

# ЭЛЕКТРОННАЯ СТРУКТУРА СУПЕРИОННЫХ КРИСТАЛЛОВ С ПРОВОДИМОСТЬЮ ПО ФТОРУ

P. A. Эварестов, A. B. Петров, И. В. Мурин

Кристаллы  $\text{PbF}_2$ ,  $\text{SnF}_2$  нашли широкое применение в качестве фторпропроводящих твердых электролитов (сенсоров, химических источников тока, ионоселективных электродов, элементов оптоионных приборов и т. д.), используемых в различных электрохимических устройствах. В частности, тетрафторстаннат (II) свинца (II) обладает самой высокой ионной проводимостью по фтору из известных твердых электролитов в области низких температур [1].

Теоретическое изучение природы и механизма суперионной проводимости предполагает в качестве первого этапа расчет электронной структуры кристаллического электролита [2, 3]. Для кристалла  $\text{PbF}_2$  такой расчет выполнен в [3, 4], для кристаллов  $\text{SnF}_2$  и  $\text{PbSnF}_4$  зонные расчеты отсутствуют вообще, что обусловлено сложностью их атомной структуры (большое число атомов в элементарной ячейке и низкая симметрия).

В нашей работе изложены результаты самосогласованных расчетов электронной структуры кристаллов  $\text{PbF}_2-\text{SnF}_2-\text{PbSnF}_4$  на основе приближения ЛКАО—ППДП (полное пренебрежение дифференциальным перекрыванием) [5], широко применяемого в теории молекул. Расчеты одноэлектронных энергий и кристаллических орбиталей проведены в точках симметрии зоны Бриллюэна с использованием циклической модели кристалла [6]. В качестве атомных орбиталей использованы функции однократно заряженных ионов  $\text{Pb}^+$ ,  $\text{Sn}^+$ ,  $\text{F}^-$ , в базис включены  $s$ - и  $p$ -орбитали. Остовые интегралы схемы ППДП соответствуют параметризации Бойда—Уайтхеда [7], применяемой для молекул.

Параметры схемы ППДП (одноцентровые  $\beta_4$  и двухцентровые  $\beta_{AB}$  резонансные интегралы) калибровались на основе расчетов в том же приближении достаточно изученных кристаллов  $\text{CaF}_2$ ,  $\text{PbF}_2$  и  $\text{SnO}_2$ . Первые два имеют структуру флюорита (пространственная группа  $O_h^5-Fm\bar{3}m$ ), третий — структуру рутила (пространственная группа  $D_{4h}^{14}-P4_2/mnm$ ).

Самосогласование по матрице плотности проводилось с использованием специальных точек зоны Бриллюэна, в качестве которых брались наборы  $\Gamma$ ,  $X$ ,  $L$  для структуры флюорита и  $\Gamma$ ,  $M$ ,  $Z$ ,  $A$  для структуры рутила.

Полученные для кристалла  $\text{CaF}_2$  основные характеристики электронной структуры удовлетворительно согласуются с данными эксперимента [8] и зонных расчетов [9]. В частности, правильно воспроизводится симметрия состояний в вершине валентной зоны ( $X_{2'}$ ) и на дне зоны проводимости ( $\Gamma_1$ ), ширина запрещенной зоны ( $\Delta E_g=13.6$  эВ) и верхней валентной зоны —  $p$ -зоны кислорода ( $\Delta E_v=4.8$  эВ). Использование функций ионов  $\text{Ca}^+$ ,  $\text{F}^-$  вместо применяющихся в [3] функций нейтральных атомов дает узкую  $s$ -зону кислорода, что лучше согласуется с данными других зонных расчетов. Полученные в расчете заряды на атомах соответствуют практически ионному кристаллу.

В кристалле  $\text{SnO}_2$  верхняя валентная зона по результатам наших расчетов образована в основном  $p$ -состояниями кислорода, симметрия в вершине этой зоны  $M_{5-}$ . Дно зоны проводимости (симметрия  $\Gamma_{1+}$ ) образовано в основном  $s$ -состояниями олова. Заметим, что в несамосогласованном расчете [10] по методу сильной связи симметрия состояний в вершине валентной зоны и на дне зоны проводимости  $\Gamma_{3+}$  и  $\Gamma_{1+}$  соответственно. Рассчитанная нами ионность связи в кристалле  $\text{SnO}_2$  равна 3.2. Как и в случае  $\text{CaF}_2$ , при подгонке параметров  $\beta$  для кристалла  $\text{SnO}_2$  использованы экспериментальные значения  $\Delta E_g$  и  $\Delta E_v$ . Эти же величины служили

исходными и при калибровке параметра  $\beta_{\text{Pb}}$  в кристалле  $\text{PbF}_2$ . Вершина верхней валентной зоны в этом кристалле, по данным наших расчетов, образована в основном  $s$ -состояниями свинца, а дно зоны проводимости —  $p$ -состояниями свинца (симметрия вершины и дна —  $X_1$  и  $\Gamma_4$ , соответственно).

В расчетах кристаллов  $\text{CaF}_2$ ,  $\text{PbF}_2$ ,  $\text{SnO}_2$  двухцентровый резонансный интеграл  $\beta_{AB}$  определялся одним и тем же соотношением  $\beta_{AB} = \kappa \sqrt{\beta_A \beta_B}$  ( $\kappa = 1.3$  — единое для всех кристаллов значение подгоночного параметра). Отметим, что в молекулярных расчетах для  $\beta_{AB}$  используется обычно соотношение  $\beta_{AB} = 1/2 (\beta_A + \beta_B)$ .

В выполненных здесь впервые расчетах кристаллов  $\text{SnF}_2$  и  $\text{PbSnF}_4$  использованы те же значения  $\beta_{\text{Sn}}$ ,  $\beta_{\text{Pb}}$ ,  $\beta_F$ , что и в описанных выше расчетах, а  $\beta_{AB} = 1.3 \sqrt{\beta_A \beta_B}$ .

Кристалл  $\text{SnF}_2$  в  $\alpha$ -модификации имеет симметрию пространственной группы  $C2/C$  с моноклинной центрированной решеткой, в примитивной ячейке содержится 8 молекул  $\text{SnF}_2$ . Наши расчеты показывают, что в отличие от более простых кристаллов использование при самосогласовании лишь точки  $\Gamma$  уже достаточно хорошо передает распределение электронной плотности в кристалле, которое мало изменяется при добавлении других точек (мы рассматривали наборы  $\Gamma-Y$  и  $\Gamma-M$ ).

По результатам наших расчетов можно заключить, что в кристалле  $\text{SnF}_2$  вершина верхней валентной зоны определяется (как и в кристалле  $\text{PbF}_2$ )  $s$ -состояниями катиона, а сама эта зона достаточно широкая (см. таблицу). Дисперсия зон вдоль направлений  $\Gamma-Y$  и  $\Gamma-M$  мала, рассчитанные заряды на атомах соответствуют практически ионному кристаллу, но все-таки меньше, чем в кристаллах типа флюорита.

Результаты расчетов электронной структуры кристаллов  
 $MF_2$  ( $M = \text{Ca}, \text{Sn}, \text{Pb}$ ) и  $\text{SnO}_2$

	$\Delta E_g$	$E_v$	$\Delta E_v$	$Q_M$	$Q_F$
$\text{Ca}_8\text{F}_{16}$	13.62	-8.82	4.86	1.99	-0.99
$\text{Sn}_8\text{O}_{16}$	3.78	-1.39	10.53	3.20	-1.60
$\text{Sn}_8\text{F}_{16}$	8.40	-6.90	6.52	1.84	-0.92
$\text{Sn}_{16}\text{F}_{32}$	8.01	-7.05	6.37	1.77	-0.88
$\text{Pb}_8\text{F}_{16}$	9.04	-8.44	6.74	1.77	-0.88
$\text{Pb}_{16}\text{Sn}_{16}\text{F}_{64}$	3.73	-4.47	8.21	1.79 1.82	-0.89

Приложение.  $\Delta E_g$  — ширина запрещенной зоны,  $E_v$  — вершина верхней валентной зоны,  $\Delta E_v$  — ширина верхней валентной зоны. Заряды на атомах в атомных единицах, энергия — в эВ.

Кристалл  $\text{PbSnF}_4$  рассчитывался в высокотемпературной  $\gamma$ -модификации, обладающей кубической симметрией. Мы исходили при этом из данных [11], полученных для пленки кристалла  $\text{PbSnF}_4$ . Расчет проводился исходя из циклической системы  $\text{Pb}_{32}\text{F}_{64}$ , соответствующей расширенной элементарной ячейке кристалла  $\text{PbF}_2$  с кубической симметрией. Для кристалла  $\text{PbSnF}_4$  рассчитывалась циклическая система  $\text{Pb}_{16}\text{Sn}_{16}\text{F}_{32}$  правильно передающая стехиометрию кристалла и в какой-то степени случайное распределение атомов  $\text{Pb}$  и  $\text{Sn}$ . Атомы свинца и олова были расположены таким образом, что локальной группой всех катионов была группа  $O_h$ .

По результатам нашего расчета вершина верхней валентной зоны в кристалле  $\text{PbSnF}_4$  образована  $s$ -состояниями олова, а дно зоны проводимости —  $p$ -состояниями олова. Заряд на атомах олова несколько меньше, чем на атомах свинца (см. таблицу). Рассчитанная ширина запрещенной зоны  $\Delta E_g = 3.7$  эВ хорошо согласуется с экспериментальной оценкой. Отметим, что дополнительной калибровки параметров для кристалла не проводилось.

Таким образом, общность электронной структуры исследованных кристаллов указывает на схожий характер электрохимического поведения данных фторидов.

### Л и т е р а т у р а

- [1] Мурин И. В., Чернов С. В. Изв. АН СССР, сер. Неорг. материалы, 1982, т. 18, № 1, с. 168—169.
- [2] Hasegawa A. Sol. St. Ionics, 1985, vol. 15, N 1, p. 81—88.
- [3] Эварестов Р. А., Мурин И. В., Петров А. В. ФТТ, 1984, т. 26, № 9, с. 2579—2586.
- [4] Velicky B., Masek J. Sol. St. Commun., 1986, vol. 58, N 10, p. 663—666.
- [5] Эварестов Р. А. Квантово-химические методы в теории твердого тела. Л.: Изд-во ЛГУ, 1982. 154 с.
- [6] Evardestov R. A., Leko A. V., Smirnov V. P. Phys. St. Sol. (b), 1985, vol. 128, N 1, p. 275—285.
- [7] Boyd R. J., Whitehead M. A. J. Chem. Soc., 1972, N 1, p. 73—77.
- [8] Pool R. T., Leckey R. C., Jenkin J. G., Liesegang J. Phys. Rev. B, 1975, vol. 12, N 12, p. 5872—5877.
- [9] Heaton R. A., Lin C. C. Phys. Rev. B, 1980, vol. 22, N 6, p. 3629—3638.
- [10] Robertson J. J. Phys. C, 1979, vol. 12, N 22, p. 4767—4776.
- [11] Fast ion transport in solids. Ed. P. Vashishta et al., N. Y., etc., North-Holl, 1979, p. 687—690.

Ленинградский государственный  
университет им. А. А. Жданова  
Ленинград

Поступило в Редакцию  
10 сентября 1987 г.

УДК 537.32 : 546

Физика твердого тела, том 30, в. 3, 1988  
Solid State Physics, vol. 30, N 3, 1988

## НОВАЯ КОНДО-СИСТЕМА $\text{CeNiGa}_y$ С СИЛЬНЫМ ОРБИТАЛЬНЫМ ВЫРОЖДЕНИЕМ

М. Д. Котерлин,<sup>\*</sup> Б. С. Морохивский, Ю. М. Гринь

С целью изучения закономерностей образования тонкой структуры плотности состояний возле уровня Ферми ( $E_F$ ) в системах с валентно-нестабильными (ВН) редкоземельными элементами исследованы термоэдс ( $\alpha$ ) и удельное электросопротивление ( $\rho$ ) соединений типа  $\text{CeNiGa}_y$  ( $y = 0.5, 2, 3$ ). Особенностью кристаллической структуры  $\text{CeNiGa}_y$  является постепенное уменьшение с ростом  $y$  количества атомов Ni в ближайшем окружении Ce [1-3]. Согласно данным [1-3], на координационную сферу Ce радиуса  $R \approx 3.5 \text{ \AA}$  приходится 6, 4 и 2 атома Ni для составов с  $y = 0.5, 2$  и 3. Как известно [4, 5], наличие в ближайшем окружении атомов 3d-переходного элемента ( $M$ ) приводит к возникновению ВН Ce, причем с ростом содержания компонента M валентность Ce и ширина пика плотности состояний  $g_f(E)$  возле уровня  $E_F$  возрастают.<sup>\*</sup>

Результаты измерений  $\alpha$  и  $\rho$  в интервале температур 4.2—400 К для  $\text{CeNiGa}_y$  приведены на рис. 1. Как видно, для  $\text{CeNiGa}_{0.5}$  с наименьшим содержанием Ga  $\rho(T)$  обладает положительной кривизной с насыщением при  $T > 250$  К, что характерно для систем с промежуточной валентностью Ce. Это также подтверждается измерениями магнитной восприимчивости [1]. Несколько необычным является обнаружение двух положительных максимумов  $\alpha(T)$  ( $T_{\alpha_{\max 1}} \approx 70$  К и  $T_{\alpha_{\max 2}} \approx 350$  К). Появление двухгорбой структуры  $\alpha(T)$  наблюдалось ранее в системах с Ce в состоянии, близком к кондовскому [6, 7]. В случае соединения с наибольшим содержанием Ga ( $y=3$ ) аномалий  $\rho$  и  $\alpha$  не обнаружено. Соединение  $\text{CeNiGa}_2$  (структурный тип  $\text{NdNiGa}_2$ , пространственная группа  $Cmcm$  [2]) обнаруживает аномалии  $\rho(T)$  и  $\alpha(T)$ , свойственные немагнитным Кондо-