

## МАГНИТНОЕ ВЫМОРАЖИВАНИЕ ДЫРОК В ОДНООСНО ДеФОРМИРОВАННОМ $p$ -InSb

Германенко А. В., Миньков Г. М., Румянцев Е. Л., Рут О. Э.

Исследованы магнитополевые ( $H \leq 60$  кЭ) и температурные ( $T = 1.7 \div 77$  К) зависимости коэффициента Холла ( $R$ ) в одноосно деформированном  $p$ -InSb с концентрацией акцепторов  $N_A \approx 10^{14} \div 2 \cdot 10^{16}$  см<sup>-3</sup> при давлениях  $\chi \leq 4.5$  кбар. Показано, что в одноосно деформированном  $p$ -InSb магнитное поле, сжимая волновые функции, приводит к росту энергии ионизации акцептора. При этом в материалах с  $N_A > 10^{15}$  см<sup>-3</sup> при больших сжатиях, когда образец находится на металлической стороне перехода полупроводник—металл, магнитное поле приводит к обратному переходу в полупроводниковое состояние, когда  $N_A a^3 \approx 0.025 \div 0.032$ . Наблюдаемые изменения  $\epsilon_A(H, \chi)$  свидетельствуют о том, что основное состояние акцептора в одноосно деформированном InSb является мелким.

Влияние одноосной деформации на энергетический спектр алмазоподобных полупроводников с вырожденной валентной зоной изучалось в [1], где показано, что одноосное сжатие, понижая симметрию кристалла, приводит к расщеплению зон. При этом верхняя из расщепившихся зон при малых энергиях становится анизотропной и имеет эффективные массы  $m_{\parallel} = (\gamma_1 + 2\tilde{\gamma})^{-1}m_0$  и  $m_{\perp} = (\gamma_1 - \tilde{\gamma})^{-1}m_0$  в направлении, параллельном и перпендикулярном направлению сжатия. При использовании параметров Латтинжера  $\gamma_1$  и  $\tilde{\gamma} = (\gamma_2 + \gamma_3)/2$  для InSb из [2]  $m_{\parallel} = m_{\perp} = 0.0144m_0$ , а  $m_{\perp} \approx 3.5m_0 = 0.05m_0$ , где  $m_0$  — масса легкой дырки,  $m_0$  — масса свободного электрона. Столь сильная перестройка энергетического спектра валентной зоны при одноосном сжатии приводит и к перестройке спектра мелких акцепторных состояний. Влияние одноосной деформации на энергетический спектр свободных и локализованных состояний в  $p$ -InSb экспериментально исследовалось в [3]. Авторы показали, что одноосное сжатие приводит к росту объема волновой функции и уменьшению энергии ионизации акцептора, а в достаточно легированных материалах (с концентрацией акцепторов выше  $10^{15}$  см<sup>-3</sup>) и к переходу Мотта. Полученные в [3] результаты не противоречиво объясняются в предположении, что на диэлектрической стороне перехода Мотта в одноосно деформированных кристаллах  $p$ -InSb основное состояние акцептора является мелким, т. е. отщепляется от потолка валентной зоны. Характерные размеры волновой функции такого акцептора в области предельных деформаций (что для InSb соответствует давлениям  $\chi \geq 4.5$  кбар [3]) могут быть легко оценены [1]:  $a_{\parallel} \approx 400$  и  $a_{\perp} \approx 200$  Å. Очевидно, что примесный центр с такими размерами должен быть очень чувствительным к внешнему магнитному полю, поскольку уже при  $H > 15$  кЭ магнитная длина  $L$  становится меньше  $a_{\parallel}$ ,  $a_{\perp}$ .

В настоящей работе, являющейся продолжением [3], приводятся результаты исследования магнитополевых зависимостей эффекта Холла в одноосно деформированном  $p$ -InSb. Измерения проводились в магнитных полях до 60 кЭ в интервале температур  $1.7 \div 77$  К при давлениях до 4.5 кбар в ориентации  $j \parallel \chi \parallel [110] \perp H$ . Все исследованные образцы были легированы Ge, разность концентраций акцепторов и доноров и степень компенсации  $k = N_D/N_A$  (см. таблицу), так же как и в [3], определялись по температурным зависимостям концентрации дырок.

## Параметры исследованных образцов

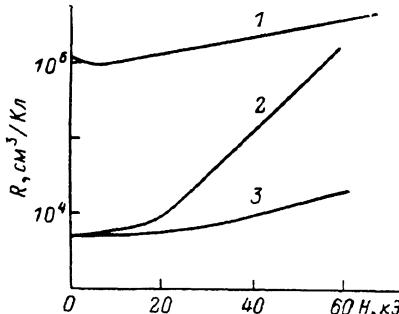
№ образца	$N_A - N_D, \text{ см}^{-3}$	$k = \frac{N_D}{N_A}$	$\chi_c, \text{ кбар}$	$\chi = 4 \text{ кбар}$			
				$H_c, \text{ кЭ}$	$\delta, \text{ мэВ}$	$\delta/\epsilon_A^0$	$N_A^{*2}a^*_{\perp}$
1	$7.0 \cdot 10^{13}$	0.8	—	—	—	—	—
2	$2.5 \cdot 10^{15}$	0.3	3.5	3	1.2	0.6	0.052
3	$4.5 \cdot 10^{15}$	0.2	3.2	10	3.0	1.5	0.031
4	$8.0 \cdot 10^{15}$	0.3	3.0	20	4.7	2.35	0.029
5	$1.9 \cdot 10^{16}$	0.1	2.1	60	—	—	—

1. Энергия ионизации акцепторов в магнитном поле при одноосной деформации. Рассмотрим результаты, полученные на образце 1 с наименьшей концентрацией акцепторов. Анализ температурных зависимостей эффекта Холла, проделанный нами в [3], показал, что в этом образце сжатие приводит к уменьшению энергии ионизации акцептора  $\epsilon_A$  от  $\approx 7$  мэВ при  $\chi=0$  до 1.5 мэВ при  $\chi=5$  кбар, что оказывается близким к теоретическому значению, соответствующему предельной деформации,  $\epsilon_A^0=1.45$  мэВ. При этом параметр легирования  $N_A a^0 \approx 0.007 < 0.02$  во всем интервале давлений, т. е. образец находится на диэлектрической стороне перехода Мотта.

Характерная зависимость коэффициента Холла от магнитного поля при  $\chi \neq 0$  показана на рис. 1, из которого видно, что  $R$  растет с увеличением  $H$ . При более низких давлениях рост  $R$  становится менее выраженным и исчезает при  $\chi=0$ . При этом температурные зависимости  $R$  при постоянных  $\chi$  и  $H$  являются активационными с энергией активации, увеличивающейся в магнитном поле (рис. 2), что свидетельствует об увеличении с полем энергии ионизации

Рис. 1. Полевые зависимости коэффициента Холла для образцов 1 (1) и 3 (2, 3) при  $\chi=4$  кбар.

$T, \text{ К}: 1, 3 - 10, 2 - 6.0.$



акцептора. Отклонение зависимости  $R(T)$  от экспоненциальной при низких температурах связано, по-видимому, с переходом к проводимости по примесной зоне, которая в этой работе не обсуждается. Зависимость  $\epsilon_A(H)$  при фиксированном значении  $\chi$  можно получить из сравнения экспериментальных температурных зависимостей  $p=[eR]^{-1}$  с рассчитанными теоретически из уравнения электронейтральности  $N_A=p+N_D$ , где  $N_A$ ,  $N_D$  — концентрации ионизованных акцепторов и доноров соответственно,  $p$  — концентрация дырок валентной зоны. Плотность состояний валентной зоны, необходимую для вычисления  $p$ , можно найти, зная закон дисперсии. В отличие от ориентации  $H \parallel \chi$  при  $H \perp \chi$  найти точно собственные значения гамильтониана Латтинжера с учетом деформации при  $\gamma_1 \neq 2\bar{\gamma}$  не удается. Собственные волновые функции в этом случае мы искали в виде разложения по волновым функциям гамильтониана Латтинжера при  $\chi=0$ . При учете в разложении одиннадцати членов (что приводило к задаче на собственные значения матрицы  $44 \times 44$ ) при  $H \geq 10$  кЭ погрешность в определении положения верхних трех уровней Ландау валентной зоны не превышала 0.2 мэВ. Для некоторых значений  $H$  при  $\chi=4$  кбар закон дисперсии  $\epsilon_n(k_B)$  показан на рис. 3. При расчетах использованы параметры, указанные в [3]: параметры Латтинжера  $\gamma_1=36.4$ ,  $\bar{\gamma}=16.5$ ,  $k=15.2$ ; константы деформационного потенциала  $b=-2$ ,  $d=-5$  эВ; компоненты тензора упругой податливости  $S_{11}=2.27$ ,  $S_{12}=-0.76$ ,  $S_{44}=3.19$  кбар<sup>-1</sup>. Как показали оценки, при давлениях  $\chi > 1$  кбар и  $H \geq 10$  кЭ при  $T < 25$  К вклад в полную концентрацию дырок от уровней Ландау с номерами  $n \geq 3$  пренебрежимо мал (менее 3 % для  $n=3$ ), поэтому при расчете концентрации учитывались только два уровня Ландау.

Полученные описанным способом зависимости  $\varepsilon_A(H)$  при разных сжатиях показаны на рис. 4.

Теоретический расчет  $\varepsilon_A(H)$  при произвольном значении  $\chi$ , к сожалению, в литературе отсутствует, поэтому сравнить экспериментальные зависимости

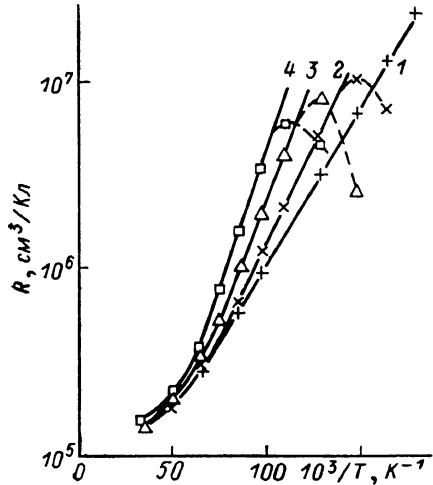


Рис. 2. Температурные зависимости коэффициента Холла для образца 1 при  $\chi=4$  кбар.

$H$ , кЭ: 1 — 10, 2 — 20, 3 — 40, 4 — 60. Сплошные кривые — результаты расчета, описанного в тексте.

$\varepsilon_A(H)$  с теорией можно лишь при предельных деформациях в случае сильного магнитного поля, когда расстояние от основного уровня Ландау валентной зоны до следующего становится больше  $\varepsilon_A$ , а  $L < a_{\parallel}, a_{\perp}$ . Тогда изменения  $\varepsilon_A(H)$

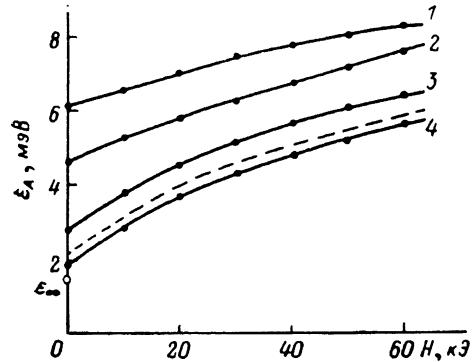


Рис. 4. Зависимости энергии ионизации акцепторов от магнитного поля в образце 1.

Сжатие, кбар: 1 — 0.75, 2 — 1.75, 3 — 3.0, 4 — 4.0. Штриховая линия — теоретическая зависимость  $\varepsilon_A(H)$ , полученная для изотропной зоны с эффективной массой  $m = m_{\perp} \approx 3.5m_0$ .

должны описываться теорией для мелкого примесного состояния, отщепленного от одного уровня Ландау простой изотропной зоны (см., например, [4, 5]), т. е. изменение энергии ионизации акцептора в магнитном поле будет опреде-

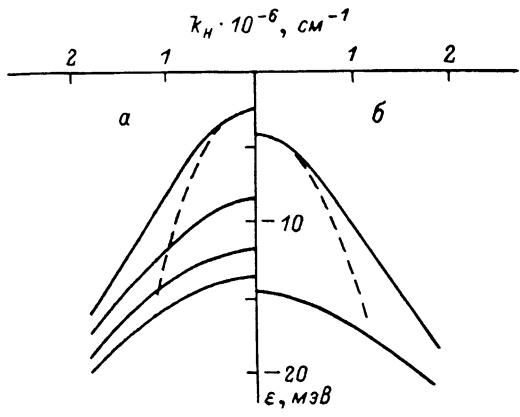


Рис. 3. Зависимости  $\varepsilon (k_H)$  при  $\chi=4$  кбар в ориентации  $H \perp \chi$  в магнитном поле 20 (а) и 60 кЭ (б).

Штриховые линии — зависимость вида  $\varepsilon = \hbar^2 k^2 / 2m$  при  $m = 3.5 m_{\perp} \approx 0.05 m_0$ .

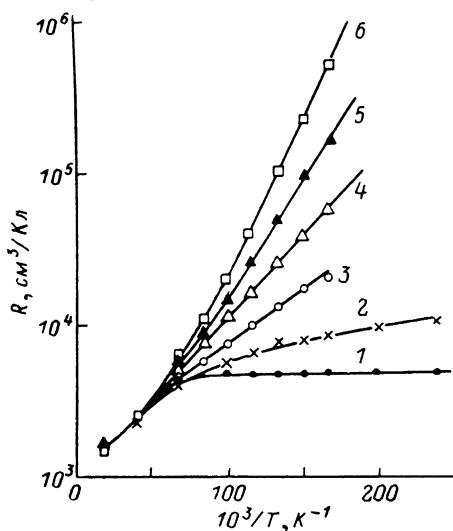


Рис. 5. Температурные зависимости коэффициента Холла для образца 3 при  $\chi=4$  кбар.

$H$ , кЭ: 1 — 0, 2 — 20, 3 — 30, 4 — 40, 5 — 50, 6 — 60. Сплошные кривые — результаты расчета, описанного в тексте.

ляться магнитной длиной, характеризующей размер акцепторной волновой функции в направлении, перпендикулярном  $H$ , и значением эффективной массы  $m$ , характеризующей закон дисперсии вдоль направления магнитного поля, которая в нашем случае равна  $m \approx 3.5 m_i$ . Действительно, как видно из рис. 4, зависимость  $\varepsilon_A(H)$  при  $\chi = 4$  кбар и  $H > 20$  кЭ неплохо описывается теоретической зависимостью [5].

2. *Переход металл—полупроводник в магнитном поле в условиях одноосной деформации.* Рассмотрим результаты, полученные на более легированных образцах (2–5). Как показано в [3], в этих образцах, так же как и в образце 1, одноосное сжатие приводит к уменьшению  $\varepsilon_A$ . Однако в отличие от образца 1 при некотором давлении  $\chi_c$  (см. таблицу) энергия ионизации акцепторов в этих образцах обращается в нуль, т. е. происходит переход к металлической проводимости. При этом коэффициент Холла и проводимость вплоть до самых низких температур ( $T=1.7$  К) определяются свободными дырками валентной зоны.

Полевые и температурные зависимости  $R$  при  $\chi < \chi_c$  в той области температур, где явления переноса определяются свободными дырками (см. [3]), имеют качественно такой же вид, как и для образца 1, а при  $\chi > \chi_c$ , когда в отсутствие магнитного поля образцы находятся на металлической стороне перехода Мотта (т. е.  $R$  и  $\rho$  не зависят от температуры), магнитное поле приводит к появлению активационных зависимостей эффекта Холла и сопротивления (рис. 5).

Зависимости энергии ионизации акцептора от магнитного поля при разных зна-

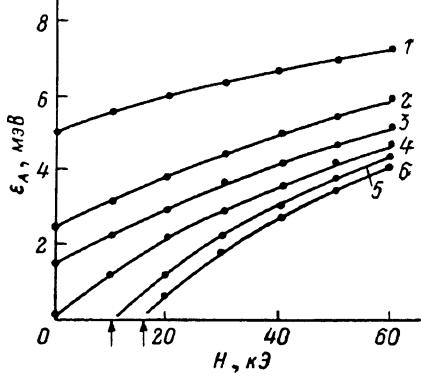


Рис. 6. Зависимости энергии ионизации акцепторов от магнитного поля для образца 3.

Давление, кбар: 1 — 0.9, 2 — 1.95, 3 — 2.6, 4 — 3.25, 5 — 4.0, 6 — 4.5. Стрелками показаны поля  $H_c$ , в которых происходит отщепление акцепторного локализованного состояния.

чениях сжатия, определенные способом, описанным в разделе 1, для одного из образцов приведены на рис. 6. Видно, что при  $\chi > \chi_c \approx 3.5$  кбар имеется критическое поле  $H_c$ , при котором появляется энергия ионизации, т. е. происходит отщепление акцепторного уровня. Оценим значение параметра легирования  $N_A a_{\perp}^{*2} a_{\parallel}^*$  (где  $a_{\perp}$ ,  $a_{\parallel}$  — размеры волновой функции акцептора в направлении, перпендикулярном и параллельном  $H$  соответственно) в магнитном поле  $H_c$ . Для примера рассмотрим результаты, полученные при давлении 4 кбар. Критические поля  $H_c$  в этом случае приведены в таблице. Как показывают расчеты спектра валентной зоны, при  $\chi = 4$  кбар в полях, больших 7 кЭ, расстояние от основного уровня Ландау до следующего ( $\delta$ ) становится больше энергии ионизации одиночного акцептора, которая равна 2 мэВ (рис. 4), поэтому можно считать, что при  $H > 7$  кЭ  $a_{\perp}^* \approx L$ . Продольный размер можно найти из соотношения  $\varepsilon_A^0(H_c) = \hbar^2 / 2ma_{\parallel}^{*2}$  [где  $\varepsilon_A^0(H_c)$  — энергия одиночного центра при этом сжатии в магнитном поле  $H = H_c$ ,  $m \approx 3.5 m_i$ ], пользуясь зависимостью  $\varepsilon_A(H, \chi)$ , полученной для образца 1, для которого во всем интервале сжатий и магнитных полей  $N_A a^3 < 0.02$  и, следовательно,  $\varepsilon_A = \varepsilon_A^0$ . Как видно из таблицы, для образцов 3, 4 величины  $N_A a_{\perp}^{*2} a_{\parallel}^*$  при  $H = H_c$  различаются мало и близки к 0.03. Несколько большее значение параметра легирования для образца 2, имеющего  $H_c = 3$  кЭ, связано с тем, что в этом поле условие  $\delta > \varepsilon_A^0$  оказывается нарушенным (см. таблицу) и оценивать эффективный объем акцепторной волновой функции описанным способом неверно. В образце 5 при  $\chi = 4$  кбар переход металл—полупроводник в используемом интервале магнитных полей не наблюдается, что связано с высоким уровнем легирования образца: оценки показывают, что в этом случае  $H_c \approx 70$  кЭ. Полученные таким образом значения  $N_A a_{\perp}^{*2} a_{\parallel}^*$  при других давлениях лежат в интервале 0.025–0.032, что при учете приближенного способа оценки неплохо согласуется со значением 0.018, кото-

рое соответствует переходу металл—полупроводник в магнитном поле в полу-  
проводнике с простой изотропной зоной [6].

Итак, в одноосно деформированном  $p$ -InSb с концентрацией акцепторов  $N_A < 10^{15} \text{ см}^{-3}$ , в котором одноосная деформация приводит к уменьшению энергии ионизации акцепторов, магнитное поле, сжимая волновые функции, вызывает обратные изменения — рост энергии ионизации. В материалах с  $N_A > 10^{15} \text{ см}^{-3}$  при давлениях, когда образец находится на металлической стороне перехода Мотта ( $\chi > 2.1 \div 3.5$  кбар для разных образцов), магнитное поле приводит к обратному переходу металл—полупроводник при  $N_A a_{\perp}^* a_{||}^* \simeq \simeq 0.025 \div 0.032$ .

Таким образом, полученные зависимости энергии ионизации акцепторов от одноосного сжатия и магнитного поля свидетельствуют о том, что основное состояние акцептора в одноосно деформированном  $p$ -InSb является мелким, т. е. отщепленным от потолка валентной зоны.

### Л и т е р а т у р а

- [1] Бир Г. Л., Пикус Г. Е. Симметрия и деформационные эффекты в полупроводниках. М., 1972. 584 с.
- [2] Сейсян Р. П. Спектроскопия диамагнитных экситонов. М., 1984. 272 с.
- [3] Германенко А. В., Миньков Г. М., Рут О. Э. — ФТП, 1987, т. 21, в. 11, с. 2006—2012.
- [4] Yafet Y., Keyes R. W., Adams E. N. — J. Phys. Chem. Scl., 1956, v. 1, N 3, p. 137—142.
- [5] Smith R., Ronald J. W. Henry et al. — Phys. Rev. B, 1972, v. 6, N 12, p. 3700—3701.
- [6] Robert J. L., Raymond A., Aulombard R. L., Bousquit C. — Phil. Mag. B, 1980, v. 42, p. 1003—1025.

Уральский государственный университет  
им. А. М. Горького  
Свердловск

Получена 7.07.1987  
Принята к печати 21.08.1987