

Отметим, что критическое поле  $H_c$  свинца в массивном состоянии составляет  $0.05T$  [8]. В нашем случае островковое распределение свинца в вандерваальсовских щелях InSe приводит к возрастанию  $H_c$  в 40 раз ( $H_c \approx 2T$ ). Большие величины  $H_c$  характерны и для слоистых халькогенидов переходных металлов, которые связаны с их двумерным распределением в решетке, обуславливающим формирование узких  $d$ -зон с большими эффективными массами и малыми фермиевскими скоростями [9].

Об островковом распределении свинца свидетельствует тот факт, что в системе  $\langle \text{Pb}, \text{Li} \rangle$  InSe свинец влияет в основном на  $\sigma_{\parallel c}$  интеркалата, слабо влияя на  $\sigma_{\perp c}$ . Действительно, для резкого увеличения  $\sigma_{\perp c}$  необходимо наличие сплошной «металлической» пленки интеркалянта, в то время как для резкого увеличения  $\sigma_{\parallel c}$  достаточно лишь локализованных (островковых) скоплений «металлического» интеркалянта в достаточно большом количестве слоев [7].

Таким образом, проведенные исследования указывают на то, что электронный газ в InSe при низких температурах носит двумерный характер.

Впервые экспериментально установлено, что интеркаляция слоистых полупроводников сверхпроводящими металлами повышает размерность электронного газа при  $T < T_c$ , переводя его из двумерного в трехмерное состояние.

#### Л и т е р а т у р а

- [1] Kress-Rogers E., Nicholas R. J., Chevey A. J. Phys. C, 1983, vol. 16, N 12, p. 2439—2447.
- [2] Kress-Rogers E., Hopper G. F., Nicholas R. J., Hayes W., Portal J. C., Chevey A. J. Phys. C., 1983, vol. 16, N 21, p. 4285—4295.
- [3] Брандт Н. Б., Кульбачинский В. А., Ковалюк З. Д., Лашкарев Г. В. ФТП, 1987, т. 21, № 6, с. 1001—1004.
- [4] Альтшулер Б. Л., Аронов А. Г., Ларкин А. И., Хмельницкий Д. Е. ЖЭТФ, 1981, т. 81, № 2, с. 768—783.
- [5] Григорчук И. И., Ковалюк З. Д., Юрченко С. П. Изв. АН СССР, Неорган. матер., 1981, т. 17, № 3, с. 412—415.
- [6] Ковалюк З. Д., Пыря М. Н., Середюк А. И., Товстюк К. Д. Изв. АН СССР, Неорган. матер., 1985, т. 21, № 10, с. 1652—1655.
- [7] Ковалюк З. Д., Середюк А. И., Товстюк К. Д. ФТП, 1982, т. 16, № 11, с. 2061—2063.
- [8] Roberts B. W. Superconductive materials and their properties. Report № 63-RL-3252 M., 1963, New York. 98 p.
- [9] Сверхпроводимость в тройных системах / Под ред. М. Майнла и Э. Фишера. М.: Мир, 1985. 392 с.

Институт проблем  
материаловедения АН УССР  
Киев

Поступило в Редакцию  
3 декабря 1987 г.

УДК 538.1

Физика твердого тела, том 30, в. 4, 1988  
Solid State Physics, vol. 30, № 4, 1988

## ОБ ОСНОВНОМ СОСТОЯНИИ МАГНИТНОГО ПОЛУПРОВОДНИКА В РАМКАХ ОДНОМЕРНОЙ РЕШЕТКИ АНДЕРСОНА

А. Ф. Барабанов, А. Ф. Михеенков

Будем рассматривать магнитный полупроводник с локализованными  $f$ -электронами в рамках одномерной невырожденной регулярной модели Андерсона [1, 2], пренебрегая прямым обменом между  $f$ -моментами. Такая модель, если отвлечься от одномерности, в первую очередь описывает антиферромагнитные полупроводники (АФМП) типа EuSe, EuTe с пренебрежимо малым перекрытием соседних  $f$ -оболочек [3]. Поскольку вопрос о структуре основного состояния решетки Андерсона, в том числе

и в рассматриваемом одномерном диэлектрическом варианте, в настоящее время остается открытым, представляется интересным исследовать его вариационным методом.

Для описания сверхобмена в модели Андерсона достаточно учесть гибридизационное взаимодействие  $f$ -электронов с незаполненной  $s$ -зоной проводимости без привлечения валентной зоны. Хорошо известно, что такой обмен имеет АФМ характер [4, 5]. Учтем также внутриузельное  $s$ - $f$ -обменное взаимодействие ФМ типа. Гамильтониан системы для дальнейшего удобно записать в блочном виде

$$\left. \begin{aligned} \hat{H} &= \sum_m \hat{h}_m + \sum_m \hat{t}_{m\beta, m+1\alpha}, \quad \hat{h}_m = \hat{h}_{m\alpha} + \hat{h}_{m\beta} + \hat{t}_{m\alpha, m\beta}, \\ \hat{h}_{m\alpha} &= \varepsilon \sum_{\sigma} \hat{n}_{m\alpha\sigma}^s + e \sum_{\sigma} \hat{n}_{m\alpha\sigma}^f + U \hat{n}_{m\alpha\sigma}^f \hat{n}_{m\alpha\sigma}^s + g \sum_{\sigma} (\hat{f}_{m\alpha\sigma}^+ \hat{c}_{m\alpha\sigma} + \text{э. с.}) - \\ &- J \sum_{\sigma} \hat{n}_{m\alpha\sigma}^s \hat{n}_{m\alpha\sigma}^f, \quad \hat{t}_{m,\alpha, m,\beta} = t \sum_{\sigma} (\hat{c}_{m,\alpha\sigma}^+ \hat{c}_{m,\beta\sigma} + \text{э. с.}). \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

В (1) цепочка узлов разбита на блоки  $m$ , содержащие по 2 узла ( $\alpha$  — левый,  $\beta$  — правый);  $\hat{h}_m$  — внутриблочный гамильтониан;  $\hat{t}_{m,\alpha, m,\beta}$  описывает перескоки  $s$ -электронов;  $J, U$  — внутриузельные константы ФМ  $s$ - $f$ -обмена и кулоновского  $f$ - $f$ -отталкивания; ниже  $U = \infty$ , т. е. учитываются только состояния с 0, 1  $f$ -электронами на узле;  $\varepsilon$  — центр зоны проводимости;  $e$  — положение  $f$ -уровня;  $\Delta = \varepsilon - e > 0$ ;  $g$  — параметр гибридизации. При  $g = 0$  основное состояние — диэлектрическое с одним  $f$ -электроном на узел.

Будем искать  $\langle \hat{H} \rangle$  с помощью многочастичной вариационной функции  $|\Psi\rangle$ , которая учитывает для каждого блока: основное состояние  $|2_m\rangle$  с двумя и все состояния  $|1_{mi}\rangle$  с одним и  $|3_{mj}\rangle$  с тремя электронами

$$\left. \begin{aligned} |\Psi\rangle &= \hat{P}_N \prod_m A_m |0\rangle, \quad A_m = 1 + \hat{Z}_m^{(2)} + \sum_{i,j} \sum_{n=m\pm 1} \delta_{ij}^{mn} \hat{Z}_m^{(1)} \hat{Z}_n^{(3)}, \\ \hat{Z}_m^{(2)} |0\rangle &= |2_m\rangle, \quad \hat{Z}_m^{(1)} |0\rangle = |1_{mi}\rangle, \quad \hat{Z}_n^{(3)} |0\rangle = |3_{nj}\rangle, \end{aligned} \right\} \quad (2)$$

здесь  $m, n$  нумеруют блоки,  $|0\rangle$  — вакуум,  $\delta_{ij}^{mn}$  — вариационные параметры,  $\hat{P}_N$  — проекционный оператор на подпространство с числом электронов, равным числу узлов  $N$ . Блочная форма пробной функции позволяет хорошо описать ближний порядок, а члены  $\sim \delta_{ij}$  описывают движение  $f$ -электронов вдоль цепочки через зону проводимости. Для одномерной модели Хаббарда функция вида (2) дает хорошее согласие с точным решением [6]. Предложенная в [7] графическая процедура позволяет получить следующее выражение для  $\langle \Psi | \hat{H} | \Psi \rangle$

$$\varepsilon = \frac{\langle \Psi | \hat{H} | \Psi \rangle}{\langle \Psi | \Psi \rangle} = \frac{\varepsilon^{(2)} + 2x \sum_{ij} (\varepsilon_i^{(1)} + \varepsilon_j^{(3)}) \delta_{ij}^2 - 4tx \sum_{ij} \delta_{ij} \langle 2 | \hat{c}_{\beta\uparrow}^+ | 1_i \rangle \langle 2 | \hat{c}_{\alpha\uparrow} | 3_j \rangle}{1 + 4x \sum_{ij} \delta_{ij}^2}, \quad (3)$$

где  $x$  удовлетворяет уравнению  $1 = x + 2x^2 \sum_{ij} \delta_{ij}^2$ ;  $\delta_{ij} = \delta_{ij}^{m,m+1}$ ;  $\varepsilon^{(2)}, \varepsilon_i^{(1)}, \varepsilon_j^{(3)}$  — энергии состояний  $|2\rangle, |1_i\rangle, |3_j\rangle$ . Эти состояния строятся в явном виде путем диагонализации гамильтониана блока  $\hat{h}_m$  с использованием симметрии задачи. Аналогичное построение для блока с межузельной гибридизацией проводилось в [8].

Функция  $|\Psi\rangle$  и энергия основного состояния  $\varepsilon$  (а, следовательно, и состояния  $|2\rangle, |1_i\rangle, |3_j\rangle$ ) находятся для ФМ и АФМ упорядочений. В ФМ случае число состояний  $|1_i\rangle$  — 4,  $|3_j\rangle$  — 4, в АФМ — 8 и 18. Приведем явный вид состояния  $|2\rangle$  для АФМ случая

$$|2\rangle = \sum_{q=1}^5 \alpha_q |x_q\rangle, \quad |x_1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} (1 + \hat{r}) \hat{f}_{\alpha\uparrow}^+ \hat{f}_{\beta\downarrow}^+ |0\rangle,$$

$$|x_{2,3}\rangle = \frac{1}{2\sqrt{2}} (1 + u\hat{r}_s) (1 + v\hat{r}_f) (1 - \hat{w}) \hat{c}_{\alpha\downarrow}^+ \hat{f}_{\beta\uparrow}^+ |0\rangle,$$

$$|x_{4,5}\rangle = \frac{1}{2} (1 + h\hat{r}_\uparrow) (1 + p\hat{r}_\downarrow) \hat{c}_{\alpha\uparrow}^+ \hat{c}_{\beta\downarrow}^+ |0\rangle, \quad uv = hp = u^2 = v^2 = h^2 = p^2 = 1,$$

$$\alpha_{1,2} \sim 1, \quad \alpha_{2,3} \sim \frac{g}{\Delta \pm t}, \quad \alpha_{4,5} \sim \frac{g^2}{(\Delta \pm t)^2},$$

здесь  $\hat{r}_s, \hat{r}_f, \hat{r}_\uparrow, \hat{r}_\downarrow$  — операторы внутриблочного отражения для  $s, f$ -электронов, электронов со спином вверх и вниз;  $\hat{r}$  — полное отражение ( $\hat{r} = \hat{r}_s \hat{r}_f = \hat{r}_\uparrow \hat{r}_\downarrow$ );  $\hat{w}$  — оператор переворота спинов в блоке.

В приближении  $(g/\Delta)^4$  полное выражение (3) можно аналитически проварьировать по  $\delta_{i,j}$  и сравнить энергии  $\varepsilon_\Phi, \varepsilon_A$  для ФМ и АФМ порядка.

При  $J < J_0 \approx \frac{4g^2\Delta}{\Delta^2 - t^2}$  основное состояние системы антиферромагнитно с  $\Delta\varepsilon = \varepsilon_A - \varepsilon_\Phi \approx \frac{2g^2t^2}{(\Delta^2 - t^2)^2} [J - J_0]$ .

Типичные значения параметров для EuSe, EuTe  $t \approx 1$  эВ,  $\Delta \approx 2$  эВ,  $g/\Delta \approx 0.1$  [5] дают значения АФМ вклада в энергию  $\sim 5-10$  К, согласующиеся с температурой Нееля этих соединений.

При низких температурах и давлении  $\geq 5$  кбар EuSe ферромагнитен, так как существенна роль прямого гейзенберговского обмена. С уменьшением давления, т. е. увеличением постоянной решетки, происходит переход I рода ФМ  $\rightarrow$  АФМ [9]. При таком переходе меняется структура волновой функции (2), определяемая в первую очередь характером основного состояния блока  $|2\rangle$ . Анализ этой структуры показывает: 1) в ФМ фазе среднее число  $f$ -электронов на узле в порядке  $(g/\Delta)^4$  меньше, чем в АФМ, т. е. переход ФМ  $\rightarrow$  АФМ должен происходить с увеличением объема; 2) в АФМ состоянии квадрат полного момента на узле меньше  $3/4$ , а в ФМ — больше  $3/4$ , такое изменение квадрата момента качественно совпадает с изменением полного момента в ряду халькогенидов Eu при переходе от ФМ EuO, EuS к АФМ EuSe [10]; 3) отличительным свойством построенного АФМ состояния является равенство нулю среднего значения проекции полного спина на узле при ненулевых АФМ спиновом корреляторе  $\langle \hat{n}_i^+ \hat{n}_j^+ \rangle - \langle \hat{n}_i^+ \rangle \langle \hat{n}_j^+ \rangle$  и зарядовом корреляторе  $\langle \hat{n}_i \hat{n}_j \rangle - \langle \hat{n}_i \rangle \langle \hat{n}_j \rangle$ .

Подчеркнем, что последним свойством обладает  $|\Psi_0\rangle$  точного решения одномерной модели Хаббарда [11] и основное состояние «резонансных валентных связей» (RVB) [12], которое в настоящее время привлекается для объяснения высокотемпературной сверхпроводимости [13, 14]. Пробная функция (2) дает правильное значение диэлектрической щели, равное  $\Delta - 2t$ .

В заключение обсудим вопрос об обобщении результатов одномерного подхода  $d=1$  на случаи  $d=2,3$ . Он связан в первую очередь с возможностью конкретного построения  $|\Psi_0\rangle$  АФМ состояния RVB типа и с энергетической выгодностью этого состояния по отношению к классическому неелевскому. Построение  $|\Psi_0\rangle$  для  $d > 1$  требует расширения размера блока и, следовательно, резкого увеличения числа когерентных функций в блоке, что значительно усложняет задачу, но не делает ее принципиально неразрешимой. Единственным известным нам случаем построения  $|\Psi_0\rangle$  RVB является подход работы [12], где для близкого к (1) гамильтониана Хаббарда на треугольной решетке численно была показана правомерность обобщения свойств  $|\Psi_0\rangle$  при  $d=1$  на случай  $d=2$ . Подобное  $|\Psi_0\rangle$  может быть построено аналитически и для квадратной решетки. В общем случае  $d > 1$  и произвольной решетки, как для модели Хаббарда, так и Андерсона упомянутое обобщение остается открытым, и для подтверждения

его правмерности пытаются привлечь дополнительные механизмы, например димеризацию [15].

Авторы благодарны Э. Л. Нагаеву за полезные обсуждения.

### Л и т е р а т у р а

- [1] *Anderson P. W.* Phys. Rev., 1961, vol. 124, N 1, p. 41—53.
- [2] *Smith D. A. J.* Phys. C, 1968, vol. 1, N 5, p. 1263—1278.
- [3] *Нагаев Э. Л.* Физика магнитных полупроводников. М.: Наука, 1979. 431 с.
- [4] *Кочарян А. Н., Хомский Д. И.* ФТТ, 1975, т. 17, № 2, с. 462—464.
- [5] *Кочарян А. Н., Овнянц П. С.* ЖЭТФ, 1978, т. 74, № 2, с. 620—628.
- [6] *Барабанов А. Ф., Михеенков А. В.* ФТТ, 1986, т. 28, № 4, с. 998—1004.
- [7] *Барабанов А. Ф., Михеенков А. В.* ФТТ, 1985, т. 27, № 9, с. 2658—2664.
- [8] *Lin T., Falikov L. M.* Phys. Rev., 1980, vol. B22, № 2, p. 857—862.
- [9] *Fujivara H., Kadomatsn H., Kurisu M., Hihara T., Kojima K., Kamigaichi T.* Sol. St. Commun., 1982, vol. 42, № 7, p. 509—511.
- [10] *Тейлор К., Дарби М.* Физика редкоземельных соединений. М.: Мир, 1974. 374 с.
- [11] *Lieb E. H., Wu F. Y.* Phys. Rev. Lett., 1968, vol. 20, N 25, p. 1445—1448.
- [12] *Fazekas P., Anderson P. W.* Phyl. Mag., 1974, vol. 30, N 2, p. 423—440.
- [13] *Anderson P. W., Baskaran G., Zou Z., Hsu T.* Phys. Rev. Lett., 1987, vol. 58, N 26, p. 2790—2793.
- [14] *Emery V. I.* Phys. Rev. Lett., 1987, vol. 58, N 26, p. 2794—2797.
- [15] *Kivelson S., Rokhsar D., Sethna J.* Phys. Rev., 1987, vol. B35, N 16, p. 8865—8868.

Институт физики высоких давлений им. Л. Ф. Верещагина АН СССР  
Троицк  
Московская область

Поступило в Редакцию  
12 августа 1987 г.  
В окончательной редакции  
11 декабря 1987 г.

УДК 535.115

Физика твердого тела, том 30, в. 4, 1988  
Solid State Physics, vol. 30, № 4, 1988

## ЗАВИСИМОСТЬ ЧАСТОТ ОБМЕННЫХ МОД АНТИФЕРРОМАГНИТНОГО РЕЗОНАНСА ОТ ТЕМПЕРАТУРЫ В $\text{CuCl}_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$

В. В. Еременко, С. А. Звягин, Ю. Г. Пашкевич,  
В. В. Пишко, В. Л. Соболев, В. В. Шахов

Настоящее сообщение посвящено экспериментальному и теоретическому исследованию температурной зависимости частот обменных мод антиферромагнитного резонанса (АФМР), обнаруженных в четырехподрешеточном ромбическом антиферромагнетике  $\text{CuCl}_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$  с  $T_N = 4.33 \text{ K}$  [1]. Наличие этих мод присуще многоподрешеточным антиферромагнетикам с числом подрешеток большим двух, а их энергия активации определяется обменными межподрешеточными интегралами. Частотно-полевые зависимости всех мод АФМР данного антиферромагнетика подробно исследованы в [2], там же экспериментально определены величины интегралов ферромагнитного обмена и взаимодействия Дзялошинского.

Гамильтониан магнитной подсистемы  $\text{CuCl}_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$ , квадратичный по операторам спинов, приведен в [3]. Далее будем рассматривать случай магнитного поля, параллельного легкой оси и не превышающего поля спин-флоп перехода. Температурные поправки к спектру обменных спиновых волн (СВ) будем учитывать стандартным образом [4], удерживая в разложении спиновых операторов, входящих в гамильтониан, по Бозе-операторам Голстейна—Примакова слагаемые четвертого порядка, ограничиваясь в последних учетом лишь обменных взаимодействий. Существенные упрощения в расчетах достигаются при использовании симметрии задачи путем введения линейных комбинаций Бозе-операторов спиновых отклонений подрешеток, называемых далее неприводимыми