

УДК 537.614.45

**ВОЗБУЖДЕНИЕ  
ПЕРЕМЕННЫМ ЭЛЕКТРИЧЕСКИМ ПОЛЕМ  
ОБМЕННЫХ МАГНИТНЫХ КОЛЕБАНИЙ В  $\text{CsMnF}_3$**

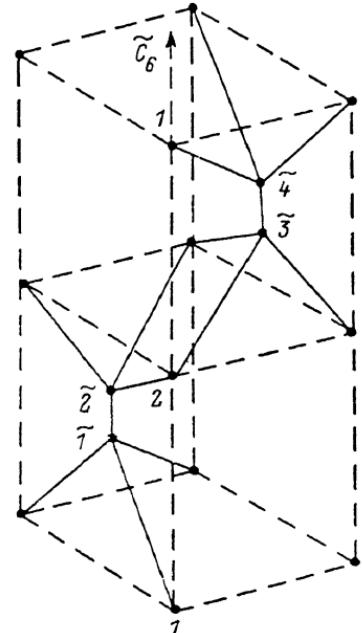
*В. В. Еременко, В. Н. Криворучко, Н. М. Лавриненко,  
Д. А. Яблонский*

В спектре собственных магнитных колебаний  $\text{CsMnF}_3$  содержится шесть колективных мод: две акустические и четыре обменные (ОМ). Две ОМ являются магнитоактивными и их можно возбудить переменным магнитным полем. Показано, что две другие ОМ являются электроактивными колебаниями и с магнитным полем не взаимодействуют. Построена теория возбуждения электроактивных ОМ переменным электрическим полем. Показано, что  $\text{CsMnF}_3$  может оказаться перспективным объектом для экспериментального обнаружения электроактивных ОМ.

В спектре собственных магнитных колебаний многоподрешеточных антиферромагнетиков (АФМ), кроме обычных, акустических мод (АМ), присутствуют обменные моды (ОМ), частоты которых сравнимы с энергией обменных взаимодействий, формирующих данную магнитную структуру. Возбуждение ОМ переменным магнитным полем возможно только в том случае, если этот тип колебаний связан с колебаниями вектора ферромагнетизма системы М. Связь ОМ с М осуществляется релятивистскими и обменно-релятивистскими взаимодействиями, и поэтому интенсивность поглощения на ОМ обменно ослаблена по сравнению с АМ. В тех случаях, когда ОМ являются нечетными относительно инверсии колебаниями, возбуждение их переменным магнитным полем невозможно в силу общих правил запрета.

Естественным способом резонансного возбуждения нечетных относительно инверсии обменных колебаний магнитной системы является воздействие на нее переменным электрическим полем. Недавно в [1, 2] построена общая теория такого резонанса, который был назван антиферроэлектрическим (АФЭР), так как ОМ являются колебаниями прежде всего векторов антиферромагнетизма системы.

Необходимым условием существования АФЭР в центросимметричных кристаллах является наличие магнитных ионов в позициях [1, 2]. Среди многоподрешеточных таким условиям, выделяется хорошо исследованный [3–10]  $\text{CsMnF}_3$  — шестиподрешеточный коллинеарный АФМ с анизотропией типа «легкая плоскость». Его магнитная ячейка совпадает с кристаллографической и содержит шесть молекул  $\text{CsMnF}_3$  (см. рисунок). Одна треть ионов  $\text{Mn}^{2+}$  —

Магнитная ячейка  $\text{CsMnF}_3$ .

нецентросимметричных по АФМ, удовлетворяющих [3–10]  $\text{CsMnF}_3$  — шестиподрешеточный коллинеарный АФМ с анизотропией типа «легкая плоскость». Его магнитная ячейка совпадает с кристаллографической и содержит шесть молекул  $\text{CsMnF}_3$  (см. рисунок). Одна треть ионов  $\text{Mn}^{2+}$  —

Mn I занимает центросимметричные позиции с локальной симметрией  $D_{3h}$ ; оставшиеся ионы Mn II находятся в позициях с локальной симметрией  $C_{3v}$ , не содержащей центра инверсии [3]. Именно последнее обстоятельство обусловило возможность наблюдения в спектре поглощения света  $\text{CsMnF}_3$  чисто электродипольные экситонные полосы поглощения [6, 7]. Эти полосы оказались необычайно узкими и интенсивными. Другой замечательной особенностью спектра поглощения света  $\text{CsMnF}_3$  является то, что в нем впервые удалось экспериментально обнаружить участие обменных магнонов с энергией 30—50  $\text{cm}^{-1}$  в формировании оптического спектра поглощения АФМ [6, 7].

Электродипольный характер поглощения света с участием ОМ делают  $\text{CsMnF}_3$ , по нашему мнению, перспективным объектом для экспериментов по возбуждению переменным электрическим полем обменных магнитных колебаний. Теоретические вопросы этого явления и рассматриваются в данной работе.

## 1. Гамильтониан и общие свойства динамики системы

Следуя [5], обозначим спины ионов Mn I через  $S_i$ ,  $i=1, 2$ , а ионов Mn II — через  $\sigma_j$ ,  $j=1, 2, 3, 4$  и введем их линейные комбинации

$$2M_0\mathbf{l}_1 = g\mu_B(S_1 - S_2), \quad 2M_0\mathbf{m}_1 = g\mu_B(S_1 + S_2), \\ 4M_0\mathbf{m}_2 = g\mu_B(\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 + \sigma_4), \quad 4M_0\mathbf{l}_2 = g\mu_B(-\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 - \sigma_4), \\ 4M_0\mathbf{l}_3 = g\mu_B(-\sigma_1 - \sigma_2 + \sigma_3 + \sigma_4), \quad 4M_0\mathbf{l}_4 = g\mu_B(-\sigma_1 + \sigma_2 - \sigma_3 + \sigma_4), \quad (1)$$

где  $M_0$  — намагниченность подрешетки,  $\mu_B$  — магнетон Бора, фактор для двухвалентного иона Mn<sup>2+</sup> в  $S$ -состоянии предполагается изотропным. В таблице представлена классификация компонент векторов (1) и компонент электрического и магнитного полей относительно неприводимых представлений группы  $D_{6h}^+$  (таблицу характеров неприводимых представлений и их обозначение см. в [11]). Векторы  $\mathbf{m}_1$ ,  $\mathbf{m}_2$ ,  $\mathbf{l}_1$ ,  $\mathbf{l}_2$  преобразуются по четным, а  $\mathbf{l}_3$ ,  $\mathbf{l}_4$  по нечетным представлениям этой группы.

Классификация неприводимых векторов (1) и компонент электрического и магнитного полей по неприводимым представлениям группы  $D_{6h}^+$

Неприводимые представления	Неприводимые спиновые конфигурации	Поляризация электрического и магнитного полей	Неприводимые представления	Неприводимые спиновые конфигурации	Поляризация электрического и магнитного полей
$A_{1g}$	—	—	$A_{1u}$	$l_{4z}$	—
$A_{2g}$	$m_{1z}, m_{2z}$	$h_z$	$A_{2u}$	—	$E_z$
$B_{2g}$	$l_{1z}, l_{2z}$	—	$B_{1u}$	—	—
$B_{1g}$	—	—	$E_{2u}$	$l_{3z}$	—
$E_{2g}$	$(l_1^+, -l_1^-), (l_2^+, -l_2^-)$	—	$E_{1u}$	$(l_3^+, -l_3^-)$	—
$E_{1g}$	$(m_1^+, m_1^-), (m_2^+, m_2^-)$	$(h^+, h^-)$		$(l_4^+, -l_4^-)$	$(E^+, E^-)$

Примечание. Здесь  $m_j^\pm = m_{jx} \pm im_{jy}$  и т. д.

Ближайшие магнитные соседи MnI — шесть ионов MnII; ближайшие соседи MnII — три иона MnI и один MnII; взаимодействие ионов MnI друг с другом пренебрежимо мало (см. рисунок). Учитывая это обстоятельство, общее выражение для термодинамического потенциала системы, допускаемое симметрией кристалла (см. таблицу), можно записать в виде [5]

$$2M_0^{-1}\mathcal{H}_m = -H_{e2}\mathbf{l}_2^2 + H_{e3}\mathbf{l}_3^2 + H_{e4}\mathbf{l}_4^2 - 2H_{e12}\mathbf{l}_1\mathbf{l}_2 + H'_{e2}\mathbf{m}_2^2 + \\ + 2H'_{e12}\mathbf{m}_1\mathbf{m}_2 + H_{A1}\mathbf{l}_{1z}^2 + H_{A2}\mathbf{l}_{2z}^2 + H_{A3}\mathbf{l}_{3z}^2 + \\ + H_{A4}\mathbf{l}_{4z}^2 + 2H_{A12}\mathbf{l}_{1z}\mathbf{l}_{2z} + H'_{A1}\mathbf{m}_{1z}^2 + H'_{A2}\mathbf{m}_{2z}^2 + 2H'_{A12}\mathbf{m}_{1z}\mathbf{m}_{2z} - (\mathbf{m}_1 + \mathbf{m}_2)\mathbf{H}. \quad (2)$$

Здесь  $H_{ei}$ ,  $H'_{ei}$  — эффективные поля обменных взаимодействий;  $H_{Ai}$ ,  $H'_{Ai}$  — поля анизотропии. Известны величины обменных взаимодействий

и анизотропии [9]. Между ионами MnI—MnII обменный интеграл  $J_{\text{I-II}} = 6.43$  К; между ионами MnII—MnII  $J_{\text{II-II}} = 4.5$  К; обменное взаимодействие между вторыми соседями MnII—MnII равно 0.66 К. Одноосная анизотропия, удерживающая спины в базисной плоскости перпендикулярно гексагональной оси, равна 2.7 кЭ.

В линейном по электрическому полю Е приближении к (2) следует добавить инварианты

$$\begin{aligned} M_0^{-1} \mathbf{EP} = & E_x \{ R_{14} (m_{1x} l_{4z} - m_{1z} l_{4x}) + R_{24} (m_{2x} l_{4z} - m_{2z} l_{4x}) + \\ & + R_{13} (l_{1z} l_{3x} - l_{1x} l_{3z}) + R_{23} (l_{2z} l_{3x} - l_{2x} l_{3z}) \} + \\ & + E_y \{ R_{14} (m_{1y} l_{4z} - m_{1z} l_{4y}) + R_{24} (m_{2y} l_{4z} - m_{2z} l_{4y}) + R_{13} (l_{1z} l_{3y} - l_{1y} l_{3z}) + \\ & + R_{23} (l_{2z} l_{3y} - l_{2y} l_{3z}) \} + E_z \{ \Pi_{14} m_1 l_4 + \Pi_{24} m_2 l_4 + \Pi_{13} l_1 l_3 + \Pi_{23} l_2 l_3 \}. \end{aligned} \quad (3)$$

Антиферроэлектрические константы  $\pi_{ij}$  имеют обменное происхождение,  $R_{ij}$  — обменно-релятивистское. Слагаемыми релятивистского происхождения мы пренебрегаем.

Решая уравнения движения для неприводимых векторов (1) [12], находим, что спектр CsMnF<sub>3</sub> содержит шесть ветвей собственных магнитных колебаний, из которых две акустические, а четыре обменные. Спектр спиновых волн в шестиподрешеточной модели теоретически изучался ранее в работах [5, 7, 9, 10]. Антиферромагнитный резонанс (АФМР) на АМ, в том числе их параметрическое возбуждение, экспериментально исследовался в работах [4, 5, 13]. В [9] методом неупругого рассеяния нейтронов были исследованы акустические и нижние обменные ветви спин-волнового спектра CsMnF<sub>3</sub>. Как уже отмечалось, в [6, 7] экспериментально наблюдалось участие ОМ в формировании оптического спектра поглощения. Однако АФМР непосредственно на ОМ, как в (NH<sub>3</sub>)<sub>2</sub>(CH<sub>2</sub>)<sub>3</sub>MnCl<sub>4</sub> [14], CuCl<sub>2</sub>·2H<sub>2</sub>O [15] и CuCl<sub>2</sub>·C<sub>4</sub>H<sub>8</sub>SO [16], в CsMnF<sub>3</sub> пока не наблюдался.

Важное значение в формировании динамических свойств системы имеет то обстоятельство, что двум ОМ отвечают колебания нечетных относительно инверсии векторов I<sub>3</sub> и I<sub>4</sub>. В силу этого колебания не возбуждаются переменным магнитным полем и не взаимодействуют с остальными собственными магнитными колебаниями АФМ. Можно показать, что такая особенность динамики является общей для всех магнетиков с четной относительно инверсии магнитной структурой [2].

В то же время, как видно из таблицы, электрическое поле непосредственно связано с вектором I<sub>4</sub>.<sup>1</sup> Поэтому переменное электрическое поле вызывает колебания вектора I<sub>4</sub>, а из-за связи колебаний I<sub>3</sub>, I<sub>4</sub> колебания вектора I<sub>3</sub>. Эти свойства динамики системы сохраняются при любой ориентации внешнего магнитного поля.

Не останавливаясь на деталях вычислений, укажем основные особенности АФЭР и АФМР в CsMnF<sub>3</sub>.

## 2. А Ф Э Р в CsMnF<sub>3</sub>

1)  $H \parallel ox \perp C_6$ . При  $H \ll H_{e12}$  магнитная конфигурация системы характеризуется следующими отличными от нуля векторами:

$$l_{1y} = l_{2y} \approx 1, \quad m_{1x} \equiv m = H/H_{e12}. \quad (4)$$

В линейном по спиновым отклонениям приближении для компонент вектора электрической поляризации из (3) в этом случае имеем

$$\begin{aligned} P_x &= M_0 m R_{14} l_{4x}, \quad P_y = -M_0 (R_{13} + R_{23}) l_{3x}, \\ P_z &= M_0 \Pi_{14} m l_{4x} + M_0 (\Pi_{13} + \Pi_{23}) l_{3y}. \end{aligned} \quad (5)$$

Решая линеаризованные уравнения движения для I<sub>3</sub>(t) и I<sub>4</sub>(t), находим, что переменное электрическое поле Е(t) вызывает колебания этих векторов с амплитудами

<sup>1</sup> Ранее в [17] связь ОМ с электрической компонентой электромагнитной волны отмечалась для магнитных систем типа гексагональных перовскитов.

$$l_{3y} = \gamma i \omega (R_{13} + R_{23}) E_y (\omega^2 - \omega_{02}^2)^{-1}, \quad (6a)$$

$$l_{3z} = \gamma i \omega \Pi_{14} m E_z (\omega^2 - \omega_{02}^2)^{-1} + \gamma^2 (R_{13} + R_{23}) E_y (H_{e2} + H_{e4} + H_{e12}) (\omega^2 - \omega_{02}^2)^{-1}, \quad (6b)$$

$$l_{4x} = i \omega \gamma (R_{13} + R_{23}) E_y (\omega^2 - \omega_{02}^2)^{-1} - \gamma^2 \Pi_{14} m E_z (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12}) (\omega^2 - \omega_{02}^2)^{-1}, \quad (6b)$$

$$l_{4z} = -\gamma^2 R_{14} m (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12}) E_x (\omega^2 - \omega_{01}^2)^{-1}. \quad (6c)$$

Здесь  $\gamma$  — гипромагнитное отношение, а частоты ОМ  $\omega_{01,2}$  не зависят от внешнего магнитного поля и равны

$$\gamma^{-2} \omega_{01}^2 = (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12}) (H_{e2} + H_{e4} + H_{e12} + H_{A1}), \quad (7)$$

$$\gamma^{-2} \omega_{02}^2 = (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12}) (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12} + H_{A3}). \quad (8)$$

Вводя тензор электрической поляризуемости  $P_\omega = \hat{\alpha} E_\omega$ , из соотношений (5), (6) получим, что спиновая часть тензора ВЧ электрической поляризуемости  $\hat{\alpha}(\omega)$  при  $H \parallel ox$  имеет следующие отличные от нуля компоненты:

$$\alpha_{xx}(\omega) = M_0 \gamma^2 R_{14}^2 m^2 (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12}) (\omega_{01}^2 - \omega^2)^{-1}, \quad (9)$$

$$\alpha_{yy}(\omega) = M_0 \gamma^2 (R_{13} + R_{23})^2 (H_{e2} + H_{e4} + H_{e12}) (\omega_{02}^2 - \omega^2)^{-1}, \quad (10)$$

$$\alpha_{zz}(\omega) = M_0 \gamma^2 (\Pi_{14} m)^2 (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12}) (\omega_{02}^2 - \omega^2)^{-1}, \quad (11)$$

$$\alpha_{yz}(\omega) = -\alpha_{zy}(\omega) = i \omega M_0 \gamma \Pi_{14} m (R_{13} + R_{23}) (\omega_{02}^2 - \omega^2)^{-1}. \quad (12)$$

2) Если  $H \parallel oz \parallel C_6$  и, как и ранее,  $H \ll H_{e12}$ , то отличны от нуля такие компоненты

$$l_{1y} = l_{2y} \approx 1, \quad m_{1z} = m = H/H_{e12}. \quad (13)$$

Теперь из (3) получаем

$$\begin{aligned} P_x &= -M_0 R_{14} m l_{4x}, \quad P_y = -M_0 [R_{14} m l_{4y} + (R_{13} + R_{23}) l_{3z}], \\ P_z &= M_0 [\Pi_{14} m l_{4z} + (\Pi_{13} + \Pi_{23}) l_{3y}]. \end{aligned} \quad (14)$$

Вычисляя амплитуды колебаний векторов антиферромагнетизма  $I_3(t)$ ,  $I_4(t)$  под действием переменного электрического поля и подставляя их в выражения (14), в первом неисчезающем приближении имеем

$$\alpha_{xx}(\omega) = M_0 \gamma^2 R_{14}^2 m^2 (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12}) (\omega_{02}^2 - \omega^2)^{-1}, \quad (15)$$

$$\alpha_{yy}(\omega) = M_0 \gamma^2 (R_{13} + R_{23})^2 (H_{e2} + H_{e4} + H_{e12}) (\omega_{02}^2 - \omega^2)^{-1}, \quad (16)$$

$$\alpha_{zz}(\omega) = (\Pi_{14} m)^2 (H_{e2} + H_{e3} + H_{e12}) (\omega_{01}^2 - \omega^2)^{-1}, \quad (17)$$

$$\alpha_{yz}(\omega) = -\alpha_{zy}(\omega) = i \omega M_0 \gamma R_{14} m (R_{13} + R_{23}) (\omega^2 - \omega_{02}^2)^{-1}. \quad (18)$$

Частоты ОМ (7), (8) в данной поляризации приобретают слабую зависимость от поля вида  $(\lambda_{1,2} H)^2$ , где  $\lambda_{1,2} \sim H_A/H_e \ll 1$ .

Из формул (9)–(12) и (15)–(18) видно, что в диагональных компонентах тензора высокочастотной электрической поляризуемости вычеты на ОМ обменно усилены. Наибольшее значение имеет продольная компонента  $\alpha_{yy}(\omega)$ . Остальные диагональные компоненты пропорциональны квадрату намагниченности и малы. Из них наибольшее значение имеет  $\alpha_{zz}(\omega)$ , обусловленная инвариантами обменного происхождения. Отметим, что с ростом поля величина этой компоненты растет и может сравняться с  $\alpha_{yy}(\omega)$ .

Конкретное значение интенсивности поглощения электрического поля на нечетных относительно инверсии магнитных колебаниях (7), (8) определяется величиной антиферроэлектрических констант. Нам неизвестны непосредственные измерения этих величин в  $\text{CsMnF}_3$ . Для оценок  $R$  и  $\Pi$  мы воспользуемся результатами работ [18, 19]. В [18] наблюдался линейный сдвиг резонансных линий ЭПР  $\text{Mn}^{2+}$  в  $\text{MnS}$  в постоянном электрическом поле, описываемый членами вида  $E_i R_{ijk} (S_j S_k + S_k S_j)$ . Для ионов  $\text{Mn}^{2+}$  с симметрией локального окружения, как в  $\text{CsMnF}_3$ ,  $C_{3v}$ , компоненты тензора  $R_{ijk}$  достигали значений  $1.5 \cdot 10^{-2}$ . В магнитоконцентрированных системах вклад в магнитоэлектрические эффекты дают и межионные (прежде всего обменные и обменно-релятивистские) взаимодействия.

В отдельных случаях значения констант при этом увеличиваются на порядок [20, 21]. В нашем случае следует, однако, иметь в виду, что сравнение теоретических и экспериментальных результатов магнитоэлектрического эффекта в магнитоконцентрированном центросимметричном  $\text{LiMnPO}_4$  [19] дает для коэффициентов значения  $R_{i_{xx}} = -2.1 \cdot 10^{-2}$ ,  $R_{i_{jk}} = 0.8 \div 0.6 \cdot 10^{-2}$ , не отличающиеся существенно от одноионных.

В том диапазоне частот, где находятся электродипольные колебания (7), (8), расположены и магнитодипольные обменные колебания  $\text{CsMnF}_3$ . Последние будут возбуждаться переменным магнитным полем — АФМР. Важно различить АФЭР и АФМР экспериментально. Поэтому обсудим основные особенности магнитодипольного поглощения в  $\text{CsMnF}_3$ .

### 3. АФМР на ОМ в $\text{CsMnF}_3$

Наибольший интерес представляют частотно-полевые зависимости мод АФМР и интенсивности поглощения энергии внешнего поля при АФЭР и АФМР. Как и ранее, будем различать случаи  $\mathbf{H} \parallel ox \perp C_6$  и  $\mathbf{H} \parallel oz \parallel C_6$ .

1)  $\mathbf{H} \parallel ox$ . Равновесная магнитная конфигурация описывается векторами (4). Частоты магнитодипольных АМ и ОМ с точностью до слагаемых порядка отношения релятивистских членов к обменным  $(H_e/H_\epsilon)^{1/2}$  равны

$$\epsilon_{A1} = \gamma H, \quad (19)$$

$$\epsilon_{A2}^2 = \gamma^2 H_{e12} (H_{A1} + H_{A2} + 2H_{A12}), \quad (20)$$

$$\epsilon_{01}^2 = \gamma^2 H_{e12} (H_{e2} + H'_{e2} + H'_{A1} + H'_{A2} - 2H'_{A12}), \quad (21)$$

$$\epsilon_{02}^2 = \gamma^2 (H_{e2} + H'_{e2}) (H_{e12} + H_{A2}) + H^2 \gamma^2. \quad (22)$$

Отличные от нуля компоненты тензора ВЧ магнитной восприимчивости имеют вид

$$\chi_{xx}(\omega) = M_0 \gamma^4 \frac{H_{e12} (H_{e2} + H'_{e2}) - \gamma^{-2} \omega^2}{(\omega^2 - \epsilon_{A2}^2)(\omega^2 - \epsilon_{02}^2)} (H_{A1} + H_{A2} + 2H_{A12}), \quad (23)$$

$$\chi_{yy}(\omega) = H^2 M_0 \gamma^4 [H_{e12} (H_{e2} + H'_{e2}) - \gamma^{-2} \omega^2] H_{e12}^{-1} (\omega^2 - \epsilon_{A1}^2)^{-1} (\omega^2 - \epsilon_{01}^2)^{-1}; \quad (24)$$

$$\chi_{zz}(\omega) = H^2 M_0 \gamma^4 [H_{e12} (H_{e2} + H'_{e2}) + \gamma^{-2} \omega^2] H_{e12}^{-1} (\omega^2 - \epsilon_{A1}^2)^{-1} (\omega^2 - \epsilon_{01}^2)^{-1}, \quad (25)$$

$$\chi_{yz}(\omega) = -\chi_{zy}(\omega) = i \omega \gamma^{-1} H H_{e12}^{-1} \times (\omega^2 - \epsilon_{A1}^2)^{-1} \quad (26)$$

2) При  $\mathbf{H} \parallel oz$  равновесная магнитная конфигурация описывается компонентами (13). Частоты АФМР (19)–(22) меняют зависимость от магнитного поля [5]

$$\epsilon_{A1} = 0, \quad (27)$$

$$\epsilon_{A2}^2 = \gamma^2 H_{e12} (H_{A1} + H_{A2} + 2H_{A12}) + \gamma^2 H^2, \quad (28)$$

$$\epsilon_{01}^2 = \gamma^2 H_{e12} (H_{e2} + H'_{e2} + H'_{A1} + H'_{A2} - 2H'_{A12}) + \gamma^2 H^2, \quad (29)$$

$$\epsilon_{02}^2 = \gamma^2 (H_{e2} + H'_{e2}) (H_{e12} + H_{A2}). \quad (30)$$

Компоненты  $\chi_{xx}(\omega)$  сохраняют свой вид, остальные отличные от нуля компоненты тензора магнитной восприимчивости имеют вид

$$\chi_{yy}(\omega) = -M_0 H^2 \gamma^4 [\gamma^{-2} \omega^2 - H_{e12} (H_{e2} + H'_{e2})] H_{e12}^{-1} (\omega^2 - \epsilon_{A2}^2)^{-1} (\omega^2 - \epsilon_{02}^2)^{-1}, \quad (31)$$

$$\chi_{xy}(\omega) = -\chi_{yx}(\omega) = -i \omega (H/H_{e12}) M_0 \gamma (\omega^2 - \epsilon_{A2}^2)^{-1}. \quad (32)$$

Особенность высокочастотных свойств системы при данной ориентации магнитного поля состоит в том, что моды  $\epsilon_{A1}$ ,  $\epsilon_{01}$  переменным магнитным полем не возбуждаются. (Напомним, что колебания (19)–(22), (27)–(30) не возбуждаются электрическим полем из-за их четности относительно инверсии). Это связано с тем, что частоты (27), (29) отвечают колебаниям компонент  $m_{1z}$ ,  $m_{2z}$ ,  $l_1^\pm$ ,  $l_2^\pm$  и, как видно из таблицы, являются полюсами тензора  $\chi_{zz}(\omega)$ . Однако из-за отсутствия анизотропии в базисной плоскости  $\chi_{zz}(\omega) = 0$  (см. структуру тензора  $\chi_{zz}(\omega)$  при  $\mathbf{H} \parallel ox$ ).

#### 4. Обсуждение результатов

С экспериментальной точки зрения важным является величина поглощения энергии на ОМ и АМ. Из (19)–(32) легко получить оценки величины восприимчивости вблизи магнитодипольных частот. Для АМ имеем

$$\chi(\omega_A) \sim \gamma M_0 \sqrt{H_A/H_e} (\omega - \omega_A)^{-1}.$$

Возбуждение ОМ магнитным полем возможно, как мы уже отмечали, только в том случае, если они связаны с колебаниями вектора ферромагнетизма системы М. Поскольку в CsMnF<sub>3</sub> невозможен слабый ферромагнетизм, связь ОМ с М осуществляется только релятивистскими взаимодействиями. В результате магнитная восприимчивость вблизи ОМ оказывается чрезвычайно малой

$$\chi(\omega_0) \sim \gamma M_0 (H_A/H_e)^2 (\omega - \omega_0)^{-1}.$$

При  $H_A \sim 1$  кЭ,  $H_e \sim 10^2$  кЭ [9] интенсивность поглощения на ОМ будет на два порядка слабее, чем на АМ.

Для электродипольных обменных колебаний из (9)–(12) и (15)–(18) следует, что вблизи резонансных частот

$$\alpha(\omega_0) \sim \gamma M_0 R^2 (\omega - \omega_0)^{-1}.$$

Если  $R > H_A H_e$ , то условия для экспериментального обнаружения электродипольных ОМ более благоприятны, чем магнитодипольных.

Авторы выражают благодарность В. Г. Барьяхтару и А. А. Степанову за обсуждение результатов работы и полезные замечания.

#### Л и т е р а т у р а

- [1] Яблонский Д. А., Криворучко В. Н. ФНТ, 1988, т. 14, № 6, с. 656–658.
- [2] Криворучко В. Н., Яблонский Д. А. ЖЭТФ, 1988, т. 94, № 9.
- [3] Zalkin A., Lee K., Templeton D. H. J. Chem. Phys., 1962, vol. 37, N 4, p. 697–699.
- [4] Lee K., Portis A. M., Witt G. L. Phys. Rev., 1963, vol. 132, N 1, p. 144–163.
- [5] Боровик-Романов А. С., Котюжанский Б. Я., Прозорова Л. А. ЖЭТФ, 1970, т. 58, № 6, с. 1910–1918.
- [6] Беляева А. И., Еременко В. В., Силаев В. И., Петров С. В. ЖЭТФ, 1970, т. 58, № 2, с. 475–485.
- [7] Беляева А. И., Кулемцов В. С., Силаев В. И., Гапон Н. В. ЖЭТФ, 1971, т. 61, № 4 (10), с. 1492–1500.
- [8] Петров Э. Г. Теория магнитных экситонов. Кнев: Наукова думка, 1976, гл. III, § 3. 240 с.
- [9] Khatamian D., Collins M. F. Canad. J. Phys., 1977, vol. 55, N 9, p. 773–778.
- [10] Safonov V. L. Phys. St. Sol. (b), 1984, vol. 126, N 1, p. 197–206.
- [11] Ландау Л. Д., Либштадт Е. М. Квантовая механика. М.: Наука, 1974. 752 с.
- [12] Барьяхтар В. Г., Витебский И. М., Яблонский Д. А. ЖЭТФ, 1979, т. 76, № 4, с. 1381–1391.
- [13] Котюжанский Б. Я., Прозорова Л. А. ЖЭТФ, 1973, т. 65, № 6 (12), с. 2470–2478.
- [14] Звегин А. И., Кобец М. И., Криворучко В. Н. и др. ЖЭТФ, 1985, т. 89, № 6 (12), с. 2298–2317.
- [15] Барьяхтар В. Г., Еременко В. В., Науменко В. М. и др. ЖЭТФ, 1985, т. 88, № 4, с. 1382–1394.
- [16] Boseh L. A., Swüste C. H. W., Phaff A. C., de Jonge W. M. J. Phys. C, 1987, vol. 20, N 15, p. 2307–2321.
- [17] Витебский И. М., Лавриненко Н. М. ФНТ, 1986, т. 12, № 11, с. 1193–1200.
- [18] Козлов В. Г., Коваленко Е. С. ФТТ, 1969, т. 11, № 9, с. 2651–2652.
- [19] Mercier M., Bertaut E. F., Quezel G., Bauer P. Sol. St. Commun., 1969, vol. 7, p. 149–154.
- [20] Hornreich R., Shtrickman S. Phys. Rev., 1967 vol. 161, N 2, p. 506–512.
- [21] Rado G. T. Int. J. Magnetism, 1974, vol. 6, N 1, p. 121–133.