fe<sub>0.88</sub>Si<sub>0.12</sub>)<sub>13</sub> обсуждалось в работах [2,4]. Здесь же можно назвать



**Рис. 3.** Кривые намагниченности в магнитном поле 2 Т. Точки — экспериментальные данные работы [1].



**Рис. 4.** Температурная зависимость изменения магнитной энтропии в магнитном поле (0-2) Т для соединений La $(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_y$ . Сплошные линии — расчет по формулам (см. текст). Точки — эксперимент [1]. Кривые соответствуют значениям y=0 (I), 0.5 (2), 1 (3) и 1.5 (4).

еще одну причину указанного несоответствия. Дело в том, что экспериментальные данные для  $\Delta S_{\rm iso}$  в работе [1] получены с использованием соотношения Максвелла. Однако согласно соображениям, приведенным авторами работы [5], это соотношение нельзя применять в окрестности МФП первого рода, т. е. использование соотношения Максвелла для гидридов  $La(Fe_{0.88}Si_{0.12})_{13}H_{\nu}$ является спорным. Указанная причина для объяснения расхождения результатов расчета с экспериментом подтверждается тем, что с увеличением у величина расхождения уменьшается (рис. 4). Согласно нашим результатам, с ростом у величина скачка намагниченности при  $T_C$  уменьшается (рис. 1). Это означает, что МФП первого рода с увеличением содержания водорода приближается к непрерывному МФП, т.е. к МФП второго рода. При этом ошибки результатов, полученных с использованием соотношения Максвелла, уменьшаются, а согласие наших расчетов с экспериментом улучшается.

#### 4. Заключение

Таким образом, моделирование магнитных свойств гидридов с помощью предложенной модели дает удовлетворительные количественные результаты и может быть использовано для расчета свойств соединений  $\text{La}(\text{Fe}_x \text{Si}_{1-x})_{13}$  в большом интервале давлений, температур и величин магнитных полей. Влияние водорода в решетке этих соединений сводится в основном к увеличению их удельного объема и не оказывает влияния на электронную структуру. В заключение отметим, что рассматриваемая нами модель ферромагнетика имеет в основном феноменологический характер. Согласно этой модели, все особенности магнитных свойств соединений  $\text{La}(\text{Fe}_x \text{Si}_{1-x})_{13}$  (первый род магнитного фазового пере-

56 Э.З. Валиев

хода, зависимость  $T_C$  от магнитного поля и давления) определяются сильным магнитоупругим взаимодействием, т.е. величиной постоянной  $\gamma$  (см. работы [2,4,6]). Чтобы глубже понять природу их магнитных свойств, необходимо ответить на вопрос о том, почему в соединениях  $\text{La}(\text{Fe}_x \text{Si}_{1-x})_{13}$  наблюдается сильная зависимость температуры Кюри от объема или давления.

## Список литературы

- [1] A. Fujita, S. Fujieda, Y. Hasegawa, K. Fukamichi. Phys. Rev. B 67, 104416, (2003).
- [2] Э.З. Валиев, ЖЭТФ 135, 2, 314 (2009).
- [3] A. Fujita, Y. Akamatsu, K. Fukamichi. J. Appl. Phys. 85, 4756, (2001).
- [4] Э.З. Валиев, В.А. Казанцев. ЖЭТФ 140, 6, 1143 (2011).
- [5] N.A. de Oliveira, P.J. von Ranke. Phys. Rep. 489, 89 (2010).
- [6] Э.З. Валиев. УФН 191 143 (1991).