

## ЛОКАЛИЗАЦИЯ ПАРАМЕТРА ПОРЯДКА И ВЫСОКОТЕМПЕРАТУРНАЯ СВЕРХПРОВОДИМОСТЬ

И. М. Суслов

Зависимость максимальной достигнутой  $T_c$  от времени (рис. 1) недвусмысленно указывает на то, что в сверхпроводниках класса  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  [1] стал играть роль какой-то новый, ранее несущественный фактор. Мы покажем, что в рамках традиционной схемы БКШ таким новым фактором может являться пространственная неоднородность константы электрон-фононного взаимодействия  $\lambda$ .

Рассмотрим металл с одним плоским дефектом, описываемый гамильтонианом

$$\hat{H} = \int dr \left[ \hat{\psi}_\alpha^\dagger(r) \hat{H}_0 \hat{\psi}_\alpha(r) - \frac{g}{2} \hat{\psi}_\alpha^\dagger(r) \hat{\psi}_\beta^\dagger(r) \hat{\psi}_\beta(r) \hat{\psi}_\alpha(r) \right], \quad \hat{H}_0 = \varepsilon_\parallel(\hat{p}_\parallel) + \varepsilon_\perp(\hat{p}_\perp) + V\delta(z),$$

где  $\hat{p}_\parallel, \hat{p}_\perp$  — операторы продольного  $p_\parallel = (p_x, p_y)$  и поперечного импульсов. Уравнения сверхпроводимости для такой модели имеют вид обычных уравнений Горькова [2], но входящая в них мадубаровская функция Грина нормального металла  $G_\omega$  должна строиться по гамильтониану  $\hat{H}_0$  [3]. Ввиду разделения переменных она имеет вид

$$G_\omega(r, r') = \int \frac{d^2k_\parallel}{(2\pi)^2} e^{ik_\parallel(r_\parallel - r'_\parallel)} G_{\omega k_\parallel}(z, z'),$$

$$G_{\omega k_\parallel}(z, z') = \sum_s \frac{\varphi_s(z) \varphi_s(z')}{i\omega - \varepsilon_s - \varepsilon_\parallel(k_\parallel)}, \quad (1)$$

где  $\varphi_s(z)$ ,  $\varepsilon_s$  — собственные функции и значения оператора  $\varepsilon_\perp(\hat{p}_\perp) + V\delta(z)$ ; в спектре последнего всегда имеется локальный уровень, который с учетом продольного квазиимпульса становится двумерной зоной (см. рис. в [4]). Для функции  $G_{\omega k_\parallel}$  справедливо разбиение

$$G_{\omega k_\parallel}(z, z') = G_{\omega k_\parallel}^0(z - z') + G_{\omega k_\parallel}^{10c}(z, z') + G_{\omega k_\parallel}^c(z, z'),$$

где  $G_{\omega k_\parallel}^0$  соответствует идеальному кристаллу;  $G_{\omega k_\parallel}^{10c}$  представляет собой нулевой член суммы по  $s$  в (1), соответствующий локальному уровню и локализованный вблизи  $z, z'=0$  на атомном расстоянии; член  $G_{\omega k_\parallel}^c$  возникает за счет изменения состояний непрерывного спектра в сумме по  $s$  — он локализован вблизи  $z, z'=0$  на расстоянии  $\sim v_F / \omega \sim \xi_0$ . Аналогично разбивается ядро  $K(z, z')$ , входящее в уравнение Горькова для сверхпроводящей щели  $\Delta(z)$  (свертки  $G^0 G^{10c}$  и  $G^c G^{10c}$  малы по параметру  $a/\xi_0$ , где  $a$  — радиус локализации  $\varphi_0(z)$ ,  $\xi_0$  — длина когерентности)

$$\Delta(z) = \int dz' [K_0(z - z') + K_{10c}(z, z') + K_c(z, z')] \Delta(z'), \quad (2)$$

$$K_{10c}(z, z') = gT \sum_\omega \int \frac{d^2k_\parallel}{(2\pi)^2} \frac{\gamma_0^2(z) \gamma_0^2(z')}{\omega^2 + [\varepsilon_0 + \varepsilon_\parallel(k_\parallel)]^2}. \quad (3)$$

Из правила суммы для ядра  $K(z, z')$  [3], связывающего его с локальной плотностью состояний  $N(\varepsilon, z)$ , получим разбиение для  $\lambda(z) = gN(0, z)$

$$\lambda(z) = \lambda_0 + \lambda_{10c}(z) + \lambda_c(z), \quad \lambda_{10c}(z) = gN_{2D}(0) \gamma_0^2(z),$$

где величины  $\lambda_c(z)$  и  $\lambda_{10c}(z)$  локализованы вблизи  $z=0$  на атомном масштабе,  $N_{2D}(\varepsilon)$  — плотность состояний отщепленной двумерной зоны.

В простейшем случае  $\lambda_{10c}(z) \gg \lambda_c(z)$ , возникающем при наличии в двумерной зоне ван-хововской особенности  $N_{2D}(\epsilon) \sim \ln|\epsilon|$ , в (2) можно опустить ядро  $K_c(z, z')$ ; полученное уравнение ввиду вырожденного характера ядра  $K_{10c}(z, z')$  легко решается переходом в Фурье-представление и приводит к результатам для  $T_c$  (рис. 2)

$$T_c = \begin{cases} T_{c0} \left[ 1 + \frac{1}{2} \left( \frac{a}{\xi_0} \frac{\lambda_{10c}}{\lambda_0(\lambda_0 - \lambda_{10c})} \right)^2 \right], & \lambda_0 - \lambda_{10c} \gg (a/\xi_0)^{2/3}, \\ 1.14\omega_D \exp(-1/\lambda_{10c}), & \lambda_{10c} - \lambda_0 \gg (a/\xi_0)^{2/3}, \end{cases} \quad (4)$$

$$1.14\omega_D \exp(-1/\lambda_{10c}), \quad \lambda_{10c} - \lambda_0 \gg (a/\xi_0)^{2/3}, \quad (5)$$

где

$$\lambda_{10c} = gN_{2D}(0) a^{-1}, \quad a^{-1} = \int \varphi_0^{\#}(z) dz$$

( $T_{c0}$  — температура перехода в отсутствие дефекта). При изменении  $\lambda_{10c}$  переход между асимптотиками (4) и (5) происходит в узкой области  $\sim (a/\xi_0)^{3/2}$  вблизи  $\lambda_0$ ; в пределе  $a/\xi_0 \rightarrow 0$   $\lambda_0$  становится точкой фазового перехода. Из вида решения

$$\Delta(z) = c \operatorname{const} \left[ a \varphi_0^{\#}(z) + \frac{a \xi(T_c)}{\lambda_0 \xi_0^2} e^{-|z|/\xi(T_c)} \right], \quad \xi(T) = \xi_0 \sqrt{\frac{T_{c0}}{2(T - T_{c0})}}$$

выясняется, что вблизи  $\lambda_0$  происходит переход от состояния, локализованного на масштабе  $\xi(T)$ , к состоянию, локализованному на атомном расстоянии от плоского дефекта.

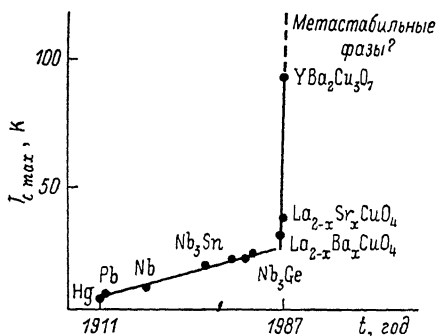


Рис. 1.

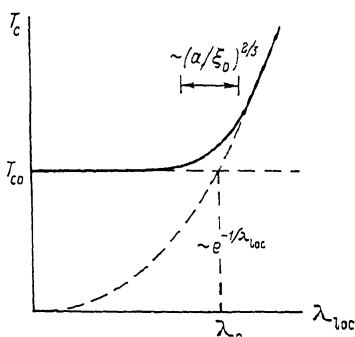


Рис. 2.

Зависимость  $T_c$  от  $\lambda_{10c}$  качественно не меняется в случае периодического расположения плоских дефектов на расстоянии  $L$ ,  $a \ll L \ll \xi(T_c)$  друг от друга (ширина переходной области вблизи  $\lambda_0 \sim \sqrt{a/L}$ ). Таким образом, рост амплитуды пространственной неоднородности  $\delta\lambda$  в слоистой системе при  $\delta\lambda \sim \lambda_0$  приводит к катастрофе: происходит переход от режима, в котором  $\Delta(z) \approx \operatorname{const}$  и  $T_c$  определяется средним по пространству  $\bar{\lambda}$ , к режиму локализации  $\Delta(z)$  вблизи дефектов, в котором  $T_c$  определяется локальным значением  $\lambda_{10c}$ . Заманчиво связать эту катастрофу со «сверхпроводящим взрывом» 1987 г. (рис. 1).

Наблюдаемые  $T_c \sim 100$  К можно объяснить в рамках электрон-фононного механизма, предположив, что  $\omega_D \approx 400$  К,  $\lambda \approx 2$ . Сами по себе эти параметры не являются рекордными ( $\omega_D \approx 2000$  К для Ве,  $\lambda \approx 2.5$  в сплавах Рb—Vi), но их комбинация в обычных сверхпроводниках оказывается несовместной: при достижении значений  $\lambda \sim 1$  происходит сильное смягчение фононных частот  $\omega$  по сравнению с плазменными частотами ионов  $\Omega$  (это ясно из грубой оценки для типичного металла  $\lambda \sim 0.1 \Omega^2 / \omega^2$  [5]), которые, как правило,  $\leq 500$  К. Создание пространственной неоднородности  $\lambda$  позволяет обойти эту трудность при небольших значениях средней плотности состояний, соответствующих  $\bar{\lambda} \sim 0.1$ , вклад электронов в энергию связи незначителен и смягчения

фононных частот не происходит; в то же время локальные значения  $\lambda_{10c}$ , которыми определяется  $T_c$ , могут быть  $\geq 1$  за счет малых  $a$  и ван-хововских особенностей  $N_{2D}(\epsilon) \sim \ln |\epsilon|$ ; при локализации  $\Delta(z)$  на линейных дефектах  $\lambda_{10c} \sim gN_{1D}(0)a^{-2}$  и возможны особенности  $N_{1D}(\epsilon) \sim \epsilon^{-1/2}$  (в оксидах роль плоских и линейных дефектов играют плоскости и цепочки Cu—O). Сочетание высоких  $T_c$  с низкой средней плотностью состояний, определяемой по теплоемкости  $C_e = \gamma T$  — характерная особенность оксидов, отчетливо проявляющаяся на диаграмме  $T_c - \gamma$  [6].

Наличие ван-хововских особенностей объясняет наблюдаемые структурные аномалии, зависимость  $T_c$  от легирования [7]. С ними же связано ослабление изотоп-эффекта [8]: при наличии на уровне Ферми пика плотности состояний шириной  $\leq \omega_D$  в формулу БКШ вместо  $\omega_D$  входит ширина пика.

#### Л и т е р а т у р а

- [1] Bednorz J. G., Müller K. A. // Z. Phys. B. 1986. V. 64. N 1. P. 189; Wu M. K., Ashburn J. R. et al. // Phys. Rev. Lett. 1987. V. 58. N 8. P. 908.
- [2] Абрикосов А. А., Горьков Л. П., Дзялошинский И. Е. Методы квантовой теории поля в статистической физике. М., 1962. 441 с.
- [3] de Gennes P. G. // Rev. Mod. Phys. 1964. V. 36. N 1. P. 225.
- [4] Суслов И. М. // ФТТ. 1988. Т. 30. № 5. С. 1523—1525.
- [5] Проблемы высокотемпературной сверхпроводимости / Под ред. Гинзбурга В. Л. и Киржница Д. А. М., 1977. С. 183.
- [6] Batlog B. et al. Phys. Rev. B. 1987. V. 35. N 10. P. 5340.
- [7] Суслов И. М. // Письма в ЖЭТФ. 1987. Т. 46. № 10. С. 402—405.
- [8] Mattis D. C., Mattis M. P. // Phys. Rev. Lett. 1987. V. 59. N 24. P 2780.

Физический институт  
им. П. Н. Лебедева АН СССР  
Москва

Поступило в Редакцию  
6 июля 1988 г.

УДК 669.863'864 : 538.652

Физика твердого тела. том 31, в. 1, 1989  
Solid State Physics. vol. 31, № 1, 1989

## НЕКОТОРЫЕ МАГНИТОУПРУГИЕ И НЕУПРУГИЕ СВОЙСТВА МОНОКРИСТАЛЛА $Tb_{0.5}Dy_{0.5}$

Г. И. Катаев, М. Р. Самтаров

Большая часть измерений упругих свойств монокристаллов магнетиков производится на ультразвуковых частотах. При этом часть информации может теряться, когда например, в полученных результатах не находят отражения определенные доменные процессы, а для всех диссипативных явлений (затухание ультразвука на высоких и внутреннее трение на сравнительно низких частотах) вообще характерна резкая частотная зависимость. Магнитоупругие и другие свойства двойных сплавов редкоземельных металлов друг с другом пока изучены слабо. В данной работе методом возбуждения изгибных автоколебаний малых ( $7 \times 3 \times 0.2$  мм) консольно закрепленных образцов [1], вырезанных вдоль кристаллографических осей  $c$ ,  $a$ ,  $b$  гексагонального кристалла  $Tb_{0.5}Dy_{0.5}$ , на частотах около 2 кГц измерялись модули Юнга по направлениям этих осей  $E_c = s_{33}^{-1}$  и  $E_{a,b} = s_{11}^{-1}(s_{ii}$  — константы упругой податливости) и путем разрыва цепи электромеханической обратной связи и подсчета числа затухающих колебаний между порогами дискриминатора соответствующее внутреннее трение  $Q^{-1}$ . Измерения проводились в полях электромагнита с индукцией до 1.45 Тл и температурном интервале 77—300 К с точностью по изменению  $E$  0.02 % и по изменению  $Q^{-1}$  около 0.5 %.

Монокристалл выращен в ГИРЕДМЕТ по методу Чохральского из исходных металлов чистотой 99.99 % с максимальным отклонением от