

УДК 535.34 : 548.0

ОСОБЕННОСТИ ВИБРОННОГО СПЕКТРА ПОГЛОЩЕНИЯ КРИСТАЛЛА НАФТАЛИНА

И. В. Бровченко, В. И. Товстенко, М. Т. Шпак

На основе представлений о трансляционных (франк-кондоносовских) и локализованных (герцберг-тэллеровских) вибонах вместе с впервые обнаруженными строго поляризованными по а-направлению полосами в единой схеме проинтерпретирован начальный участок спектра поглощения кристалла нафталина.

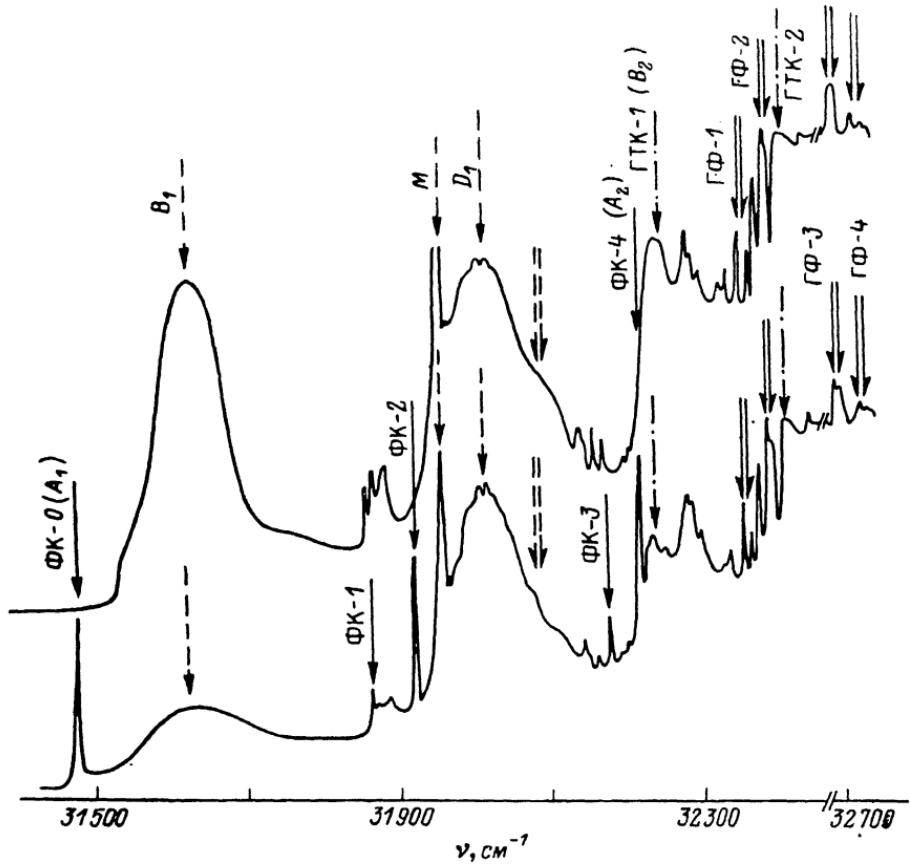
Спектр поглощения кристалла нафталина изучался многими авторами, и его структура известна достаточно хорошо (подробный обзор литературы имеется в [1, 2]). Основные особенности спектра проинтерпретированы в одних случаях однозначно, в других — противоречивым образом, и, наконец, имеются ситуации, которые до сих пор не нашли убедительного объяснения. Рассмотрим некоторые из них.

Так, с одной стороны, считается установленным, что полосы (см. рисунок) A_1 (ФК-0) и B_1 с максимумами на частотах 31 476 и 31 636 см^{-1} соответственно являются компонентами давыдовского дублета чисто электронного перехода. С другой стороны, нет достаточно убедительных аргументов для объяснения тех свойств дублета, которые не согласуются с принятой трактовкой. До сих пор остается непонятной, например, причина не характерного для резонансного поглощения света в точке $|\mathbf{q}_0| \approx 0$ (\mathbf{q}_0 — волновой вектор света) распределения интенсивности по спектру в полосе B_1 — ширина области поглощения порядка 200 см^{-1} . Нет единого мнения о причинах деполяризации этой полосы [3]. Взаимодействие с решеточными фононами вряд ли может считаться серьезным аргументом, объясняющим уширение и деполяризацию при гелиевых температурах, поскольку параметры полосы слабо чувствительны к температурным изменениям [4]. Далее, если полосу B_1 рассматривать как одну из компонент давыдовского дублета, то при малой силе осциллятора перехода в изолированной молекуле нафталина непонятна причина относительно большой величины расщепления, порядка 160 см^{-1} . Эта величина сравнима с расщеплением в кристалле антрацена, где сила осциллятора внутримолекулярного перехода на несколько порядков больше [5].

Поскольку вклад диполь-дипольного взаимодействия в ширину экситонной зоны кристалла нафталина, по оценке авторов [6], равен примерно 10 см^{-1} , то парадокс, связанный с аномально большим давыдовским расщеплением, Крейг [7] попытался устранить, учитывая в обменных интегралах ряд высших мультиполей. Его расчет, однако, нельзя считать корректным, так как использованные им волновые функции при вычислении дипольного момента давали значение, в 10—15 раз превышавшее наблюдаемое в молекуле [7]. На основе данных по пространственному распределению заряда в молекуле Филпотт [8] провел прямой численный расчет резонансных интегралов (фактически были учтены мультиполи всех порядков) и получил результат, также не согласующийся с экспериментальными данными для нижайшего электронного перехода в нафталине. Не объясняет аномально большой величины расщепления и учет

с состояний с переносом заряда. По данным авторов [9], смешивание этих состояний с электронными может дать вклад до 30 см^{-1} .

Поляризационное отношение $P_{b/a}$ для рассматриваемого перехода примерно на два порядка отличается от модели ориентированного газа. Попытка Крейга [10] объяснить этот факт смешиванием электронных состояний через межмолекулярное взаимодействие удалась лишь частично, поскольку наблюдаемое значение $P_{b/a}$ по крайней мере на порядок отличается от расчетного.



Фотоэлектрическая запись спектра поглощения кристалла нафтилина при $T=4.2 \text{ К}$. Верхняя кривая соответствует направлению поляризации света вдоль b -оси кристалла, нижняя — вдоль a -оси.

Таким образом, вопрос о природе полосы B_1 не является тривиальным и к настоящему времени не имеет однозначного толкования.

Не выяснена также природа строго поляризованной по a -направлению хорошо известной полосы $31\ 920 \text{ см}^{-1}$ (ФК-1) [11]. Вызывает ряд возражений и трактовка пары полос A_2 ($\Phi\text{К}-4, 32\ 228 \text{ см}^{-1}$) — B_2 ($32\ 260 \text{ см}^{-1}$) как давыдовского дублета вибонного перехода с участием полносимметричного (ПС) внутримолекулярного колебания a_g с $\omega^0 = 761 \text{ см}^{-1}$, $\omega^f = 702 \text{ см}^{-1}$ [2, 12] (ω^0 — частота нормального колебания в основном электронном состоянии, ω^f — в возбужденном). Дело в том, что положение максимума полосы B_2 (ГТК-1) очень хорошо согласуется с энергией квазистационарного, двухчастичного в модели Рашбы [13] состояния (переход с участием неполносимметричного (НПС) фонара b_{2g} с $\omega^0 = 773$, $\omega^f = 753 \text{ см}^{-1}$). Дополняет неубедительность трактовки и тот факт, что использованный в [2] подгоночный параметр — линейная константа вибонного взаимодействия $\alpha^2 = 0.2$ — на порядок отличается от более точного, изменившегося в сверхзвуковой струе [14] значения (по данным [14], при $T \approx 0$ $\alpha^2 = 3$).

Приведенные примеры и ряд других особенностей (к ним в первую очередь относятся обнаруженные нами два строго поляризованных по а-направлению резонанса ФК-1 и ФК-3) не объясняются в рамках известных теоретических представлений. Поэтому мы предприняли попытку описать рассматриваемый участок спектра на основе расчета одного из авторов [15].

В [15] использовался известного типа гамильтониан [2, 16], но в котором была учтена многомодовость колебательных состояний молекулы. Нетрудно показать, что вид гамильтониана остается неизменным, если в разложении по внутримолекулярным смещениям оператора взаимодействия возбужденной молекулы со своим окружением учесть линейные и квадратичные члены. Эти слагаемые описывают изменение линейных и квадратичных констант внутримолекулярного электронно-колебательного взаимодействия под влиянием кристаллического поля и легко исключаются с помощью стандартного канонического преобразования [17]. Таким образом, расчет исходил из гамильтониана такого вида

$$H = \sum_{ns} \hbar \omega_{ns}^0 a_{ns}^+ a_{ns} + \sum_n V_n^+ V_n \left(\epsilon_n + \sum_s \hbar \Delta \omega_{ns} a_{ns}^+ a_{ns} \right) + \\ + \sum'_{nm} M_{nm}^0 V_m^+ V_n. \quad (1)$$

Здесь индексом «n» обозначен радиус-вектор молекулы в кристалле, индексом «s» пронумерованы ветви нормальных колебаний; ϵ_n — перенормированный электронный терм молекулы в кристалле; M_{nm}^0 — интегралы обмена возбуждениями между молекулами n и m во франк-кондоновском (ФК) приближении; двойное суммирование в (1) проводится по несовпадающим индексам; $\Delta \omega_{ns} = \tilde{\omega}_{ns}^f - \omega_{ns}^0$ — разность частот (дефект частоты) нормального колебания молекулы в возбужденном и основном электронном состояниях с учетом кристаллических поправок, при этом

$$\tilde{\omega}_{ns}^f = \omega_{ns}^f e^{i \times ns} \approx \omega_{ns}^f + D_{ns}^s, \quad (2)$$

где D_{ns}^s — герцберг-теллеровская (ГТ) квадратичная константа взаимодействия в кристалле.

Операторы рождения и уничтожения внутримолекулярных фононов a_{ns}^+ , a_{ns} определены на колебательных функциях невозбужденного электронного терма. $V_n = B_n P_n$ и $V_n^+ = B_n^+ P_n^+$ — операторы уничтожения и рождения вибронного возбуждения на молекуле [18]. Электронные операторы B_n и B_n^+ при малых концентрациях возбужденных молекул приближенно считаются бозеевскими,

$$P_n = \prod_s P_{ns} = \prod_s e^{\alpha_{ns} (a_{ns}^+ - a_{ns})} e^{(\beta_{ns} - x_{ns}) (a_{ns}^+ a_{ns} - a_{ns} a_{ns}^+)}, \quad (3)$$

$$\beta_{ns} = 1/4 \ln (\omega_{ns}^0 / \omega_{ns}^f), \quad (4)$$

$$\alpha_{ns} = \tilde{\alpha}_{ns} - A_{ns} e^{2\beta_{ns}}, \quad A_{ns} \approx D_n^s / \sqrt{2} \hbar \omega_{ns}^f. \quad (5)$$

Здесь $\tilde{\alpha}_{ns}$ — внутримолекулярная константа линейной электронно-колебательной связи; D_n^s — константа ГТ взаимодействия в кристалле. В идеальной системе величины α_{ns} , x_{ns} , β_{ns} , ϵ_n от номера молекулы не зависят.

Оператор взаимодействия кристалла с электромагнитным полем брался в виде

$$H_{int} = -\frac{1}{c} \sum_n \int A(\tau, t) I_{f,n}(\tau) d\tau (V_n^+ - V_n) - \\ - \frac{1}{c} \sum_{ns} \int A(\tau, t) I_{f,n}^s(\tau) d\tau (V_n^+ + \zeta_{ns} - \zeta_{ns} V_n), \quad (6)$$

$$\zeta_{ns} = 1/\sqrt{2} \cdot (a_{ns} + a_{ns}^+), \quad (7)$$

$$I_{f,n} = I_{f,n}^0 - \sum_s A_{ns} e^{-2\pi n s} I_{f,n}^s, \quad (8)$$

А — оператор векторного потенциала, $I_{f,n}^0$ — ФК составляющая плотности тока перехода молекулы из основного состояния в возбужденное, $I_{f,n}^s$ — первая производная тока по нормальной координате.

Для изучения спектральных свойств кристалла в рассматриваемой области частот использовались двухвременные функции Грина (ФГ)

$$\langle\langle V_n | V_m^+ \rangle\rangle = \frac{1}{i\hbar} \Theta(t) \langle [V_n(t), V_m^+(o)] \rangle, \quad (9)$$

$$\langle\langle \zeta_{ns} V_p | V_m^+ \zeta_{lk} \rangle\rangle = \frac{1}{i\hbar} \Theta(t) \langle [\zeta_{ns}(t) V_p(t), V_m^+(o) \zeta_{lk}(o)] \rangle. \quad (10)$$

Из-за математических трудностей при вычислении этих функций обычно используются приближенные методы, основанные на частичных разложениях экспонент в операторе (3). В динамической теории Ращбы [2], например, после разложения операторов P_n и P_m^+ в ряды до первого члена включительно с помощью канонического преобразования из произведения $P_m^+ P_n$ в гамильтониан исключаются линейные члены и члены, не сохраняющие числа частиц. Таким приемом выделяются бесфононная часть и часть, содержащая слагаемые типа $a_n^+ a_n$, $a_m^+ a_m$. С помощью динамической теории удалось выяснить природу широкополосного и узкополосного деполяризованного поглощения в молекулярных кристаллах ароматического ряда. С другой стороны, теория Э. И. Ращбы и других авторов (подробный список литературы имеется в [2, 16]) приводила к экспоненциальному зависимости ширины экситонной зоны от внутримолекулярных констант вибронного взаимодействия. Этот вывод, однако, не подтвердился в экспериментальных работах на изотопически замещенных кристаллах [18–20]. Кроме того, использование частичных разложений операторов P_n может привести и к другим трудностям при сравнении теории с опытом. Легко видеть из (6), например, что интенсивность широкополосного поглощения, если описывать ее двухчастичной ФГ, может отличаться на порядок и более в зависимости от того, в каком из двух слагаемых (6) проводить разложение: то ли во ФК ограничиться линейным членом по фононным операторам, то ли в ГТ — нулевым.

Ограниченностей теории [2, 16] состояла и в том, что была она разработана для одномодового внутримолекулярного осциллятора и поэтому не описывала ряда явлений, характерных для кристаллов, состоящих из сложных молекул.

В [15] удалось получить и решить уравнения для точных ФГ (9), (10) на гамильтониане (1). Приводим один из результатов — формулы для частотной зависимости поглощения в области бесфононного W_μ^{00} и однофононного переходов W_μ^{01} в случае кристалла с двумя молекулами в ячейке и нормального падения света на плоскость ab (индексом « μ » пронумерованы компоненты давыдовского дублета)

$$W_\mu^{00} \sim I_\mu(q_0) \eta [E - \epsilon - \epsilon_\mu(q_0)] + \sum_s I_\mu^s d_s^2 \rho_s (\nu_s = 0, \nu_k = 0), \quad (11)$$

$$W_\mu^{00} \sim a_k^2 I_\mu(q_0) \eta [E - \epsilon - \epsilon_\mu(q_0) - \hbar \tilde{\omega}_k] + I_\mu^k (1 - a_k^2)^2 \rho_k (\nu_k = 1, \nu_s = 0) + \\ + a_k^2 \sum_{s \neq k} I_\mu^s a_s^2 \rho_s (\nu_s = 1, \nu_k = 0). \quad (12)$$

Здесь $I_\mu(q_0)$, I_μ^s — ФК с учетом поправки на кристаллическое поле (см. (8)) и ГТ константы взаимодействия кристалла со светом соответственно; $\epsilon_\mu(q_0)$ — не зависящая от констант вибронного взаимодействия зонная энергия экситона (вибрана),

$$p_k(v_k, v_s) = -\frac{1}{\pi} \operatorname{Im} \frac{g_k(v_k, v_s)}{1 - \hbar \Delta \omega_k g_k(v_k, v_s)} \quad (13)$$

— спектральная плотность вибронно возбужденного кристалла,

$$g_k(v_k, v_s) = \frac{1}{N} \sum_{q\mu} \frac{1}{E - \epsilon - \epsilon_\mu(q) - \hbar \tilde{\omega}_\mu^f v_s - \hbar \omega_k^f v_k + \hbar \Delta \omega_k}, \quad (14)$$

где N — число ячеек в основной области кристалла.

В формулах (11), (12) первые слагаемые являются компонентами давыдовского дублета и описывают резонансное поглощение фотона в точке $|\mathbf{q}_0| \approx 0$ (ФК переход). В состоянии ФК типа развиваются внутримолекулярные переходы с участием ПС колебаний, НПС колебаний с участием четного числа фононов, а также тех НПС колебаний с участием нечетного числа фононов, для которых отлична от нуля ГТ константа D_n^{**} . Если отлична от нуля квадратичная константа D_n^{**} , в кристалле испытывает сдвиг внутримолекулярный колебательный терм, и, таким образом, энергетические интервалы колебательных прогрессий в кристалле и изолированной молекуле могут, вообще говоря, не совпадать. Второе слагаемое в (12) описывает собственное ГТ поглощение, последние в (11), (12) — распределение интенсивности в фононных крыльях. При фиксированном значении ГТ констант I_μ^* влияние фононного крыла возрастает с увеличением α_k^2 , при этом для α_k^2 , близком к единице, интенсивность собственного ГТ поглощения становится минимальной. Для состояний некондоновского типа распределение интенсивности в полосе такое же, как распределение спектральной плотности на изотопически замещенном примесном узле (здесь роль локального потенциала играет дефект частоты $\Delta \omega$). Полосы ГТ состояний деполяризованы, поляризационное отношение здесь такое же, как в модели ориентированного газа.

Таким образом, по ряду особенностей картина спектра, которая описывается формулами (11), (12), качественно согласуется с результатами работ [2, 16]. Новое состоит в следующем: во-первых, как следствие учета многомодовости внутримолекулярных колебаний имеется слагаемое, описывающее дополнительную структуру вблизи ФК перехода (фононное крыло); во-вторых, показано, что интенсивности переходов в трансляционные и локализованные состояния определяются константами разной природы (ФК и ГТ соответственно) в операторе взаимодействия кристалла с электромагнитным полем (ср., например, (11), (12) с формулой (2.19) в [16] или (6.2.5) в [2]); в-третьих, через добавки к линейной и квадратичной внутримолекулярным константам электрон-фононного взаимодействия в явном виде учтено влияние кристаллического поля на изменение частот переходов и их интенсивности при агрегации молекул в кристалл. И наконец, в отличие от других авторов ширина экситонной зоны, а вместе с ней и давыдовское расщепление не имеют сильной экспоненциальной зависимости от констант вибронного взаимодействия. Этот вывод хорошо согласуется с экспериментальными данными о неизменности давыдовского расщепления от типа изотопа в изотопически замещенных кристаллах [18-20].

Экспериментальные измерения проводились на спектрографе ДФС-13/2 (обратная линейная дисперсия с 2 Å/мм) с фотоэлектрической приставкой ФЭП-2. Температура образца составляла 4.2 К. Нафталин очищался методом вонной плавки (около 100 зон). Монокристаллы с развитой ab-плоскостью выращивались методом сублимации. Использовались образцы толщиной около 5 мкм, что позволило наблюдать ряд слабых полос поглощения. Поляризация падающего света осуществлялась с помощью призмы Глана—Томсона. Волновой вектор света был ориентирован нормально к ab-плоскости кристалла.

Полученные спектры представлены на рисунке. Хорошо видно, что спектр состоит из полос трех основных типов: узких, строго поляризованных по a-направлению резонансов, узких, но деполяризованных

резонансов, а также широких деполяризованных линий. По мере удаления в высокочастотную область заметна тенденция к увеличению фона.

В литературе, к сожалению, не имеется достаточных для проведения количественного анализа спектра кристалла сведений об интенсивностях вибронных переходов в молекуле нафталина [14]. В основу предлагаемой трактовки были положены такие аргументы. Величина ГТ поправки первого порядка к ФК приближению примерно равна 10 % [21]. Наличие в молекуле нафталина 9 ПС колебаний (ряд вибронных переходов с их участием обладает заметной интенсивностью [14]), а также наличие в кристалле разрешенных переходов на нечетные подуровни с участием НПС колебаний (2 из них нами впервые обнаружены) делают реальной ситуацию, когда интенсивность фонового крыла становится сравнимой и даже превосходит интенсивность О—О перехода. Поскольку свойства полосы B_1 , о которых говорилось выше, не позволяют считать ее компонентой давыдовского дублета, а очень хорошо согласуются с характеристиками ГТ состояний (сюда в первую очередь относятся большая ширина и деполяризация, а также слабая чувствительность к температурным изменениям), нам представляется логичным считать полосу B_1 фоновым крылом чисто электронного перехода $A_{1g}—B_{3u}$.

Если для оценки интенсивности b -компоненты давыдовского дублета задаться величиной, близкой к модели ориентированного газа, т. е. считать P_y/a равным 0.25 [10], то становится понятной причина наличия в спектре только одной, поляризованной по a -направлению компоненты дублета, другая, более слабая, на фоне сильного поглощения не проявляется.

Предложенная трактовка полосы B_1 как фонового крыла, обусловленного ГТ взаимодействием, не противоречит известным экспериментам с растворами дейтеронафталинов Шеки [22], поскольку основные характеристики крыла — его полуширина, положение максимума и т. д. — определяются параметрами зоны, зависящими от концентрации примесных центров.

Аномально большую ширину экситонной зоны, на порядок превышающую вклад от диполь-дипольного взаимодействия, можно объяснить наличием состояний электрического ангармонизма. Задача с учетом этого фактора подробно не рассматривалась, но, используя квадратичные члены в разложении по внутримолекулярным смещениям матричных элементов резонансного взаимодействия, можно показать, что добавка равна

$$\eta_{\mu}(q) = \sum_s \epsilon_{\mu}^s(q) \sim \sum_{sp} M_{0n}^{ss} e^{i q p}, \quad (15)$$

где M_{0n}^{ss} — вторая производная по нормальной координате от матричных элементов резонансного взаимодействия. Даже в том случае, когда каждая из величин $\epsilon_{\mu}^s(q)$ мала, порядка 1 см⁻¹, вклад от 48 нормальных колебаний может составить несколько десятков см⁻¹ и, таким образом, существенно изменить параметры затравочной зоны.

При идентификации состояний ФК типа (основные характеристики представлены в таблице, на рисунке обозначены сплошными стрелками),

Параметры ФК полос в кристалле нафталина (частота, см⁻¹)

	Энергия перехода							Симметрия перехода
	кристалл			молекула				
ФК-0	31476	—	—	—	—	—	—	$A_{1g}—B_{3u}$
ФК-1	31860	473	384	—89	473	386	—87	$A_{1g}—B_{3u}b_{1u}$
ФК-2	31920	514	444	—70	514	501	—13	$A_{1g}—B_{3u}a_{1g}$
ФК-3	32185	780	709	—71	780	708	—72	$A_{1g}—B_{3u}b_{1u}$
ФК-4	32228	761	752	—9	761	702	—59	$A_{1g}—B_{3u}a_{1g}$

кроме строгой поляризации линий по а-направлению и корреляции их частотного положения и интенсивности с внутримолекулярными величинами, учитывался и дополнительный аргумент — наличие колебательных повторений с частотами ФК состояний на других реперных линиях спектра. Легко, например, выделяются серии, построенные на λ -полосе 31960 см^{-1} (на рисунке обозначены двойными сплошными стрелками): $\Gamma\Phi-1 \rightarrow 31960 + 384 = 32344 \text{ см}^{-1}$, $\Gamma\Phi-2 \rightarrow 31960 + 444 = 32404 \text{ см}^{-1}$, $\Gamma\Phi-3 \rightarrow 31960 + 709 = 32669 \text{ см}^{-1}$, $\Gamma\Phi-4 \rightarrow 31960 + 752 = 32712 \text{ см}^{-1}$. Полоса $\Gamma\Phi-3$ находится в структурной области — почти резонансно совпадают с ней колебательные повторения состояний ФК-2 и ФК-4 на частотах 752 и 444 см^{-1} соответственно.

Полоса D_1 также имеет сложную структуру. Наблюдаемый контур является результатом наложения зонных состояний двухчастичного перехода с участием НПС колебания b_{1g} ($\omega^0 = 509$, $\omega' = 436 \text{ см}^{-1}$) [1, 2], ГТ состояний с участием НПС колебаний b_{2g} ($\omega^0 = 620$, $\omega' = 486 \text{ см}^{-1}$) и b_{3u} ($\omega^0 = 619$, $\omega' = 593 \text{ см}^{-1}$), а также колебательных повторений полосы B_1 на частотах ФК-1 и ФК-2. Последнее хорошо выражено и отмечено на рисунке двойной штрихованной стрелкой.

На приведенном участке спектра как по интенсивности, так и по частотному расположению очень хорошо вписываются в концепцию ГТ перехода два квазистационарных состояния: ГТК-1 (полоса B_2) и ГТК-2 — переход с участием НПС колебаний b_{1g} ($\omega^0 = 939$, $\omega' = 908 \text{ см}^{-1}$). Интерпретация других линий спектра проведена в [1, 2, 12]. Расшифровка тонких структур нам представляется перспективной на основе учета членов более высоких порядков в ГТ взаимодействии.

Эффект усиления фона по мере продвижения в высокочастотную область поглощения можно объяснить наложением медленно спадающих по интенсивности колебательных повторений фоновых крыльев и других широких полос спектра.

На основе сопоставления экспериментальных данных и выше приведенных формул мы провели оценку ряда ГТ констант. Так, для состояния ФК-2 линейная константа $D_n^0 \approx 250 \text{ см}^{-1}$, а квадратичная $D_n^{**} \approx -55 \text{ см}^{-1}$. Для состояния ФК-4 квадратичная константа D_n^{**} порядка 46 см^{-1} . Таким образом, квадратичная константа близка по величине и совпадает по знаку с частотным сдвигом внутримолекулярного перехода под влиянием кристаллического поля.

Список литературы

- [1] Шека Е. Ф. // УФН. 1971. Т. 104. № 4. С. 593—643.
- [2] Броуде В. Л., Рашба Э. И., Шека Е. Ф. Спектроскопия молекулярных экситонов. М.: Энергоиздат, 1981. 248 с.
- [3] Соскин М. С. // Укр. физ. журн. 1960. Т. 5. № 5. С. 707—710.
- [4] Maria H. I. // J. Chem. Phys. 1964. V. 40. N 2. P. 551—554.
- [5] Бродин М. С., Марисова С. В., Прихотько А. Ф. // Экситоны в молекулярных кристаллах. Киев: Наукова думка, 1973. С. 50—83.
- [6] Greer W. I., Rice S. A., Jortner J. // J. Chem. Phys. 1968. V. 48. № 12. P. 5667—5682.
- [7] Craig D. P., Walmsley S. H. // Mol. Phys. 1968. N 4. P. 113—124.
- [8] Schlosser D. W., Philpott M. R. // J. Chem. Phys. 1982. V. 77. N 4. P. 1969—1983.
- [9] Rice S. A. // J. Chem. Phys. 1965. V. 42. N 8. P. 2948—2961.
- [10] Крейг Д., Уолмсли С. // Физика и химия твердого состояния органических соединений. М.: Мир, 1967. С. 511—572.
- [11] Остапенко Н. И., Черноморец М. П., Шпак М. Т. // Укр. физ. журн. 1976. Т. 27, № 3. С. 272—276.
- [12] Теренецкая И. П. // Опт. и спектр. 1974. Т. 36. № 3. С. 518—524.
- [13] Рашба Э. И. // ЖЭТФ. 1966. Т. 50. № 4. С. 1064—1080.
- [14] Behlen F. M., McDonald D. B., Sethuraman V., Rice S. A. // J. Chem. Phys. 1981. V. 75. N 12. P. 5685—5693.
- [15] Товстенко В. И. // Препринт ИФ АН УССР № 86/31. Киев, 1986.
- [16] Давыдов А. С., Сериков А. А. // Экситоны в молекулярных кристаллах. Киев: Наукова думка, 1973. С. 3—41.
- [17] Дудкин С. И. Функции Грина в теории поглощения света кристаллами. Киев: Наукова думка, 1983. 176 с.

- [18] Теренецкая И. П., Шека Е. Ф. // Препринт ИФТТ АН СССР. М., 1973.
- [19] Броуде В. Л. // Препринт ИФТТ АН СССР. М., 1969.
- [20] Tokura Y., Koda T. // J. Lumin. 1979. N 18/19. P. 467—471.
- [21] Франк-Каменецкий М. Д., Лукашин А. В. // УФН. 1975. Т. 116. № 2. С. 193—229.
- [22] Шека Е. Ф. // Опт. и спектр. 1961. Т. 10. № 4—6. С. 684—686.

Институт физики АН УССР
Киев

Поступило в Редакцию
15 марта 1988 г.
В окончательной редакции
28 октября 1988 г.
