

делялись здесь по особенностям температурных зависимостей двупреломления: излому при  $T_c$  и скачку при  $T_m$ . Измерения проводились в режиме медленного нагревания со скоростью 0.1 К/мин при воздействии механического напряжения  $\sigma_b$ . Наклон линий фазовых переходов, отделяющих сегнетоэластическую фазу от Н фазы остается постоянным и равным  $1.97 \cdot 10^6$  Н/м<sup>2</sup> вплоть до  $\sigma_b = 1.3 \cdot 10^7$  Н/м<sup>2</sup>, выше которого он начинает уменьшаться, стремясь к насыщению. Скачок двупреломления при Н—С-переходе уменьшается с увеличением  $\sigma_b$ , становясь равным нулю в точке ( $T_m = 238.8$  К,  $\sigma_b^m = 1.37 \cdot 10^7$  Н/м<sup>2</sup>). В этой точке род фазового перехода изменяется от 1-го рода ко 2-му. Линия фазовых переходов 2-го рода — исходная Н фаза при малых  $\sigma_b$  перпендикулярна оси температур. Двигаясь по фазовой диаграмме от  $T_c$  вверх, при  $T > T_m$  снова появляется линия фазовых переходов 1-го рода, близких ко 2-му. В трикритической точке ( $T_{cr} = 244.8$  К,  $\sigma_b^{cr} = 1.19 \cdot 10^7$  Н/м<sup>2</sup>) линии фазовых переходов 1-го и 2-го родов сливаются.

Таким образом, на фазовой ( $T, \sigma$ ) диаграмме кристалла  $Cs_2HgBr_4$  существуют две трикритические точки, в которых происходит изменение рода фазового перехода. В области выше ( $T_m, \sigma_b^m$ ) разница между исходной и С фазами отсутствует. Отметим, что внешний вид построенной ( $T, \sigma$ ) диаграммы в кристалле  $Cs_2HgBr_4$  подобен диаграмме температура—электрическое поле собственного сегнетоэлектрика  $SC(ND_2)_2$  [5].

Проведенные исследования указывают на высокую чувствительность несоразмерных сегнетоэластиков к внешнему механическому напряжению.

### Л и т е р а т у р а

- [1] Санников Д. Г. ФТТ, 1983, т. 25, № 2, с. 616—618.
- [2] Головко В. А., Санников Д. Г. ФТТ, 1983, т. 25, № 11, с. 3419—3424.
- [3] Moudden A. H., Svenson E. C., Shirane G. Phys. Rev. Lett., 1982, vol. 49, N 8, p. 557—560.
- [4] Durand D., Denoyer F., Currai R., Vettier C. Phys. Rev. B, 1984, vol. 30, N 2, p. 1112—1114.
- [5] Jamet J. P. J. Phys. Lett., 1981, vol. 42, p. L123—L125.
- [6] Qui S. L., Dutta M., Cummins H. Z., Wicksted J. P., Shapiro S. M. Phys. Rev. B, 1986, vol. 34, N 11, p. 7901—7910.
- [7] Plesko S., Dvorak V., Kind R., Treindl A. Ferroelectrics, 1981, vol. 36, p. 331—334.
- [8] Петров В. В., Халахан А. Ю., Богданова А. В., Шанойло С. М., Пицюга В. Г., Жмыхов Г. В. Физ. электроника (Львов), 1986, № 32, с. 24—27.
- [9] Семин Г. К., Альмов И. М., Бурбело В. М., Пахомов В. И., Федоров П. М. Изв. АН СССР, сер. физ., 1978, т. 42, № 10, с. 2095—2100.

Львовский государственный  
университет им. И. Франко  
Львов

Поступило в Редакцию  
14 октября 1987 г.  
В окончательной редакции  
11 февраля 1988 г.

## О ДИНАМИКЕ ДОМЕННЫХ ГРАНИЦ В СЕГНЕТОЭЛЕКТРИКАХ И ФЕРРОМАГНЕТИКАХ

B. N. Нечаев, A. M. Рошупкин

Изгибные колебания доменных границ в сегнетоэлектриках и сегнетоэластиках изучались в [1, 2], основные результаты которых позднее были повторены в [3]. Исследование колебаний доменных границ в сегнетоэлектриках [1, 3] и ферромагнетиках [4] основывалось на феноменологической «мембранный» модели движения доменной границы. Однако при этом, как

показано ниже, недостаточно корректно был проведен учет влияния электрических  $E$  и магнитных  $H$  полей на изгибные колебания границ.

Будем исходить из условия равновесия доменной границы

$$\{E\} [P_s] + \{H\} [M_s] = 0, \quad (1)$$

где  $P_s$  — вектор спонтанной поляризации,  $M_s$  — вектор спонтанной намагниченности, которое, как нетрудно показать, следуя [2], остается справедливым для динамического случая. Здесь введены обозначения  $\{a\} = \frac{1}{2}(a_1 + a_2)$ ,  $[a] = a_2 - a_1$ , а индексы 1 и 2 означают принадлежность соответствующей величины домену 1 или 2.

Для исследования изгибных колебаний доменных границ в сегнетоэлектриках необходимо решить уравнение (1) совместно с уравнениями теории упругости и электростатики, определяющими электромагнитные поля, индуцируемые при движении доменной границы и имеющими в Фурье-представлении вид

$$(\rho_0 \omega^2 \delta_{il} - \lambda_{iklm} k_k k_m) u_l + i \beta_{il} \varepsilon_{ik} k_k E_l = 0, \quad (2)$$

$$[k \times E] = 0, \quad i \varepsilon_{ik} k_i E_k + 4\pi \beta_{i,kl} k_i k_l u_k = 4\pi \rho(k, \omega), \quad (3)$$

где  $u$  — вектор полного геометрического смещения точек среды,  $\lambda_{iklm}$  — тензор упругих модулей кристалла,  $\beta_{i,kl}$  — тензор пьезоэлектрических коэффициентов,  $\varepsilon_{ik}$  — тензор диэлектрической проницаемости зажатого кристалла,  $\rho_0$  — плотность вещества кристалла,  $\rho(k, \omega)$  — Фурье-компоненты плотности заряда  $\rho$ , локализованного на границе. В системе координат, где сегнетоактивная ось совпадает с осью  $OX$ , а равновесное положение 180°-й доменной границы с плоскостью  $XOY$  в линейном приближении по смещению  $\xi = \xi(x, y, t)$  доменной границы  $\rho(k, \omega) = -2iP_s k_x \xi(k_x, k_y, \omega)$ . Определяя из системы уравнений (2), (3) электрическое поле  $E$  и подставляя его в (1), получаем уравнение колебаний доменной границы, которое в длинноволновом приближении имеет вид,

$$-\omega^2 m(k) \ddot{\xi} + c(k) k^2 \dot{\xi} = 0, \quad (4)$$

где  $m(k)$  и  $c(k)$  — соответственно эффективная масса и эффективная жесткость доменной границы. Предполагая кубическую симметрию у тензоров  $\varepsilon_{ik}$ ,  $\beta_{i,kl}$  и изотропность упругих свойств, в результате не сложных, но достаточно громоздких расчетов, имеем

$$\left. \begin{aligned} m &= m_1 + m_2 + m_3, \quad m_1 = \frac{4\pi^2 P_s^2}{\rho_0 c_t^2 \varepsilon_{\perp}^2} \frac{\gamma_2 \beta_2^2}{k_{\perp} (k_{\perp} + k'_{\perp})^4} k_x^4, \\ m_2 &= \frac{4\pi^2 P_s^2}{\rho_0 c_t^2 \varepsilon_{\perp}^2} k_x^4 \frac{\gamma_1 (\beta_1^2 + \beta_2^2) k_x^2 k_y^2 + \gamma_2 (\beta_1 k_x^2 + \beta_2 k_y^2)^2}{k_{\perp}^3 k_{\perp}^5 (k_{\perp} + k'_{\perp})^4} \times \\ &\quad \times (4k_{\perp}^3 + 16k_{\perp}^2 k'_{\perp} + 12k_{\perp} k'_{\perp}^2 + 3k_{\perp}^3), \\ m_3 &= \frac{4\pi^2 P_s^2}{\rho_0 c_t^2 \varepsilon_{\perp}^2} k_x^4 \frac{[\gamma_1 (\beta_1 + \beta_2)^2 k_x^2 + 2\gamma_2 \beta_2 (\beta_1 k_x^2 + \beta_2 k_y^2)] (4k_{\perp} + k'_{\perp})}{k_{\perp}^3 k_{\perp}^5 (k_{\perp} + k'_{\perp})^4}, \end{aligned} \right| \quad (5)$$

$$c = 8\pi P_s^2 k_x^2 / k_{\perp}^2 \varepsilon_{\perp} \sqrt{\frac{c_t^2}{\varepsilon_{\perp}} k_x^2 + k_y^2}. \quad (6)$$

Здесь  $c_t$ ,  $c_l$  — скорость распространения соответственно поперечных и продольных упругих волн и введены обозначения:  $k_{\perp}^2 = k_x^2 + k_y^2$ ,  $k'^2_{\perp} = \frac{c_t^2}{\varepsilon_{\perp}} k_x^2 + k_y^2$ ,

$$\gamma_1 = (c_t^2 + 2c_l^2)/c_t^2, \quad \gamma_2 = c_l^2 (c_t^2 + 2c_l^2)/c_t^4.$$

Согласно (5), (6), как эффективная масса  $m(k) \sim 1/k$ , так и эффективная жесткость  $c(k) \sim 1/k$  доменных границ являются сильно нелокальными величинами. Эффективная масса  $m(k)$  доменной границы обусловлена запаздыванием электрического поля, связанным через пьезоэффект с инерцией среды, а эффективная жесткость  $c(k)$  доменной границы имеет электростатическую природу. К полученным здесь массе  $m(k)$  и жесткости

кости с ( $k$ ) необходимо, строго говоря, добавить локальную массу  $m_l$  и локальную жесткость  $c_l$ , поскольку в рамках проводимого исследования не учитывалась микроструктура доменных границ. Указанная проблема аналогична проблеме ядра в теории дислокаций, причем влияние ядра на динамику дислокаций также описывается феноменологически. Используя численные значения параметров, легко убедиться в том, что учет локальной массы необходим лишь в небольшом интервале направлений распространения волны вблизи оси  $OY$ , причем этот интервал быстро сужается с уменьшением  $k$ . Вклад сил поверхностного натяжения в формирование спектра изгибных колебаний доменной границы пренебрежимо мал в области применимости теории  $kl \ll 1$ . Исключение составляет лишь особое направление  $k_x = 0$ . Закон дисперсии изгибных колебаний доменных границ имеет такой же вид  $\omega \propto k$ , как в случае объемных акустических колебаний кристалла с резкой анизотропией скорости волны в зависимости от ее направления распространения.

Аналогичный эффект, связанный с влиянием инерции среды на колебания доменных границ, не учтен в [4] при исследовании изгибных колебаний границ в ферромагнетиках. Решая совместно уравнение (1), уравнения магнитостатики и динамическое уравнение теории упругости, не трудно показать, что колебания доменных границ в ферромагнетиках описываются уравнением (4), где  $m(k) \propto 1/k$ ,  $c(k) \propto 1/k$ , так же как в случае сегнетоэлектриков. Численные оценки нелокальной массы, обусловленной запаздыванием магнитного поля, связанным через магнитоупругую связь с инерцией среды, для разных материалов дают:  $m \propto \frac{1}{k} (10^{-10} - 10^{-6}) \text{ г/см}^2$ , в то время как локальная масса имеет порядок  $m_l \propto (10^{-11} - 10^{-10}) \text{ г/см}^2$ . Таким образом, для длинноволновых колебаний в отличие от [4] будет выполняться соотношение  $\omega \propto k$ . Указанные особенности спектра изгибных колебаний в первую очередь должны проявляться в экспериментах по исследованию диэлектрической и магнитной проницаемостей, по взаимодействию границ с ультразвуком, в частности в процессах генерации ультразвука доменными границами и т. д.

## Л и т е р а т у р а

- [1] Лайхтман Б. Д. ФТТ, 1973, т. 15, № 1, с. 93—102.
- [2] Косилов А. Т., Переизников А. М., Рощупкин А. М. Поверхность. Физика, химия, механика, 1983, № 10, с. 36—50; Косилов А. Т., Переизников А. М., Рощупкин А. М. Динамика дислокаций и когерентных межфазных границ в кристаллах. Воронеж: ротариант ВПИ, 1984. 93 с.
- [3] Даринский Б. М., Сидоркин А. С. ФТТ, 1987, т. 29, № 1, с. 3—8.
- [4] Малоземов А., Слонуски Дж. Доменные стекки в материалах с цилиндрическими магнитными доменами. М.: Мир, 1982. 382 с.

Воронежский политехнический  
институт  
Воронеж:

Поступило в Редакцию  
11 февраля 1988 г.

УДК 538.913

Физика твердого тела, том 30, № 6, 1988  
Solid State Physics, vol. 30, № 6, 1988

## КОЛЕБАТЕЛЬНЫЕ СПЕКТРЫ $\beta\text{-Si}_3\text{N}_4$

Ю. Н. Волгин, В. В. Баптизманский, Ю. И. Уханов, Б. В. Черновец

Нитрид кремния привлекает внимание специалистов различных областей. Исследуется структура [1—5], изучаются оптические свойства [6—11]. В настоящее время принято, что нитрид кремния существует в виде двух полиморфных модификаций и в аморфном состоянии. Авторы всех струк-