

- [6] Шур В. Я., Груверман А. Л., Коровина Н. В. и др. ФТТ, 1988, т. 30, № 1, с. 299—302.
- [7] Попов Ю. А., Субботин А. Л., Шур В. Я. Сегнетоэлектрики и пьезоэлектрики. Калинин, 1988, с. 96—101.
- [8] Струков Б. А., Леванюк А. П. Физические основы сегнетоэлектрических явлений в кристаллах. М.: Наука, 1983. 240 с.

Уральский государственный  
университет им. А. М. Горького  
Свердловск

Поступило в Редакцию  
3 мая 1988 г.

УДК 538.94:621.315

*Физика твердого тела, том 30, в. 10, 1988*  
*Solid State Physics, vol. 30, № 10, 1988*

## ПОГЛОЩЕНИЕ СВЕТА СВОБОДНЫМИ НОСИТЕЛЯМИ В ТОНКИХ ПЛЕНКАХ ВИСМУТА

А. Т. Гаджиев, Ф. М. Гашимзаде, Н. Б. Мустафаев

Теоретическое исследование поглощения света свободными носителями в размерно-квантованных пленках висмута проведено в [1, 2]. При этом электронный спектр описывался стандартными моделями: параболической (ПМ) [1] и непарараболической (НПМ) [2]. В [3] предложена модель энергетического спектра носителей, учитывающая характерные особенности висмута. Эта модель Абрикосова—Коэна (АКМ) широко используется при изучении свойств массивного висмута [4]. В [5] АКМ применялась для расчета гальваномагнитных коэффициентов тонких пленок висмута. В настоящей работе рассмотрено поглощение света свободными электронами при межподзонных переходах в размерно-квантованной пленке висмута на основе АКМ. Полученные результаты качественно отличаются от результатов работ [1, 2]. Как показано ниже, эти отличия сводятся в основном к следующему.

1) Если на пленку, поверхность которой перпендикулярна тригональной оси  $z$ , падает свет, поляризованный в плоскости пленки ( $\mathbf{x} \perp z$ ), то в случае АКМ поглощение на свободных электронах имеет место даже в пренебрежении малым углом наклона изоэнергетической поверхности электронов к бинарно-биссекторной плоскости. В рамках же ПМ и НПМ переходы между размерными электронными подзонами становятся разрешенными только при учете угла наклона или же спин-орбитального взаимодействия [2].

2) В случае ПМ переходы между подзонами  $n$  и  $n'$  происходят на резонансной частоте, равной энергетическому расстоянию между минимумами подзон. Спектр поглощения в бесстолкновительном приближении представляет собой набор резонансных линий нулевой ширины, соответствующих нечетным значениям  $\Delta n = n' - n$ . Учет непарараболичности приводит к уширению резонансных линий. Образовавшиеся полосы поглощения не пересекаются друг с другом [2]. В рамках же АКМ вследствие большего, чем в НПМ, уширения резонансных линий допускается пересечение полос поглощения.

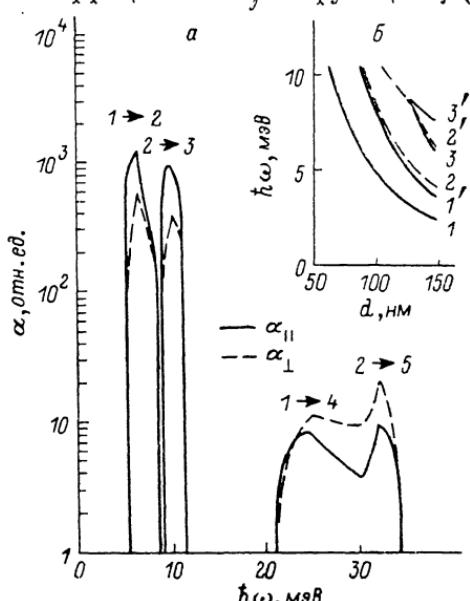
3) В рамках ПМ и НПМ в резонансе максимум коэффициента поглощения  $\alpha$  не ограничен (без учета столкновений). В случае АКМ из-за значительной анизотропии и сильной непарараболичности спектра  $\alpha$  всегда имеет конечное значение. Величины  $\alpha_{\perp} (\mathbf{x} \perp z)$  и  $\alpha_{\parallel} (\mathbf{x} \parallel z)$  одного порядка, в то время как для стандартных моделей имеет место соотношение  $\alpha_{\parallel} \gg \alpha_{\perp}$  [2].

Как известно, поверхность Ферми электронов в висмуте состоит из трех долин, повернутых вокруг оси  $z$  на  $120^\circ$  и наклоненных к бинарно-биссекторной плоскости под углом  $\theta = 6^\circ 23'$  [4]. Нами рассмотрен случай,

когда поверхность пленки перпендикулярна оси  $z$ . Волновые функции электронов в одной долине искались в виде одностолбцовой матрицы с элементами  $C_j U_{j,f}(z) \exp(ik\rho)$  (индекс « $j$ » принимает значения от 1 до 4), где  $\mathbf{k} = (k_x, k_y, 0)$ ,  $\rho = (x, y, 0)$ , ось  $x$  направлена вдоль бинарной оси,  $y$  — вдоль биссекторной оси (углом наклона  $\theta$  пренебрегается),  $U_j$  — блоховские множители. Неизвестные коэффициенты  $C_j$  и функция  $f(z)$  определялись из решения системы четырех дифференциальных уравнений, полученных при помощи эффективного гамильтониана АКМ. Условие размерного квантования имеет квазиклассический вид  $k_z = \pi n/d$  ( $n$  — квантовое число,  $d$  — толщина пленки), если на обеих границах пленки  $U_j$  имеет одно и то же значение  $\tilde{U}_j$ . При этом

Частотная зависимость коэффициента поглощения  $\alpha$  света в пленке висмута толщиной 100 нм (а) и зависимость частоты поглощения света от толщины  $d$  пленок (б).

а: цифрами указаны переходы  $n \rightarrow n'$ , обуславливающие поглощение; б: кривые 1, 1' образуют полосу частот поглощения, соответствующую переходам  $1 \rightarrow 2$ ; 2, 2' — переходам  $2 \rightarrow 3$ ; 3, 3' — переходам  $3 \rightarrow 4$ .



зона проводимости и валентная зона описываются волновыми функциями

$$\Psi_{\mathbf{k},n}^j = \exp(i\mathbf{k}\rho) \left( A_{\mathbf{k},n}^j \sin \frac{\pi nz}{d} + B_{\mathbf{k},n}^j \cos \frac{\pi nz}{d} \right). \quad (1)$$

Явный вид  $A_{\mathbf{k},n}^j$ ,  $B_{\mathbf{k},n}^j$  определяется параметрами АКМ и блоховскими множителями. Отметим, что на границах пленки  $A_{\mathbf{k},n}^j \neq B_{\mathbf{k},n}^j = 0$ .

Спектр электронов имеет вид

$$\left( E_{\mathbf{k},n} - \frac{\hbar^2 k_y^2}{2m_y} \right) \left( E_{\mathbf{k},n} + E_g + \mu \frac{\hbar^2 k_y^2}{2m_y} \right) = (\hbar k_x V_x)^2 + \left( \frac{\hbar \pi n}{d} V_z \right)^2, \quad (2)$$

где  $\mu$  характеризует незеркальность зон  $L_a$  и  $L_s$  в направлении  $y$ .

Рассмотрены прямые оптические переходы между электронными размерными подзонами  $n \rightarrow n'$ . Матричный элемент перехода  $M_{nn'}$  для поляризации света  $\mathbf{x} \parallel x$  отличен от нуля, если номера подзон  $n$  и  $n'$  имеют разную четность. Для поляризации  $\mathbf{x} \parallel y$   $M_{nn'} = 0$  для любых  $n$  и  $n'$ . Это обусловлено тем, что в рамках АКМ ближайшие в точке  $L$  зона проводимости и валентная зона не взаимодействуют в направлении  $y$ . Суммирование по трем долинам дает при  $\mathbf{x} \perp z$  следующее выражение для коэффициента поглощения:

$$\alpha_1 = \frac{3}{2} \frac{4(\mu+1)V_x}{N(\mu-1)c\hbar d} \left( \frac{4e\epsilon_0}{\pi} \right)^2 \sqrt{\frac{m_y}{(\mu-1)E_g}} \times \\ \times \sum_{n,n'} \frac{(n'n)^2/(n'^2-n^2)^2}{\epsilon_0^4(n'^2-n^2)^2 - \zeta^4} J_{nn'}(\omega, E_F), \quad (3)$$

где  $N$  — показатель преломления,  $E_F$  — энергия Ферми,  $\epsilon_0 = \pi \hbar V_s / E_g d$ ,  $\zeta = \hbar\omega/E_g$ , а  $J_{nn'}(\omega, E_F)$  выражается через эллиптические интегралы и тождественно обращается в нуль раньше, чем знаменатель в (3).

Зависимость  $\alpha_1(\omega)$  при гелиевых температурах, рассчитанная по формуле (3) для пленки толщиной 100 нм, показана на рисунке, а. При этом

использовались параметры АКМ из [4] и результаты расчета толщинной зависимости  $E_F$  из [5]. Отметим, что область частот поглощения определяется условием  $E_{k_1} \leq E_F < E_{k_2}$ . Рисунок, б иллюстрирует изменение положения полос поглощения с толщиной пленки. При  $d > 80$  нм дно подзоны 2 оказывается ниже  $E_F$ , переходы 2 → 3 становятся разрешенными и происходит расщепление полосы поглощения. При  $d > 120$  нм дно подзоны 3 ниже  $E_F$ , поэтому появляется полоса поглощения, соответствующая переходам 3 → 4.

Поглощение света свободными носителями в пленках висмута, по-видимому, наблюдалось в [6], хотя авторы и не акцентируют внимание на этом из-за сложности однозначной идентификации эффектов размерного квантования на фоне интерференционных.

### Л и т е р а т у р а

- [1] Cottet A. A. J. Phys. C, 1975, vol. 8, N 23, p. 4135—4146.
- [2] Zaluzny M., Lukasik A. Phys. St. Sol. (b), 1986, vol. 137, N 2, p. 607—617; Zaluzny M. J. Phys. C, 1986, vol. 19, N 8, p. L177—L180.
- [3] Abrikosov A. A. J. Low Temp. Phys., 1972, vol. 8, N 3—4, p. 315—338; Cohen M. H. Phys. Rev., 1961, vol. 121, N 2, p. 387—395.
- [4] Белоулов М. И., Брандт Н. В., Вавилов В. С., Пономарев Я. Г. ЖЭТФ, 1977, т. 73, № 2, с. 721—731.
- [5] Mustafaev N. B., Shakhtakhtinskii M. G., Shteinshreiber V. J., Gadzhiev A. T. Thin Sol. Films, 1986, vol. 137, N 1, p. 7—10.
- [6] Claessen L. M., Jansen A. G. M., Wyder P. Phys. Rev. B, 1986, vol. 33, N 12, p. 7947—7955.

Институт физики АН АзССР  
Баку

Поступило в Редакцию  
4 мая 1988 г.

УДК 621.315.592

Физика твердого тела, том 30, в. 10, 1988  
Solid State Physics, vol. 30, № 10, 1988

## АНИЗОТРОПНОЕ ОТРИЦАТЕЛЬНОЕ МАГНЕТОСОПРОТИВЛЕНИЕ КВАЗИДВУМЕРНЫХ $\delta$ -ЛЕГИРОВАННЫХ СЛОЕВ GaAs

Г. М. Гусев, З. Д. Квон, Д. И. Лубышев, В. П. Мигаль,  
В. Н. Овсяк, В. В. Преображенский, С. И. Стенин

Несколько лет назад в физике двумерных электронных систем появился новый интересный объект — квазидвумерный  $\delta$ -легированный слой электронов (или дырок), создаваемый на основе технологии молекулярно-лучевой эпитаксии (МЛЭ) [1, 2]. В этой системе электроны движутся в симметричной V-образной потенциальной яме, образующейся при экранировании ими потенциала примесей. Отличительные особенности указанного слоя: заполнение электронами сразу 4—5 уровней размерного квантования, сильная зависимость подвижности от номера уровня, а также важная роль межподзонного рассеяния.

В настоящей работе впервые исследовано отрицательное магнетосопротивление (ОМС)  $\delta$ -легированных слоев. Установлено, что это магнетосопротивление наблюдается как при нормальной к плоскости слоя ориентации магнитного поля, так и в продольном магнитном поле и обусловлено эффектами слабой локализации. Предположено, что продольное ОМС существует и при наличии размерного квантования за счет межподзонного рассеяния. Исследуемые структуры с  $\delta$ -легированием выращивались в модернизированной серийной установке МЛЭ «ПМА-12». На атомарно-чистой поверхности (100) полуизолирующего GaAs при температуре 480 °C со скоростью 1.2 мкм/ч выращивались структуры, состоящие из специально