

# НИЗКОТЕМПЕРАТУРНАЯ ТЕПЛОЕМКОСТЬ КРИСТАЛЛОВ $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$ И $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$

*В. В. Петров, А. Ю. Халахан, В. Г. Пицюга, В. Е. Ячменев*

Кристаллы  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$ ,  $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$  характеризуются малой скоростью звука, большим значением акустооптической добротности, широкой полосой оптической прозрачности, что вызывает к ним практический интерес, а наличие у них ряда фазовых переходов позволяет использовать их в качестве модельных объектов [1-3]. Тепловые свойства указанных кристаллов пока не исследованы, поэтому изучение их теплоемкости в области низких температур, где обнаружены фазовые переходы, представляет определенный интерес.

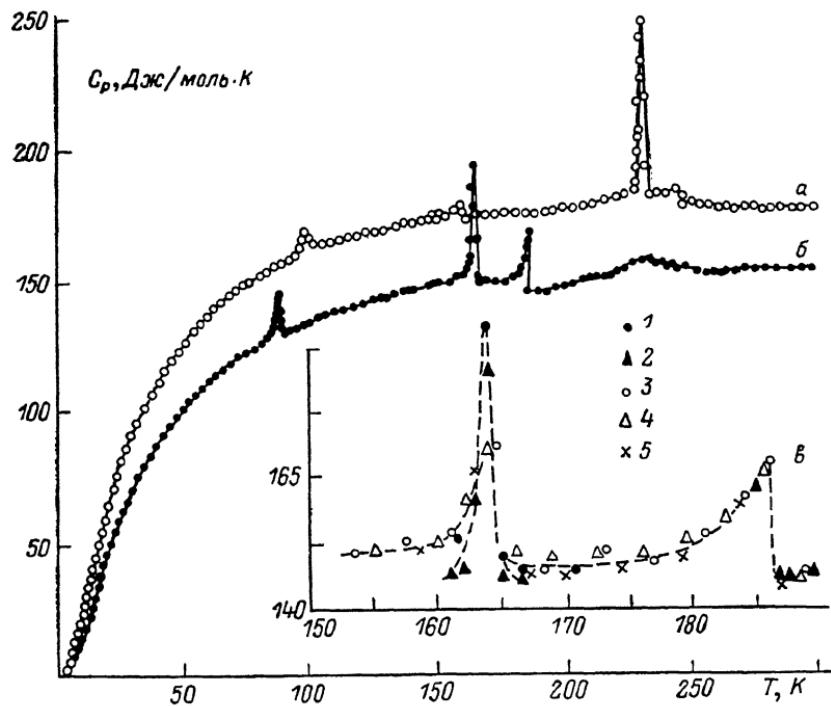


Рис. 1. Температурная зависимость молярной теплоемкости  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$  (б) и  $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$  (а),  $\Delta C_p$  — изменение теплоемкости кристалла  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$  в области 160–186 К при различной скорости прохождения области фазового перехода.

Обозначения 1, 2, 3, 4, 5 расположены в порядке уменьшения скорости.

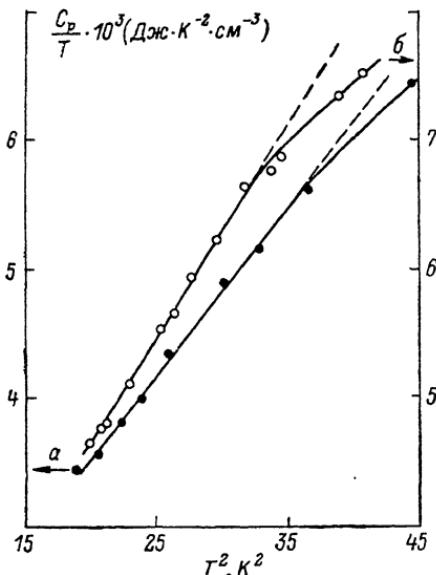
Для измерения теплоемкости использовался низкотемпературный адиабатический калориметр с платиновым (ТСПН-3) и германиевым (ТСГ-1) термометрами сопротивления и батареей золото-хромелевых термошар, откалибранный по бензойной кислоте марки К-1. Кристаллы были выращены по методике, описанной в [4], из них приготавливались порошкообразные образцы весом 13.5107 г ( $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$ ) и 11.5085 г ( $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$ ). Погрешность измерения температуры  $\pm 0.01^\circ$ , теплоемкости 1.5 % при  $T < 25$  К и 0.15 % при  $T > 25$  К.

Температурная зависимость молярной теплоемкости  $C_p$  представлена на рис. 1. В области температур от 4.3 до 6.7 К теплоемкость кристаллов удовлетворяет уравнению [5]

$$C_p = 9\alpha^2\beta VT + \frac{12\pi^4 NK}{5} \left(\frac{T}{\theta}\right)^3. \quad (1)$$

График зависимости  $C_p/T = f(T^2)$  в указанном интервале температур показан на рис. 2. Значения температур Дебая  $\Theta_0$ , найденные из уравнения (1), равны соответственно  $(89 \pm 1)$  и  $(79 \pm 1)$  К для кристалла  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$  и  $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$ . Оценка средних значений скорости упругих колебаний и граничных частот по температуре Дебая дала следующие результаты:  $\langle v \rangle \sim 990$  м/с,  $v_{\max} \sim 1.9 \cdot 10^{12}$  Гц для  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$  и  $\langle v \rangle \sim 910$  м/с,  $v_{\max} \sim 1.7 \cdot 10^{12}$  Гц для  $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$ . Из уравнения (1) определен коэффициент  $\alpha^2 \beta V$ , равный  $10^{-4}$  и  $3.3 \cdot 10^{-5}$  Дж·К<sup>-2</sup>·моль для  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$  и  $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$  соответственно. Обращает на себя внимание заниженное среднее значение скорости упругих колебаний  $\langle v \rangle$  и трехкратное различие коэффициентов  $\alpha^2 \beta V$ . Отметим, что молярные объемы кристаллов отличаются только на 13 %.

Известно [2, 3], что исследуемые кристаллы относятся к структурному типу  $\beta$ - $\text{K}_2\text{SeO}_4$ , поэтому представляло интерес выяснить наличие



вклада в теплоемкость колебаний, обусловленных слоистой структурой кристаллов, образованной тетраэдрами  $[\text{HgCl}_4]$  и  $[\text{HgBr}_4]$ . Отличительным признаком вклада изгибных колебаний слоев в  $C_V(T)$  является линейный участок зависимости  $C_V(T)$ , расположенный в низкотемпературной области. Линейная зависимость теплоемкости от температуры на  $C_p(T)$   $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$  имеет место в интервалах  $8.5 \div 21.5$  и  $120 \div 152$  К, на  $C_p(T)$   $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$  в интервалах  $9.7 \div 21.0$  и  $110 \div 150$  К. По методике, предложен-

Рис. 2. Зависимость  $C_p/T$  от  $T^2$  в области низких температур.

$a - \text{Cs}_2\text{HgCl}_4$ ,  $b - \text{Cs}_2\text{HgBr}_4$ , штрихами показано отклонение от прямой.

ной в [6], был проведен анализ указанных участков зависимости  $C_p(T)$ , определены значения «двумерных» температур Дебая  $\Theta_2$  и параметр  $\eta$  [7]. Найденные значения  $\Theta_2$  и  $\eta$  для высокотемпературных линейных участков  $C_p(T)$  не удовлетворяют условиям  $T \geqslant 0.5 \eta \Theta_2$  и  $0.25 \eta \Theta_2 \leqslant T \leqslant 0.67 \eta \Theta_2$ . Таким образом, при  $T > 110$  К  $C_p(T)$  определяется не вкладом различных ветвей слоистого фононного спектра, а линейным законом дисперсии колебаний  $\omega(k) = v k$ , где  $v$  — скорость колебаний,  $k$  — волновой вектор.

Экстраполяция низкотемпературных линейных участков  $C_p(T)$   $kT \rightarrow 0$  для обоих кристаллов приводит к отрицательному значению теплоемкости на оси ординат:  $-16$  Дж/К·моль ( $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$ ) и  $-21$  Дж/К·моль ( $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$ ). Используя приближенное выражение для линейной зависимости  $C_p(T)$  [6], найдем «двумерную» температуру Дебая и параметр  $\eta$ . Для  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$   $\Theta_2 = 78$  К,  $\eta = 0.22$ , для  $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$   $\Theta_2 = 63$  К и  $\eta = 0.27$ . В области температур  $8 \div 22$  К полученные значения  $\Theta_2$  и  $\eta$  удовлетворяют условию  $T \geqslant 0.5 \eta \Theta_2$ , при котором функция плотности спектра частот слоистой структуры является линейной. Определить температуру Дебая в области высоких температур не представляется возможным ввиду большого количества аномалий теплоемкости, обусловленных фазовыми переходами.

Для  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$  аномалии теплоемкости наблюдаются при температурах 86.7, 163.50, 185.4 и 232.0 К (рис. 1, кривая  $b$ ), форма этих аномалий различна.

Скачок теплоемкости при  $T_n = 86.7$  К составляет 10 %, изменение  $C_p(T)$  вблизи  $T_n$  можно описать с помощью критического индекса  $\alpha$

$$C_p = a |T - T_n|^{-\alpha}, \quad (2)$$

значения  $a$  и  $\alpha$  различны для  $T > T_n$  и  $T < T_n$  и равны соответственно  $a=130$ ,  $\alpha=0.012$  и  $a=132$ ,  $\alpha=0.048$ . Изменение теплоемкости при  $T_n=163.5$  и  $185.4$  К имеет форму  $\lambda$ -кривой (рис. 1, *в*), а скачки  $C_p(T)$  равны 29 и 15 %. Величина скачка теплоемкости при 163.5 К зависит от скорости изменения температуры образца (рис. 1, *в*), в этой области температур наблюдается существенное уменьшение коэффициента теплопроводности кристалла. В области температур 232 К теплоемкость изменяется плавно, ее избыточная величина составляет около 2.6 %.

На температурной зависимости теплоемкости кристалла  $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$  аномалии наблюдаются при 99.5, 160.0, 231.1 и 244.2 К. Наибольшее изменение теплоемкости (32 %) имеет место при 231.1 К, в других областях температур скачки  $C_p(T)$  составляют 0.7 % (99.5 К), 1.3 % (160.0 К) и 2.4 % (244.2 К).

Характер изменения теплоемкости для исследуемых кристаллов в области  $T > 170$  К совершенно различный, несмотря на то что при высоких температурах они изоморфны. В  $\text{Cs}_2\text{HgBr}_4$  по обе стороны несоразмерной фазы имеются скачки теплоемкости, причем при переходе несоразмерная—некосимметрическая фаза (231.1 К) скачек  $C_p(T)$  составляет 32 %. В  $\text{Cs}_2\text{HgCl}_4$  в области несоразмерной фазы теплоемкость меняется плавно и незначительно  $\sim 2.6$  %. Указанное различие обусловлено более рыхлой структурой многогранника из атомов брома.

#### Л и т е р а т у р а

- [1] Петров В. В., Пицюга В. Г., Гордеев В. А., Богданова А. В., Багина М. А., Халахан А. Ю. ФТТ, 1983, т. 25, № 11, с. 3465—3466.
- [2] Семин Г. К., Альмов П. Н., Бурбело В. М. Изв. АН СССР, Сер. физ., 1978, т. 42, № 10, с. 2095—2100.
- [3] Plesko S., Kind R., Arend H. Phys. St. Sol., 1980, vol. A61, N 1, p. 87—94.
- [4] Данилов В. В., Воробьев В. С., Богданова А. В., Борисова З. У. Изв. АН СССР, Неорг. материалы, 1982, т. 18, № 6, с. 1026—1027.
- [5] Ландай Л. Д., Лишинц Е. М. Статистическая физика. М.: Наука, 1964. 205 с.
- [6] Андерс Э. Е., Сухаревский Б. Я., Шестаченко Л. С. ФНТ, 1979, т. 5, № 7, с. 783—793.
- [7] Косевич А. М. Основы механики кристаллической решетки. М.: Наука, 1972. 236 с.

Донецкий  
государственный университет  
Донецк

Поступило в Редакцию  
27 апреля 1987 г.  
В окончательной редакции  
5 января 1988 г.

УДК 539.194

*Физика твердого тела, том 30, в. 5, 1988*  
*Solid State Physics, vol. 30, N 5, 1988*

## МАГНОН-МАГНОННЫЕ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ В ГАЙЗЕНБЕРГОВСКОМ АНТИФЕРРОМАГНЕТИКЕ И ПРИНЦИП АДЛЕРА

*A. A. Логинов, B. A. Попов*

Принцип Адлера утверждает, что в условиях спонтанного нарушения симметрии гамильтониана амплитуда рассеяния частиц стремится к нулю на поверхности, определяемой законами сохранения энергии и импульса процесса, если среди них есть голдстоуновская (т. е. с бесщелевым законом дисперсии) частица со стремящимся к нулю импульсом.