

УДК 534.113

## ПОГЛОЩЕНИЕ ПОВЕРХНОСТНЫХ АКУСТИЧЕСКИХ ВОЛН (ПАВ) В ТЕКСТУРИРОВАННЫХ ПЛЕНКАХ ГЕКСАГОНАЛЬНОЙ СИНГОНИИ

*B. I. Анисимкин, И. М. Котелянский*

Проведены оценки минимально возможного значения коэффициента поглощения поверхностных акустических волн (ПАВ) в текстурированных пленках ZnO, CdS, AlN, а также аморфных пленках кварца. Оценивается собственное (вязкостное и термоупругое) поглощение и затухание ПАВ, связанное с рассеянием волны отдельными кристаллитами и статистически неровной поверхностью пленки. Получено согласие результатов оценок с экспериментальными данными.

Применение слоистых структур с пьезоэлектрическими пленками расширяет возможности создания акустоэлектронных устройств. Практическая реализация этих устройств требует оценки величины коэффициента поглощения ПАВ в пленках, которые представляют собой, как правило, поликристаллические одноосные текстуры с осью, перпендикулярной поверхности пленки.

В настоящей работе такие оценки проведены для пьезодиэлектрических пленок ZnO, CdS и AlN с размерами кристаллитов в направлении распространения волны  $a = 3 \cdot 10^{-8}$  и  $10^{-7}$  м, частот ПАВ  $f = 10 - 1000$  МГц и температур  $T = 300$  К. Используемые в расчетах упругие модули  $C_{ij}$ , плотность  $\rho$ , теплоемкость  $C_p$ , теплопроводность  $\kappa$  и коэффициент объемного расширения  $\beta$  взяты из [1-6] и приведены в табл. 1. Упругие модули  $C_{ij}$  и

Таблица 1  
Физические параметры материалов

Материалы	$C_{ij}, 10^{11}$ Н/м <sup>2</sup> [1]					$\rho [1], 10^3$ кг/м <sup>3</sup>	$C_p [3], 10^6$ Дж/К/м <sup>3</sup> · К	$\kappa [3],$ $10^6$ Вт/м <sup>2</sup> · К	$\beta [3], 10^{-6}$ К <sup>-1</sup>
	11	44	13	33	66				
ZnO	2.09	0.423	1.046	2.106	0.445	5.665	2.9	54 [5]	13.5
CdS	0.907	0.15	0.51	0.938	0.163	4.82	1.6	20	19.5
AlN *	3.45	1.18	1.20	3.95	1.10	3.26	2.35	320	15.9
Плавленный SiO <sub>2</sub>	0.785	0.312	0.161	0.785	0.312	2.2	1.4 [4]	1.5 [4]	1.65 [6]

Примечание. \* Упругие постоянные из [2] для эпитаксиального AlN.

плотность пленок  $\rho$  принимались равными таковым для монокристаллов (отличие не превышает нескольких процентов), что вполне приемлемо для оценочных расчетов. ПАВ считалась полностью локализованной в пленке. При толщине пленки, меньшей длины волны  $\lambda_{\text{ПАВ}}$ , коэффициент поглощения ПАВ в слоистой структуре требует учета перераспределения энергии волны между пленкой и подложкой [7].

# 1. Методика расчета

Релеевская ПАВ в изотропных условиях на плоскости (0001) гексагональных кристаллов представляет собой суперпозицию двух неоднородных волн — поперечной и продольной. Это позволяет представить коэффициент поглощения ПАВ  $\alpha_{\text{ПАВ}}$  в виде линейной комбинации коэффициентов поглощения продольной  $\alpha_L$  и поперечной  $\alpha_T$  объемных волн [8]

$$\alpha_{\text{ПАВ}} = A \alpha_L + (1 - A) \alpha_T, \quad (1)$$

где величина  $A$  определяется коэффициентом Пуассона [8]. Используя тот факт [9], что отношение скоростей поперечной и продольной волн  $V_T/V_L$  также зависит только от коэффициента Пуассона, можно по отношению  $V_T/V_L = \sqrt{C_{44}/C_{11}}$  определить величину  $A$ .

Составляющие коэффициента поглощения ПАВ, отвечающие различным механизмам поглощения, рассчитывались из (1) по значениям  $A$ ,  $\alpha_L$ ,  $\alpha_T$ . Значения  $\alpha_L$  и  $\alpha_T$  для каждого из механизмов определялись с помощью известных выражений из [9–16].

Наряду с текстурированными пленками оценки  $\alpha_{\text{ПАВ}}$  проводились для монокристаллов ZnO, CdS, AlN. Это позволяло сравнить как вклады отдельных составляющих в суммарный коэффициент поглощения, так и величины минимально возможного (собственного) поглощения ПАВ в монокристалле и пленке из одного материала.

Для монокристаллов ( $m$ ) поглощение продольных ( $L$ ) волн, связанное с теплопроводностью (термоупругое поглощение), рассчитывалось из [9]

$$\alpha_L^m (\text{термо}) = \frac{\chi}{2V_L^2} \left[ \frac{T \beta^2 \rho V_L}{C_p} \left( 1 - \frac{4}{3} \frac{V_T^2}{V_L^2} \right)^2 \right] \omega^2, \quad (2)$$

где  $\chi$  — коэффициент температуропроводности, равный  $\kappa_p/C_p$ ;  $\omega = 2\pi f$  — частота волны. Коэффициент термоупругого поглощения поперечных ( $T$ ) волн приравнивался нулю, так как в поглощении этих волн теплопроводность вклада не дает [9]. Тогда, следуя (1), коэффициент термоупругого поглощения ПАВ представлялся в виде:  $\alpha_{\text{ПАВ}}^m (\text{термо}) = A \alpha_L^m (\text{термо})$ . Как и ожидалось, коэффициенты  $\alpha_L^m (\text{термо})$  и  $\alpha_T^m (\text{термо})$  оказались малыми ( $10^{-5} \div 10^{-2} \text{ м}^{-1}$ ) по сравнению с известными экспериментальными значениями для совершенных по своей кристаллической структуре монокристаллов [17–21]. Это позволяло приближенно считать, что экспериментальные значения коэффициентов поглощения объемных волн для совершенных практически бездефектных [17–19] монокристаллов ZnO и CdS, а также плавленого кварца обусловлены в основном одним вязкоупругим механизмом. В рамках этого приближения экспериментальные величины  $\alpha_L^m$  и  $\alpha_T^m$  приравнивались величинам  $\alpha_L^v$  (вязк.) и  $\alpha_T^v$  (вязк.). После этого для монокристаллов находились, во-первых, коэффициент вязкоупругого поглощения ПАВ (из (1)), а во-вторых, необходимые для последующих расчетов усредненные постоянные Грюнайзена продольных  $\bar{\tau}_L^v$  и попереч-

Таблица 2

Акустические параметры материалов, определяющие вязкоупругое поглощение звука

Материал	Параметр									
	$V_T$ , $10^3 \text{ м/с}$	$V_L$ , $10^3 \text{ м/с}$	$A$	$10^{-\tau_L^v} \text{ с}$	$\bar{\tau}_L^v$	$\bar{\tau}_L^v / \bar{\tau}_T^v$	$\bar{\tau}_T^v$	$\bar{\tau}_T^v / \bar{\tau}_L^v$	$10^{11} B$ , $\text{Н/м}^2$	$\bar{\tau}^v$
ZnO	2.8	6.1	0.05	6	1.0	1.2	0.3	2.5	1.43	0.67
CdS	1.8	4.3	0.04	9.5	1.0	1.2	0.3	2.7	0.66	0.80
AlN	6.0	10.3	0.13	1.0	—	0.9	—	1.4	2.01	1.36
Плавленый SiO <sub>2</sub>	3.76	5.97	0.2	0.2	4.4	—	3.8	—	0.369	0.04

Таблица 3

Коэффициенты собственного поглощения продольных ( $L$ ), поперечных ( $T$ ) и поверхностных (ПАВ) волн в моно- (м) и поликристаллах ( $m^{-1}$ )

Материал	Коэффициент					
	$\alpha_L^M$	$\alpha_T^M$	$\alpha_{ПАВ}^M$	$\alpha_{ПАВ}^N$	$\alpha_R$	$\alpha_m$
ZnO	6.4 [17]	3.2 [17]	3.4	19.5	$10^{-4}$	1
CdS	18 [18, 19]	11.5 [18]	12	82	$7 \cdot 10^{-3}$	10
AlN	0.55	1.36	1.2	2.7	$10^{-5}$	0.04
Плавленый кварц	5.5 [20]	8 [21]	7.5	—	—	—

Причина. Частота  $f = 200$  МГц, размер кристаллитов  $a = 3 \cdot 10^{-8}$  м,  $\alpha$  (дБ/см) =  $= 8.68 \cdot \alpha$  ( $\text{см}^{-1}$ ).

ных  $\tilde{\gamma}_T^M$  волн. При комнатных температурах и выбранных частотах, когда доминирующим является ахиэзеровский механизм поглощения ( $\omega\tau \ll 1$ ,  $\tau$  — время тепловой релаксации фононов), определение  $\tilde{\gamma}_L^M$  и  $\tilde{\gamma}_T^M$  производилось из приближенных выражений [10]

$$\tilde{\gamma}^M \approx \left( 2\alpha^M \frac{\rho V^3}{C_p T \omega^2 \tau} \right)^{1/2}. \quad (3)$$

Время тепловой релаксации  $\tau$  вычислялось из [10]

$$\tau \approx (3^{1/3} \rho \tau / C_p) (C_{11}^{-3/2} + 2C_{44}^{-3/2})^{1/3}. \quad (4)$$

При этом, как и в [10–12], приближенно считалось, что для поперечных волн  $\tau_T = \tau$ , а для продольных —  $\tau_L = 2\tau$ .

Если для выбранного монокристалла (в нашем случае AlN) экспериментальные значения  $\alpha_L^M$  и  $\alpha_T^M$  были неизвестны, то усредненная постоянная Грюнайзена  $\tilde{\gamma}$  оценивалась из коэффициента объемного расширения  $\beta$  и удельной теплоемкости  $C_p$  [11]

$$\tilde{\gamma}^M \approx \beta \frac{B}{C_p}. \quad (5)$$

Объемный модуль упругости  $B$  определялся выражением

$$B = \frac{(C_{11} + C_{12}) C_{33} - 2C_{13}^2}{C_{11} + C_{12} + 2C_{33} - 4C_{13}}. \quad (6)$$

Как известно, поликристаллическая одноосная текстура представляет собой совокупность отдельных кристаллитов, преимущественно ориентированных вдоль одной оси (в нашем случае оси (0001)). При распространении ПАВ с плоским волновым фронтом по такой структуре происходит как синхронное эллиптическое движение целой группы кристаллитов, расположенных по фронту волны и колеблющихся в фазе, так и взаимное смещение таких групп кристаллитов в направлении распространения волны. Механическая анизотропия текстурированных пленок значительно усиливается из-за наличия границ между кристаллитами в направлении распространения волны. Ввиду сложности задачи при оценке вязкоупругого поглощения ПАВ текстурированная пленка моделировалась нами упругоанизотропной средой, состоящей из полностью идентичных неразориентированных кристаллитов с атомарно гладкими границами. Такая модель текстурированной пленки, по нашему мнению, подобна модели слоистых кристаллов с толщиной слоев, много меньшей  $\lambda_{ПАВ}$  и равной толщине кристаллитов, и межслоевым промежутком, равным приграничной области. В отличие от реальных слоистых кристаллов, размеры областей сильной и слабой связи между атомами у которых одного порядка ( $\sim 10$  Å), в нашей модели текстурированной пленки область сильной связи внутри кристаллитов равна 300–1000 Å и намного превышает область их слабой

связи в приграничной области ( $\sim 10 \text{ \AA}$ ). Для проверки правомерности принятой модели текстурированной пленки нами были проведены оценки величин упругих модулей такой пленки по модели «жестких слоев» [22], обычно применяемой для слоистых кристаллов [12, 23]. Результаты оценок количественно согласовывались с экспериментальными значениями [24], полученными для пленок ZnO.

Поскольку в настоящее время неизвестен вид потенциала взаимодействия атомов, расположенных по разные стороны от границы кристалли-

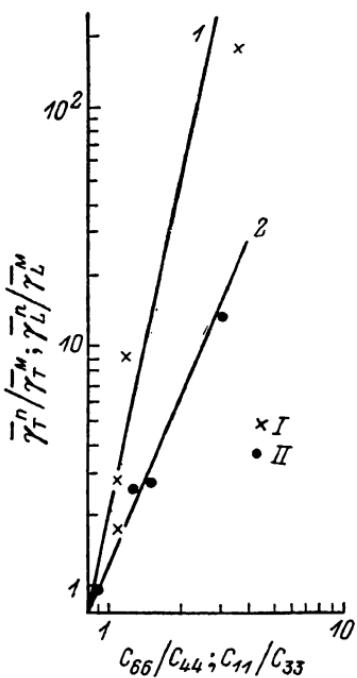


Рис. 1. Зависимость отношения постоянных Грюнайзена для волн, создающих  $\bar{\gamma}^n$  и несоздающих  $\bar{\gamma}^m$  деформации сжатия/сдвига слоев (кристаллитов), от соотношения упругих постоянных.

1 —  $\bar{\gamma}_T^n / \bar{\gamma}_T^m$  от  $C_{66} / C_{44}$ ; 2 —  $\bar{\gamma}_L^n / \bar{\gamma}_L^m$  от  $C_{11} / C_{33}$ ; I, II — данные [12] для слоистых кристаллов гексагональной сингонии.

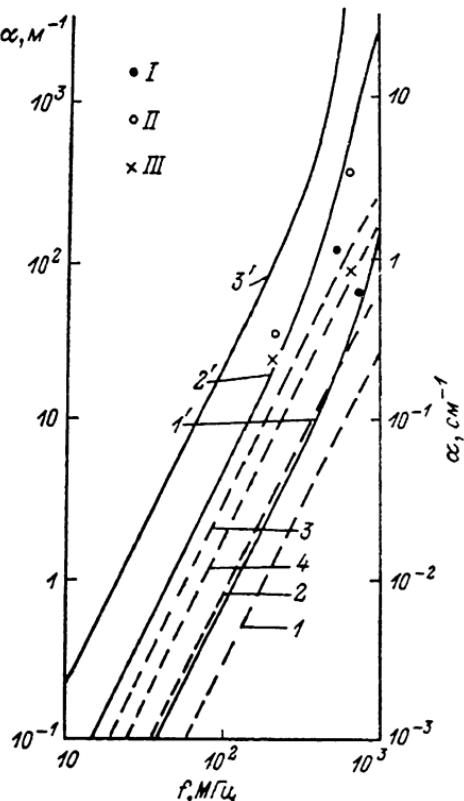


Рис. 2. Частотные зависимости коэффициентов собственного поглощения ПАВ в монокристаллах (1—3) и коэффициентов суммарного (собственного и несобственного) поглощения ПАВ в поликристаллических текстурах (1'—3').

1, 1' — AlN; 2, 2' — ZnO; 3, 3' — CdS; 4 — плавленый кварц; I — экспериментальные значения [4] для структуры AlN/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>; II — экспериментальные значения [24] для структуры ZnO/SiO<sub>2</sub>/Si; III — экспериментальные значения для структуры ZnO/z-SiO<sub>2</sub>.

тов текстурированных пленок ZnO, CdS, AlN, то оценка постоянных Грюнайзена продольной  $\bar{\gamma}_L^n$  и поперечной  $\bar{\gamma}_T^n$  волн, распространяющихся поперек кристаллитов текстурированного поликристалла и создающих деформации их сжатия и сдвига, проводилась из экспериментальных данных работы [12] для слоистых кристаллов той же сингонии. По этим данным мы построили зависимость отношения постоянных Грюнайзена для волн, создающих ( $\bar{\gamma}^n$ ) и не создающих ( $\bar{\gamma}^m$ ) деформации сжатия/сдвига слоев, от отношения соответствующих упругих постоянных (рис. 1). Зная  $C_{11}$ ,  $C_{33}$ ,  $C_{44}$ ,  $C_{66}$  и постоянные Грюнайзена для монокристалла  $\bar{\gamma}_L^n$ ,  $\bar{\gamma}_T^n$  (вдоль слоев), из рис. 1 оценивали постоянные Грюнайзена  $\bar{\gamma}_L^n$  и  $\bar{\gamma}_T^n$  для текстурированной пленки (поперек слоев). После этого из (3) рассчитывали коэффициенты вязкоупругого поглощения продольной  $\alpha_L^n$  (вязк) и поперечной  $\alpha_T^n$  (вязк) волн в текстурированной пленке, а из (1) — соответствующий коэффициент для ПАВ. Этот коэффициент относился к волне, распро-

страняющейся перпендикулярно оси текстуры и создающей своей поперечной компонентой сдвиг, а продольной — сжатие кристаллитов пленки. Отметим, что наличие слабой связи между кристаллитами должно, как и в слоистых кристаллах, привести, по-видимому, к появлению низкочастотных фононных ветвей и, следовательно, к изменению времени релаксации  $\tau$ . Однако ввиду отсутствия данных времена  $\tau$  при расчете  $\alpha_L^H$  (вязк) и  $\alpha_L^T$  (вязк) принимались равными таковыми для монокристаллов.

Коэффициент термоупругого поглощения ПАВ в текстурированной пленке  $\alpha_{\text{ПАВ}}^H$  (термо) оценивался из коэффициента для продольных волн  $\alpha_L^H$  (термо) (термоупругое поглощение поперечных волн снова приравнивалось нулю [9]). Для этого использовались оценочные выражения работы [9] для поликристаллов с хаотическим расположением кристаллитов (в случае текстурированных пленок это давало завышенные значения). Согласно [9], величина  $\alpha_L^H$  (термо) зависит от того, успевает или нет установиться тепловое равновесие в пределах каждого кристаллита за время одного периода волны, т. е. выполняется условие  $\omega \ll \chi/a^2$  или условие  $\omega \gg \chi/a^2$ , где  $a^2/\chi$  — время выравнивания температур на расстоянии  $\sim a$  — размера кристаллита. Проведенные оценки показали, что наиболее интересная с практической точки зрения промежуточная область частот 300 МГц—1 ГГц соответствует условию  $\omega \sim \chi/a^2$ , и использование полученных в [9] выражений является неправомерным. Поэтому оценка  $\alpha_L^H$  (термо) проводилась для верхних частот нижнего частотного диапазона ( $\omega \ll \chi/a^2$ ) и для нижних частот верхнего частотного диапазона ( $\omega \gg \chi/a^2$ ). Преобразуя полученные в [9] выражения к виду, аналогичному (2), получаем для  $\omega \ll \chi/a^2$

$$\alpha_L^H \text{ (термо)} \sim \frac{a^2}{\chi} \left[ \frac{T \beta^2 \rho V_L}{C_p} \left( 1 - \frac{4}{3} \frac{V_T^2}{V_L^2} \right)^2 \right] \omega^2, \quad (7)$$

для  $\omega \gg \chi/a^2$

$$\alpha_L^H \text{ (термо)} \sim \sqrt{\frac{\chi}{a^2}} \left[ \frac{T \beta^2 \rho V_L}{C_p} \left( 1 - \frac{4}{3} \frac{V_T^2}{V_L^2} \right)^2 \right] \sqrt{\omega}. \quad (8)$$

Из (2), (7), (8) находим: для монокристаллов ZnO, CdS, AlN —  $\alpha_L^H$  (термо)  $\sim \sim 10^{-19} \omega^2 \text{ м}^{-1}$ , для поликристаллов тех же материалов —  $\alpha_L^H$  (термо)  $\sim \sim 10^{-16} \omega^2 \text{ м}^{-1}$  при  $\omega \ll \chi/a^2$  и  $\alpha_L^H$  (термо)  $\sim 10^{-2} \sqrt{\omega} \text{ м}^{-1}$  при  $\omega \gg \chi/a^2$ , т. е. переход от моно- к поликристаллическому состоянию даже в условиях установления теплового равновесия в кристаллитах сопровождается увеличением  $\alpha_L^H$  (термо), а следовательно, и  $\alpha_{\text{ПАВ}}^H$  (термо) на 3 порядка. Для текстурированных пленок ZnO, CdS, AlN величина  $\alpha_{\text{ПАВ}}^H$  (термо) на частотах  $\sim 100$  МГц составила  $\lesssim 1 \text{ м}^{-1}$ , а на частотах ГГц диапазона  $\sim 100 \text{ м}^{-1}$ . Предполагая монотонность изменения  $\alpha_{\text{ПАВ}}^H$  (термо) во всем частотном диапазоне, получаем, что несмотря на возрастание термоупругое поглощение ПАВ в поликристаллических текстурах остается меньше вязкоупругого. Для пленок из более мелких кристаллитов вклад термоупругих потерь может стать преобладающим [9]. Значение  $\alpha_L^H$  (термо) для пленки плавленного кварца оценивалось из (2).

Рассеяние ПАВ из-за разориентации кристаллитов и обусловленного этим изменения упругих свойств среды в направлении волнового вектора оценивалось как для поперечных волн в рэлеевском ( $R$ ) пределе ( $(\omega/V_T) a \ll \ll 1$ ) [13]

$$\alpha_R \approx \frac{1}{250} \left( \frac{C_{11} - C_{12} - 2C_{44}}{C_{44}} \right)^2 \left( \frac{\omega a}{\sqrt{2} V_T} \right)^4 \left[ 2 \left( \frac{V_T}{V_L} \right)^5 + 3 \right] \frac{1}{a}. \quad (9)$$

Выражение (9), справедливое, строго говоря, для поликристаллов с хаотическим расположением кристаллитов кубической сингонии, давало для текстурированных пленок гексагональной сингонии завышенные значения  $\alpha_R$ . Однако даже в этом случае величина  $\alpha_R$  оказалась пренебрежимо малой по сравнению с собственным поглощением ПАВ. Для кристаллитов более значительных размеров этот механизм затухания может стать преобладающим [14].

Затухание ПАВ, вызванное рассеянием в объемные волны и вторичные ПАВ на слабо шероховатой статистически неровной поверхности, оценивалось из [15, 16] при амплитуде неровности  $\delta=10^{-7}$  м, много меньшей корреляционной длины  $l=3 \cdot 10^{-7}$  м, в условиях длинноволнового приближения ( $\lambda_{\text{ПАВ}} \gg l$ )

$$\alpha_{\text{ш}} \approx 0, 2 \frac{\delta^2 l^2}{\pi V_{\text{ПАВ}}} \omega^5. \quad (10)$$

## 2. Результаты расчета

Результаты расчета представлены в табл. 2, 3 и на рис. 2. Они показывают, что собственное поглощение ПАВ в текстурированных пленках больше, чем в монокристаллах тех же материалов. При этом в обеих средах доминирующим является вязкоупругое поглощение. Дополнительное увеличение этой составляющей в текстурированных пленках обусловлено ослаблением механической связи между кристаллитами по сравнению с внутрикристаллитной связью. Усиление связи кристаллитов путем введения легирующих примесей может, по-видимому, как и в слоистых кристаллах [25], привести к снижению вязкоупругих потерь.

Сравнение собственного поглощения ПАВ в рассмотренных материалах выгодно отличает AlN во всем частотном диапазоне. Это, на наш взгляд, в основном обусловлено его большими значениями  $V_T$  и  $V_L$ .

Рэлеевское рассеяние ПАВ на кристаллитах и рассеяние на рельефе поверхности с указанными параметрами неровности оказалось малым на частоте 200 МГц (табл. 3) по сравнению с собственным поглощением. При увеличении частоты вклад этих составляющих благодаря сильной частотной зависимости возрастает и для рассеяния на рельефе сравнивается с собственным поглощением уже на частотах  $\sim 500$  МГц (загиб характеристики на рис. 2). В результате частотная характеристика суммарного коэффициента поглощения ПАВ, квадратичная для  $f \leq 500$  МГц, становится  $\sim f^5$  при  $f \geq 1$  ГГц.

Проверка расчета проводилась сравнением с известными наименьшими экспериментальными значениями для текстурированных пленок ZnO [26] и эпитаксиальных пленок AlN [2] (данные для текстурированного AlN, к сожалению, найти не удалось). Корректность сравнения требовала определения из измеряемого в эксперименте коэффициента поглощения ПАВ в слоистой структуре  $\alpha_{\text{ш}}$  и известного из литературы [20] коэффициента поглощения ПАВ в подложке  $\alpha_{\text{под}}$  значения этого же коэффициента собственно в пленке  $\alpha_{\text{ш}}$ , который и сопоставлялся с расчетом. Определение  $\alpha_{\text{ш}}$  из  $\alpha_{\text{ш}}$  проводилось пересчетом по формуле [7]

$$\alpha_{\text{ш}} = (1/r) [\alpha_{\text{ш}} - (1 - r) \alpha_{\text{под}}], \quad (11)$$

где  $r$  — доля энергии ПАВ, локализованная в пленке. Полученные из (11) экспериментальные значения  $\alpha_{\text{ш}}$  для текстурированного ZnO и эпитаксиального AlN совпадали с проведенным расчетом. Для пленок ZnO совпадение было даже лучше, чем у автора [26]. Это, по нашему мнению, связано с тем, что за собственное поглощение ПАВ в [26] принималось значение для монокристалла, а не для текстурированной пленки. Кроме того, в [26] не учитывалось распределение энергии ПАВ между пленкой и подложкой, а также рассеяние волны поверхностным рельефом.

В заключение отметим, что проведенный расчет позволяет оценивать минимальное значение коэффициента поглощения ПАВ в плотноупакованных текстурированных пленках с учетом наличия границ между кристаллитами. В реальных пленках, содержащих дефекты, поглощение ПАВ из-за рассеяния на этих дефектах дополнительно возрастает.

## Л и т е р а т у р а

- [1] Slobodnik A. J., Jr., Conway E. D., Delmonico R. T. *Microwave Acoustic Handbook*, 1973, vol. 1A, 728 p.
- [2] Tsubouchi K., Mikosiba N. *IEEE Ultrason. Symp. Proc.*, 1985, p. 634—644.
- [3] Физико-химические свойства полупроводниковых веществ. Справочник. М.: Наука, 1979. 339 с.
- [4] Таблицы физических величин. Справочник под ред. И. К. Кикоина. М.: Атомиздат, 1976. 1006 с.
- [5] Slack G. A. *Phys. Rev.*, 1972, vol. B6, N 10, p. 3791—3800.
- [6] Ono S., Wasa K., Hayakawa S. *Wave Electronics*, 1977, vol. 3, N 1, p. 35—49.
- [7] Анисимкин В. И., Котелянский И. М. *ЖТФ*, 1985, т. 55, № 12, с. 2420—2421.
- [8] Викторов И. А. *Звуковые поверхностные волны в твердых телах*. М.: Наука, 1981. 287 с.
- [9] Ландау Л. Д., Либшиц Е. М. *Теория упругости*. М.: Наука, 1965. 204 с.
- [10] Мэзон У. В кн.: *Физическая акустика*. М.: Мир, 1968, т. 3Б, с. 285—344.
- [11] Меркулов Л. Г., Коваленок Р. В., Коноводченко Е. В. *ФТТ*, 1969, т. 11, № 10, с. 2769—2778.
- [12] Окулов В. Л. Автореф. канд. дис. Л., ФТИ АН СССР им. А. Ф. Иоффе, 1986.
- [13] Stank E. E., Kino G. S. *J. Acoust. Soc. Amer.*, 1984, vol. 75, N 3, p. 665—681.
- [14] Балашова Е. В., Леманов В. В., Шерман А. Б., Тиходеев Ю. С. Письма в ЖТФ, 1986, т. 12, № 6, с. 321—325.
- [15] Eguiluz A. G., Maradudin A. A. *Phys. Rev.*, 1983, vol. 28B, N 2, p. 728—747.
- [16] Косачев В. В., Лохов Ю. Н., Чуков В. Н. В кн.: *Тезисы докладов XIII Всес. конф. по акустоэлектронике и квантовой акустике*. 1986, Черновцы, с. 133—134.
- [17] Price D. H. R., Wilkinson C. D. W. *Appl. Phys. Lett.*, 1970, vol. 16, N 12, p. 480—482.
- [18] Pomerantz M. *Phys. Rev.*, 1965, vol. 139, N 2A, p. A501—A506.
- [19] Bateman T. B., Mc Fee J. H. *J. Appl. Phys.*, 1968, vol. 39, N 9, p. 4471—4472.
- [20] Морозов А. И., Проклов В. В., Станковский Б. А. *Пьезоэлектрические преобразователи для радиоэлектронных устройств*. М.: Радио и связь, 1981, 184 с.
- [21] Martin T. A. *IEEE Trans.*, 1973, vol. SU-20, N 2, p. 104—123.
- [22] Schmid P. In: *Festkorprobleme XVI: Advances in Solid State Physics*. Veitweg, Braunschweig, 1976, p. 47—64.
- [23] Беленький Г. Л., Столапчинский В. Б. УФН, 1983, т. 140, № 2, с. 233—270.
- [24] Hickernell F. S. *IEEE Trans.*, 1985, vol. SU-32, N 5, p. 621—629.
- [25] Илисавский Ю. В., Окулов В. Л., Свечникова Т. Е., Чижевская С. Н. *ФТП*, 1986, т. 20, № 11, с. 2115—2117.
- [26] Hickernell F. S. *IEEE Ultrason. Symp. Proc.*, 1982, p. 325—328.

Институт радиотехники  
и электроники АН СССР  
Москва

Поступило в Редакцию  
12 мая 1987 г.  
В окончательной редакции  
28 октября 1987 г.