

УДК 537.312

## ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ НЕЭКВИВАЛЕНТНЫХ СВЕРХПРОВОДЯЩИХ СЛОЕВ. $s+d$ -СПАРИВАНИЕ

Ю. М. Иванченко, А. Э. Филиппов

Рассмотрено взаимодействие слоев  $\text{CuO}_2$  и цепочек  $\text{CuO}$  в высокотемпературном сверхпроводящем соединении  $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_{6+x}$ . Изучена возможность возникновения в этом веществе сверхпроводящего состояния со спариванием  $s$ - и  $d$ -типов одновременно. Проведено сравнение результатов с экспериментальными фактами, указывающими на наличие обоих вариантов спаривания в реальной керамике.

В последнее время появился ряд экспериментальных и теоретических работ, которые свидетельствуют в пользу возможности анизотропного спаривания (а именно  $d$ -спаривания) в высокотемпературном сверхпроводящем соединении  $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_{6+x}$ . К их числу, например, можно отнести наблюдение расщепления сверхпроводящего перехода [1, 2], которое, как показано в работе [3], может быть связано с  $d$ -спариванием сверхпроводящих электронов. Высокотемпературные сверхпроводники сделали флуктуационную область в окрестности фазового перехода доступной для экспериментального исследования (порядка нескольких градусов [4]). Измерения в этой области флуктуационной добавки к теплоемкости, индекса  $\alpha$  и универсального амплитудного отношения  $C_+/C_-$  дали большую величину эффективного числа компонент  $n_{\text{эфф}}$  параметра порядка  $5 < n_{\text{эфф}} < 9$  [5, 6], что также свидетельствует в пользу анизотропного характера спаривания в таких системах. Так, например, с учетом анизотропии градиентных членов в свободной энергии при  $d$ -спаривании в тетрагональной системе величина  $n_{\text{эфф}}$  может достигать  $n_{\text{эфф}} = 4\sqrt{2} > 5$ , тогда как при  $s$ -спаривании (комплексный) параметр порядка двухкомпонентен [6].

В работе [7] приведены результаты рентгеновских измерений, демонстрирующие структурные изменения в  $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_7$  при сверхпроводящем фазовом переходе, указывающие на аномалию орторомбического искажения  $a-b$  при отсутствии ее у величин  $(a+b)$  и объема элементарной ячейки. Такого рода эффект трудно объяснить при существенно анизотропном БКШ взаимодействии. Авторы работы [7] связывают его, в частности, с возможностью специфической интерференции между  $s$  и  $d$  волновыми электронными состояниями.

Наконец, измерение сдвига Найта на ионах  $\text{Cu}$ , принадлежащих  $\text{CuO}$  цепочкам и  $\text{CuO}_2$  слоям ( $\text{Cu}$  (1) и  $\text{Cu}$  (2) соответственно), показало [8], что температурная зависимость спинового вклада в этот сдвиг в  $\text{Cu}$  (1) позициях следует функции Йосиды, как это и должно быть в БКШ модели, в то время как в  $\text{Cu}$  (2) позициях она имеет линейный вид, свидетельствующий о наличии нулей в сверхпроводящей щели, как при  $d$ -спаривании. Иначе говоря, эти эксперименты указывают на то, что сверхпроводимость керамики действительно имеет  $s+d$ -природу, причем различные типы спаривания могут реализовываться в различных кристаллических слоях.

Большинство теоретических работ, посвященных анализу механизма высокотемпературной сверхпроводимости в  $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_{6+x}$ , предполагает квазидвумерный характер спаривания электронов в  $\text{CuO}$  и  $\text{CuO}_2$  слоях. Квазидвумерный характер взаимодействий в таких системах подтверждается в принципе и расчетами зонной структуры [9-11], которые дают очень слабую дисперсию зон вблизи уровня Ферми вдоль оси  $z$ . В то же время эксперименты по измерению верхнего критического поля или флуктуаций сопротивления [12, 13] не показывают кроссовера к двумерной сверхпроводимости. В частности, длина когерентности в направлении, перпендикулярном к слоям  $\text{CuO}$ , оценивается в  $\xi_z = 7 \text{ \AA}$ , что существенно больше расстояния между ними  $s \approx 3.9 \text{ \AA}$ . Последнее указывает на то, что взаимодействие между уровнями должно играть существенную роль в установлении сверхпроводимости в ВТСП керамике. Согласно модели джозефсоновски связанных слоев [14], переход к двумерной сверхпроводимости наступает, если  $\xi_z = s/\sqrt{2} = 2.8 \text{ \AA}$ . Поэтому в слоистых керамиках такая связь между слоями представляется вполне естественной [15, 16]. Эффективный механизм для реализации такой связи, приводящий к повышению  $T_c$ , предложен в работах [17-19]. Он опирается на учет дисперсии вдоль оси  $z$  ближайшей к уровню Ферми валентной зоны. При этом существенным оказывается процесс, при котором пара электронов с импульсом  $\mathbf{k}$ , рассеиваясь на состояниях в этой зоне, возвращается обратно в зону проводимости с импульсом  $\mathbf{k}'$ . Этот процесс дает вклад в обобщенный гамильтониан взаимодействия БКШ вида

$$H_I = \sum_{\substack{k k' q \\ i j}} \lambda_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') c_{i\uparrow k}^+ c_{i\downarrow q-k}^+ c_{j\uparrow k'} c_{j\downarrow q-k'},$$

где  $c_{iak}^+$ ,  $c_{iak}$  — операторы рождения и уничтожения электронов в слое  $i$  с импульсом  $\mathbf{k}$  и спином  $\alpha$ . При этом благодаря наличию дисперсии зоной энергии вдоль оси  $z$  возможными являются процессы, приводящие к переходу пары из одного сверхпроводящего слоя в другой, так что недиагональные компоненты матрицы  $\lambda_{ij}$  отличны от нуля. Можно, по-видимому, предложить и другие варианты процессов, дающих свой вклад в форму  $H_I$ . Мы, однако, не будем далее конкретизировать форму  $\lambda_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}')$ , а посвятим настоящую работу выводу для данной формы  $H_I$  функционала Гинзбурга—Ландау и получению с его помощью термодинамических результатов для систем со спариванием  $s$ - и  $d$ -типов.

## 1. Вывод функционала Гинзбурга—Ландау

Гамильтониан электронной подсистемы имеет вид  $H = H_0 + H_I$ , где

$$H_0 = \sum_{k i \alpha} \epsilon_{i k} c_{i \alpha k}^+ c_{i \alpha k},$$

$$H_I = \sum_{\substack{k k' q \\ i j}} \lambda_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') c_{i \uparrow k}^+ c_{i \downarrow q-k}^+ c_{j \uparrow k'} c_{j \downarrow q-k'}.$$

Для получения искомого функционала свободной энергии представим статистическую сумму системы

$$Z = \text{Sp} [\exp(-\beta (H_0 + H_I))]$$

в виде

$$Z = \text{Sp} e^{-\beta H_0 \sigma}(\beta),$$

где

$$\beta = 1/T, \quad \blacksquare$$

$$\sigma(\beta) = T_c \exp \left[ -\frac{1}{2} \sum_{\substack{i j \\ k k' q}} \int_0^\beta d\tau \lambda_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') c_{i \uparrow k}^+(\tau) c_{i \downarrow q-k}^+(\tau) c_{j \uparrow k'}(\tau) c_{j \downarrow q-k'}(\tau) \right],$$

$T_\tau$  — оператор упорядочения относительно переменной  $\tau$ . Функционал Гинзбурга—Ландау должен быть записан в терминах классического флуктуирующего поля (обозначим его посредством  $\varphi_{i\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau)$ ). Имея это в виду, преобразуем  $\sigma(\beta)$  с помощью функционального интеграла по  $\varphi_{i\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau)$

$$\sigma(\beta) = \int \frac{\prod_i D\varphi_i}{A} \exp \left[ -\frac{1}{2} \sum_{\substack{ij \\ kk'q}} \int_0^\beta d\tau K_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') \varphi_{i\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau) \varphi_{j\mathbf{q}}^*(\mathbf{k}', \tau) \right] T_\tau \times \\ \times \exp \left[ -\frac{1}{2} \sum_{j\mathbf{k}q} \int_0^\beta d\tau \varphi_{j\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau) c_{j\uparrow\mathbf{k}}(\tau) c_{j\downarrow\mathbf{q}-\mathbf{k}}(\tau) + \text{э. с.} \right],$$

где

$$A = \int \prod_i D\varphi_i \exp \left[ -\frac{1}{2} \sum_{\substack{ij \\ kk'q}} \int_0^\beta d\tau K_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') \varphi_{i\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau) \varphi_{j\mathbf{q}}^*(\mathbf{k}', \tau) \right],$$

$K_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}')$  — матрица, обратная к  $\lambda_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}')$ . Выполним теперь формально вычисление  $\text{Sp}$  в статистической сумме. В результате  $Z$  примет вид

$$Z = \int \prod_i D\varphi_i A^{-1} \exp \{-\beta \mathcal{H}[\varphi_i]\},$$

где

$$\beta \mathcal{H}[\varphi_i] = \frac{1}{2} \sum_{\substack{ij \\ kk'q}} \int_0^\beta d\tau K_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') \varphi_{i\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau) \varphi_{j\mathbf{q}}^*(\mathbf{k}', \tau) - \\ - \ln \text{Sp} \left\{ -e^{-\beta H_0} T_\tau \exp \left[ -\frac{1}{2} \int_0^\beta d\tau \sum_{j\mathbf{k}q} [\varphi_{j\mathbf{q}}(\mathbf{k}\tau) c_{j\uparrow\mathbf{k}}(\tau) c_{j\downarrow\mathbf{q}-\mathbf{k}'}(\tau) + \text{э. с.}] \right] \right\}$$

представляет собой формально точное выражение для функционала Гинзбурга—Ландау. Чтобы получить конкретные выражения для его вершин, необходимо разложить  $\beta \mathcal{H}[\varphi_i]$  по степеням  $\varphi$ . Заметим прежде всего, что варьирование по  $\varphi_i$  второго слагаемого в  $\beta \mathcal{H}[\varphi_i]$  порождает связанные средние от произведений пар операторов  $cc$  и  $c^+c^+$ , вычисленные по гамильтониану  $H_0$  (будем обозначать их с помощью скобок «. . .»). Для всех нечетных вариаций по  $\varphi_i$  эти средние, очевидно, равны нулю, так что в результате разложение  $\beta \mathcal{H}[\varphi_i]$  содержит, как и следовало ожидать, лишь четные степени  $\varphi_i$

$$\beta \mathcal{H}[\varphi_i] = \frac{\beta}{2} \sum_{\substack{ij \\ qq'kk'}} \int d\tau d\tau' \varphi_{i\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau) \varphi_{j\mathbf{q}'}^*(\mathbf{k}', \tau') \frac{\delta^2 \mathcal{H}}{\delta \varphi_{i\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau) \delta \varphi_{j\mathbf{q}'}^*(\mathbf{k}', \tau')} \Big|_{\varphi=0} + \\ + \frac{\beta}{4!} \sum_{\substack{ijklm \\ q_1, k_1, \dots, q_4, k_4}} \int d\tau_1 \dots d\tau_4 \varphi_{i\mathbf{q}_1}(\mathbf{k}_1, \tau_1) \dots \varphi_{m\mathbf{q}_4}^*(\mathbf{k}_4, \tau_4) \times \\ \times \frac{\delta^4 \mathcal{H}}{\delta \varphi_{i\mathbf{q}_1}(\mathbf{k}_1, \tau_1) \dots \delta \varphi_{m\mathbf{q}_4}^*(\mathbf{k}_4, \tau_4)} \Big|_{\varphi=0} + \dots$$

Соответствующие вариационные производные равны

$$\frac{\delta^2 \mathcal{H}}{\delta \varphi_{i\mathbf{q}}(\mathbf{k}, \tau) \delta \varphi_{j\mathbf{q}}^*(\mathbf{k}', \tau')} \Big|_{\varphi=0} = \\ = [K_{ij}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') \delta(\tau - \tau') + \delta_{ij} \delta_{\mathbf{k}\mathbf{k}'} G_i(\mathbf{k}, \tau - \tau') G_i(\mathbf{q} - \mathbf{k}, \tau - \tau')] \delta_{\mathbf{q}\mathbf{q}'}, \\ \frac{\delta^4 \mathcal{H}}{\delta \varphi_{i\mathbf{q}_1}(\mathbf{k}_1, \tau) \dots \delta \varphi_{m\mathbf{q}_4}^*(\mathbf{k}_4, \tau_4)} \Big|_{\varphi=0} = 12 \delta_{ij} \delta_{il} \delta_{im} \delta_{\mathbf{q}_1+\mathbf{q}_2, \mathbf{q}_3+\mathbf{q}_4} G_i(\tau_1 - \tau_3, \mathbf{k}_1) \times \\ \times G_i(\tau_2 - \tau_4, \mathbf{k}_1 + \mathbf{q}_2 - \mathbf{q}_3) G_i(\tau_1 - \tau_4, \mathbf{q}_1 - \mathbf{k}_1) G_i(\tau_2 - \tau_3, \mathbf{q}_3 - \mathbf{k}_1),$$

где

$$G_i(\tau, \mathbf{k}) = \langle\langle c_{\tau, \mathbf{k}}^{\pm}(\tau) c_{i, \mathbf{k}}(\tau) \rangle\rangle.$$

Полученный нелокальный функционал описывает зависящую от времени модель Гинзбурга—Ландау [20]. Столь подробное описание необходимо лишь в критической области, т. е. непосредственно вблизи точки перехода к сверхпроводимости. В остальной области термодинамических параметров можно ограничиться локальным разложением теории Ландау. Последнее относится к зависимости полей  $\varphi_i$  и вершин от малых волновых векторов  $\mathbf{q}$ . В свою очередь зависимость  $\varphi_i$  от  $\mathbf{k}$  сохраняет информацию о волновых векторах куперовских пар и, в частности, об анизотропии сверхпроводящей щели. В соответствии с общей теорией параметр порядка  $\varphi_i(\mathbf{k})$  можно разложить по базису угловых функций  $Y_{im}(\mathbf{k}/k)$

$$\varphi_i(\mathbf{k}) = \sum_m \eta_{im}(k) Y_{im}(\mathbf{k}/k).$$

Так как  $\varphi_i$  — скаляр, то трансформационные свойства  $\eta_{im}$  повторяют аналогичные свойства функций  $Y_{im}(\mathbf{k}/k)$  и величины  $\eta_{im}$  можно рассматривать как компоненты нового (векторного) параметра порядка. Далее, вслед за работами [3, 21], мы ограничимся возможностью  $s$ - и  $d$ -спаривания и, кроме того, опустим зависимость  $\eta_{im}$  от  $k$ . В результате разложение  $\varphi_i(\mathbf{k})$  примет вид

$$\varphi_i(\mathbf{k}) = \varphi_i + \eta_i^x Y_x(\mathbf{k}/k) + \eta_i^y Y_y(\mathbf{k}/k).$$

Здесь для удобства введены обозначения  $\varphi_i = \eta_{i0}$ ,  $\eta_i^{x,y} = \eta_{i,1,2}$ , а функции  $Y_{x,y}$  для тетрагональной решетки аналогичны атомным орбиталям  $d_{x^2-y^2}$  и  $d_{xy}$ . Подставляя  $\varphi_i(\mathbf{k})$  в  $\beta \mathcal{H}[\varphi_i]$  и интегрируя угловые функции  $Y_{x,y}$  по направлениям  $k$ , получаем условия отбора инвариантов свободной энергии

$$F = \sum_i \left[ \tau_i \left( |\varphi_i|^2 + \frac{1}{2} |\eta_i|^2 \right) + g_i \left[ 2 |\varphi_i|^2 |\eta_i|^2 + \frac{1}{2} (\varphi_i^2 \eta_i^{*2} + \text{к. с.}) + \frac{3}{8} (|\eta_{ix}|^4 + |\eta_{iy}|^4) + \frac{1}{2} |\eta_{ix}|^2 |\eta_{iy}|^2 + \frac{1}{8} (\eta_{ix}^2 \eta_{iy}^{*2} + \text{к. с.}) \right] + \sum_{i \neq j} a_{ij} \left( \varphi_i \varphi_j^* + \frac{1}{2} \eta_i \eta_j^* \right) \right].$$

Форма  $F$  содержит все инварианты, которые получаются при симметричном анализе  $s+d$ -спаривания [19], однако ее вершины определены здесь микроскопически. Возникающие при интегрировании по  $\mathbf{k}$  и  $\tau$  численные параметры  $a_{ij}$ ,  $g_i$  и  $\tau_i$  равны соответственно

$$a_{ij} = \frac{\pi}{2} \beta \int_0^{k_D} \int_0^{k_D} (kk')^2 dk dk' K_{ij}(k, k'),$$

$$\tau_i = \frac{\pi}{2} \beta \int_0^{k_D} \int_0^{k_D} (kk')^2 dk dk' \left[ K_{ij}(k', k) \delta_{ij} - \delta(k' - k) \frac{\text{th}(\beta \varepsilon_{ik}/2)}{\varepsilon_{ik}} \right],$$

$$g_i = \frac{\pi \beta^3}{8} \int_0^{k_D} k^2 dk \frac{\text{th}(\beta \varepsilon_{ik}/2)}{\varepsilon_{ik}^3}.$$

Поскольку величины  $g_i$  являются общими множителями для формы четвертого порядка в каждом слое  $i$ , то от них можно избавиться подходящей нормировкой полей. Кроме того, удобно перекомбинировать слагаемые внутри этих форм, так что окончательно имеем

$$F = \sum_i \left\{ \left[ \tau_i \left( |\varphi_i|^2 + \frac{1}{2} |\eta_i|^2 \right) + |\varphi_i|^4 + \frac{1}{8} |\eta_i^*|^2 + \frac{1}{4} (|\eta_i|^2)^2 + 2 |\varphi_i|^2 |\eta_i|^2 + \frac{1}{2} (\varphi_i^* \eta_i^{*2} + \text{к. с.}) \right] + \sum_{j \neq i} a_{ij} \left( \varphi_i \varphi_j^* + \frac{1}{2} \eta_i \eta_j^* \right) \right\}.$$

Полученная свободная энергия обладает одной отличительной особенностью. Взаимодействие различных слоев представлено в ней лишь слагаемым второго порядка  $\varphi_i \varphi_j^* + \frac{1}{2} \eta_i \eta_j^* + \text{к. с.}$  Нетрудно убедиться, что такого типа члены возникают при учете джозефсоновского взаимодействия между слоями, представимого в виде  $|\varphi_i - \varphi_j|^2$  и  $|\eta_i - \eta_j|^2$ .

## 2. Применение к $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_{6+x}$

Высокотемпературное соединение  $\text{Y}-\text{Ba}-\text{Cu}-\text{O}$  имеет три различных сверхпроводящих слоя. Два из них  $\text{CuO}_2$  обладают локальной симметрией, близкой к тетрагональной, со слабым орторомбическим искажением (величина которого  $(b-a)/a$  имеет порядок 0.02 [3]). Находящийся между ними слой содержит сверхпроводящие цепочки  $\text{CuO}$  и при близкой к тетрагональной кристаллической симметрии имеет тем не менее резко выраженную осевую асимметрию сверхпроводящих свойств, которая связана с присущей одномерным образованиям анизотропией взаимодействия. В этой ситуации одна из компонент вектора  $\eta$  по абсолютной величине должна существенно превосходить другую (скажем,  $|\eta_x|^2 \gg \gg |\eta_y|^2$ ), так что различие в трансформационных свойствах  $\eta$  и  $\varphi$  становится несущественным. Кроме того, согласно имеющимся экспериментальным данным, вклад  $s$ -спаривания в сверхпроводимость данного слоя гораздо выше, чем от  $d$ -спаривания [6]. Учитывая все это, мы сохраним в слое  $\text{CuO}$  лишь параметр порядка  $\varphi_2$  ( $i=2$ ), тогда как для  $\text{CuO}_2$  слоев ( $i=1, 3$ ) будем по-прежнему удерживать оба  $\varphi_{1, 3}$  и  $\eta_{1, 3}$  параметра. Имеем

$$F = \tau_2 |\varphi_2|^2 + |\varphi_2|^4 + \sum_{i=1, 3} \left[ \tau_i \left( |\varphi_i|^2 + \frac{1}{2} |\eta_i|^2 \right) + a (\varphi_i \varphi_i^* + \text{к. с.}) + b \left( \varphi_i \varphi_{j \neq i}^* + \frac{1}{2} \eta_i \eta_{j \neq i}^* \right) + 2 |\varphi_i|^2 |\eta_i|^2 + \frac{1}{2} (\varphi_i^* \eta_i^{*2} + \text{к. с.}) + \frac{1}{8} |\eta_i^*|^2 + \frac{1}{4} (|\eta_i|^2)^2 \right].$$

Равновесные значения  $\varphi_i$ ,  $\eta_i$  даются системой уравнений

$$\begin{aligned} \tau_2 \varphi_2 + a (\varphi_1 + \varphi_3) + 2\varphi_2 |\varphi_2|^2 &= 0, \\ \tau_i \varphi_i + b \varphi_{j \neq i} + a \varphi_2 + 2\varphi_i |\varphi_i|^2 + 2\varphi_i |\eta_i|^2 + \varphi_i^* \eta_i^{*2} &= 0; \quad i = 1, 3, \\ \frac{\tau_i}{2} \eta_i + \frac{b}{2} \eta_{j \neq i} + \frac{1}{2} \eta_i |\eta_i|^2 + \frac{1}{4} \eta_i^* (\eta_i^2) + 2\eta_i |\varphi_i|^2 + \eta_i^* \varphi_i^{*2} &= 0 \end{aligned}$$

и комплексно-сопряженными к ним. Будем полагать, что при сверхпроводящем переходе не происходит удвоения периода решетки вдоль оси  $c$ . На сегодня во всяком случае нам неизвестны факты, которые бы указывали на то, что такое удвоение происходит. Поэтому данное предположение вполне естественно. В результате из всех решений следует выбрать лишь такие, что  $\varphi_1 = \varphi_3$ ,  $\eta_1 = \eta_3$ . Заметим далее, что из последнего уравнения следует  $\eta_i \uparrow \uparrow \eta_i^*$ . Полагая  $\eta_i = A \eta_i^*$  и соответственно  $\eta_i^* = A^* \eta_i$ , получаем  $|A|^2 = 1$ , т. е.  $\eta_i = \pm \eta_i^*$ . Из последней пары уравнений легко получить  $\varphi_i^2 \eta_i^{*2} = \eta_i^2 \varphi_i^{*2}$ , откуда  $\varphi_i = \pm \varphi_i^*$ . Используя произвол в выборе фазы одного из полей, зафиксируем ее у  $\varphi_i$ , так, чтобы  $\varphi_i = \varphi_i^*$  (т. е.  $\text{Im} \varphi_i = 0$ ).

Система уравнений состояния имеет, естественно, тривиальные решения, когда  $\varphi_i = 0$ ,  $\eta_i = 0$ . Кроме того, возможно состояние с чисто  $s$ -спариванием, когда  $\eta_i = 0$ ,  $\varphi_i \neq 0$ . Нас, однако, будет интересовать наиболее

общее решение при  $\eta_1 \neq 0$ ,  $\varphi_i \neq 0$ . С учетом условий  $\varphi_i = \varphi_i^*$  и  $\eta_i = \pm \eta_i^*$  при  $\eta_i \neq 0$  систему уравнений можно переписать в виде

$$\begin{aligned} \tau_2 \varphi_2 + 2a\varphi_1 + 2\varphi_2 |\varphi_2|^2 &= 0, \\ \bar{\tau}_i \varphi_i + a\varphi_2 + 2\varphi_i^3 + \gamma_{\pm} \varphi_i |\eta_i|^2 &= 0; \quad i = 1, 3, \\ \bar{\tau}_i + \gamma_{\pm} (2\varphi_i^2 + 1/2 |\eta_i|^2) &= 0, \end{aligned}$$

где  $\bar{\tau}_i = \tau_i + b$ ,  $\gamma_{\pm} = 2 \pm 1$  (знак «+» для  $\eta_i = +\eta_i^*$ ). Из последнего уравнения  $|\eta_i|^2 = -4\varphi_i^2 - 2\bar{\tau}_i/\gamma_{\pm}$ , откуда следует, что нетривиальное значение  $|\eta_i|^2$  возможно лишь при таком решении  $\varphi_i^2$ , что  $-\bar{\tau}_i/2\gamma_{\pm} > \varphi_i^2 \geq 0$ . Второе уравнение при слабой джозефсоновской связи  $a \ll 1$  можно решить, итерируя по  $a$ . Имеем две ветви решения. Первая из них  $\varphi_i^2 = -\bar{\tau}_i/2(2\gamma_{\pm} - 1) + o(a)$  не удовлетворяет требованию  $\varphi_i^2 < -\bar{\tau}_i/2\gamma_{\pm}$  для  $\gamma_{\pm} = 1$ . Остается при этом вариант  $\gamma_{\pm} = 3$ , такой, что  $\varphi_i^2 = -\bar{\tau}_i/10 + o(a)$ ,  $|\eta_i|^2 \simeq -4\bar{\tau}_i/15 + o(a)$ . И наконец,  $|\varphi_2|^2 \simeq -\tau_2/2 + o(a)$ . Эта ветвь решения достаточно очевидна. Она описывает по сути просто самостоятельное упорядочение отдельных слоев, слегка подправленное за счет джозефсоновской связи (члены  $o(a)$ ). Вторая ветвь возникает при выборе решения  $\varphi_i = a\varphi_2/\bar{\tau}_i + o(a^3)$ . В этом случае  $|\varphi_2|^2 = -\tau_2/2 - o(a^2)$  и соответственно  $|\eta_i|^2 = -2\bar{\tau}_i/\gamma_{\pm} + o(a^2)$ . Решение с  $\gamma_{\pm} = 1$  здесь также не подходит, поскольку дает положительную величину для свободной энергии. Сравнение энергий для ветвей с  $\varphi_i \sim o(1)$  и  $\varphi_i \sim o(a)$  показывает, что вторая из них более выгодна. Таким образом, предпочтительным оказывается такое упорядочение, когда при  $s$ -спаривании в слоях с CuO-цепочками слои, содержащие CuO<sub>2</sub> структуры, имеют сверхпроводимость в основном с  $d$ -спариванием. При этом слабая джозефсоновская связь между слоями наводит здесь небольшую примесь состояний  $s$ -типа, малую в меру слабости этой связи.

Описанная выше картина распределения сверхпроводимости в слоях YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6+x</sub> хорошо согласуется в наблюдаемой в экспериментах по измерению сдвига Найта на ионах Cu в позициях Cu (1) и Cu (2) [6]. Следует отметить, что присутствие слабой примеси  $s$ -состояний должно приводить в кроссоверу температурной зависимости величины найтовского сдвига при низких температурах (в области  $\Delta T/T_c \sim a$ ). Результаты экспериментов [6] действительно свидетельствуют в пользу того, что имеет место отклонение температурного хода величины сдвига от линейного в сторону экспоненциальной зависимости. Однако точность результатов не позволяет пока определить ширину указанной области (этот интервал можно оценить в пределах  $0.1 \ll \Delta T/T_c \ll 0.5$ ).

#### Список литературы

- [1] Inderhees S. E., Salamon M. B., Goldenfeld N. et al. // Phys. Rev. Lett. 1988. V. 60. N 11. P. 1170—1172.
- [2] Butera R. A. // Phys. Rev. B. 1988. V. 37. N 9. P. 5909—5919.
- [3] Воловик Г. Е. // Письма в ЖЭТФ. 1988. Т. 48. № 1. С. 39—42.
- [4] Lobb S. J. // Phys. Rev. B. 1987. V. 36. N 7. P. 3930—3932.
- [5] Salamon M. B., Inderhees S. E., Rice J. P. et al. // Phys. Rev. B. 1988. V. 38. N 1. P. 885—888.
- [6] Annett J. F., Panderia M., Renn S. R. // Preprint, University of Illinois, April 18, 1988. 28 p.
- [7] Horn P. M., Kean D. T., Held G. A. et al. // Phys. Rev. Lett. 1987. V. 59. N 24. P. 2772—2775.
- [8] Takigawa M., Hammel P. C., Hefner R. H., Fisk Z. // Preprint, Los Alamos Nat. Lab., 1988. 14 p.
- [9] Bulet D. V., Dawson W. G. // J. Phys. C. 1987. V. 20. N 31. P. L853—L860.
- [10] Oguchi T., Park K. T., Terakura K., Yanase A. // Physica B. 1987. V. 148. N 1/3. P. 253—256.
- [11] Massida S., Ju J., Freeman A. J., Koelling D. D. // Phys. Lett. A. 1987. V. 122. N 3—4. P. 198—208.
- [12] Freitas P. P., Tsuei C. C., Plaskett T. S. // Phys. Rev. B. 1987. V. 36. N 1. P. 833—835.
- [13] Worthington T. K., Gallagher W. J., Dinger T. R. // Phys. Rev. Lett. 1987. V. 59. N 10. P. 1160—1163.

- [14] Klemm R. A., Lutheer A., Beasley M. R. // Phys. Rev. B. 1975. V. 12. N 3. P. 877—891.
- [15] Tarento R. J. // Phys. Lett. A. 1988. V. 133. N 6. P. 330—334.
- [16] Theodorakis S., Tešanović Z. // Phys. Lett. A. 1988. V. 132. N 6—7. P. 372—374.
- [17] Tešanović Z. // Phys. Rev. B. 1987. V. 36. N 4. P. 2364—2367.
- [18] Tešanović Z. // Phys. Rev. B. 1988. V. 38. N 4. P. 2489—2493.
- [19] Tešanović Z., Bishop A. R., Martin R. L. // Sol. St. Comm. 1988. V. 68. N 3. P. 337—341.
- [20] Halperin B. I., Hohenberg P. C., Ma S.-K. // Phys. Rev. Lett. 1972. V. 29. N 23. P. 1548—1549.
- [21] Sahu D., Langer A., George T. F. // Phys. Rev. B. 1988. V. 38. N 4. P. 2466—2471.

Донецкий физико-технический институт АН УССР  
Донецк

Поступило в Редакцию  
31 марта 1989 г.

