

- [1] Бонч-Бруевич В. Л., Калашников С. Г. Физика полупроводников. М., 1977. 672 с.
- [2] Ильин В. А., Литвак-Горская Л. Б., Рабинович Р. И., Шапиро Е. З. // ФТП. 1973. Т. 7. В. 8. С. 1631—1633.
- [3] Рабинович Р. И. // ЖЭТФ. 1978. Т. 75. В. 2. С. 524—535.
- [4] Эштейн Э. М., Шмелев Г. М., Цуркан Г. И. Фотостимулированные процессы в полупроводниках. Кишинев, 1987. 168 с.
- [5] Шмелев Г. М., Эштейн Э. М. // ФТП. 1982. Т. 16. В. 4. С. 747—749.
- [6] Лянда-Геллер Ю. Е. // ФТП. 1986. Т. 20. В. 9. С. 1736—1739.
- [7] Владимиров В. В., Волков А. Ф., Мейлихов Е. З. Плазма полупроводников. М., 1979. 254 с.
- [8] Kaw P. // Phys. Rev. Lett. 1968. V. 21. N 8. P. 539—541.

Институт прикладной физики  
АН МССР  
Кишинев

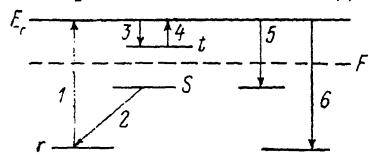
Получено 6.07.1988  
Принято к печати 21.09.1988

ФТП, том 23, вып. 2, 1989

## МОДЕЛЬ АНОМАЛЬНОЙ ФОТОПРОВОДИМОСТИ

Стыс Л. Е.

Фотопроводимость называют аномальной (АФ), если ее стационарное значение практически не зависит от интенсивности возбуждающего света, а определяется лишь его энергией кванта [1]. Это явление впервые было обнаружено в аморфном селене [1], а затем и в других полупроводниках [2]. АФ наблюдается, как правило, после «вспышечной» кинетики фотопроводимости  $\Delta \sigma(t)$ , когда первоначальный рост  $\Delta \sigma(t)$  сменяется ее спадом при постоянной интенсивности возбуждающего света. Возможные причины АФ обсуждались в [1, 2]. В настоящей работе показано, что основные закономерности АФ можно объяснить в рамках известной модели Роуз [3], если предположить, что темп рекомбинации лимитируется туннельными переходами неосновных локализованных носителей между рекомбинационными центрами различного типа.



Положение уровней в запрещенной зоне и электронные переходы ( $E_c$  и  $E_v$  — края разрешенных зон).

1—6 соответствуют номерам переходов в тексте.

Рассмотрим для определенности полупроводник  $n$ -типа, в котором есть центры трех типов (см. рисунок): мелкие донороподобные центры прилипания для электронов ( $t$ -центры), которые в термодинамическом равновесии не заполнены, так как расположены выше уровня Ферми  $F$ , и два типа акцептороподобных центров ( $r$ - и  $s$ -центры), которые расположены ниже уровня Ферми и заполнены электронами. В неравновесных условиях  $t$ -центры будут заполняться электронами, а  $r$ - и  $s$ -центры — дырками. Следуя Роузу [3], будем считать, что коэффициент захвата свободного электрона на дырку, локализованную на  $s$ -центре ( $C_s$ ), намного больше, чем на  $r$  ( $C_r$ ). Такое предположение вполне естественно, если учесть, что уровни  $s$ -центров расположены выше уровней  $r$ -центров (см. рисунок), поэтому при безызлучательной рекомбинации на  $s$ -центрах должно выделяться меньше фононов.

Допустим, что фотогенерация носителей осуществляется за счет перевода электрона с  $r$ -центра в  $s$ -зону (переход 1 на рисунке). Свободные электроны могут захватываться на  $t$ -центры и термически выбрасываться с них (процессы 3, 4) или рекомбинировать с дырками на  $r$ - или  $s$ -центрах (переходы 5, 6).

Дырки же на  $s$ -центрах, если термический выброс их с  $r$ -центров подавлен (мы предполагаем, что уровни  $r$ -центров дальше отстоят от  $v$ -зоны, чем уровни  $t$ -центров от  $s$ -зоны), могут возникать только за счет туннельной перелокализации их с  $r$ -центров (переход 2).

Рассмотрим ближайшую пару  $r$ - и  $s$ -центров размером  $l$ . Такая пара может находиться в четырех зарядовых состояниях. Обозначим через  $g_{ij}(l, t)$  вероятность того, что принадлежащий паре  $r$ -центр находится в  $i$ -м зарядовом состоянии, а  $s$ -центр — в  $j$ -м. Индексы  $i$  и  $j$  могут принимать значения 0 и «—» в зависимости от того, находится ли в данном центре дырка или нет.

Совокупность величин  $g_{ij}(l, t)$  определяется из системы уравнений

$$dg_{-0}/dt = v(l) g_{0-} + nC_s g_{00} - (f + nC_s) g_{-0}, \quad (1)$$

$$dg_{0-}/dt = fg_{--} + nC_s g_{00} - [v(l) + nC_r] g_{0-}, \quad (2)$$

$$dg_{00}/dt = fg_{-0} - n(C_s + C_r) g_{00}, \quad (3)$$

$$g_{--} + g_{0-} + g_{00} + g_{-0} = 1. \quad (4)$$

Здесь  $f$  — темп фотоионизации (переход 1),  $n$  — концентрация свободных электронов,  $v(l)$  — вероятность туннельного перехода 2 в единицу времени:

$$v(l) = v_0 \exp(-al), \quad (5)$$

где  $v_0$  — характерная частота,  $2a^{-1}$  — радиус локализации дырки на  $r$ -центре [4], а  $l$  — размер пары.

Найдем стационарное ( $dg_{ij}/dt = 0$ ) решение системы (1) — (4). С его помощью определим величины  $r(l) = g_{0-} + g_{00}$  и  $s(l) = g_{-0} + g_{00}$ , которые предоставляют вероятность найти дырку на  $r$ - или  $s$ -центре. Можно показать, учитывая неравенство  $C_s \gg C_r$ , что

$$r(l) = \frac{f[fv(l) + nC_s(f + nC_s)]}{[v(l) + f + nC_r](nC_s + f)nC_s + f^2v(l)}, \quad (6)$$

$$s(l) = \frac{v(l)f(f + nC_s)}{[v(l) + f + nC_r](nC_s + f)nC_s + f^2v(l)}. \quad (7)$$

В приближении пар средняя заселенность дырками  $r$ - и  $s$ -центров  $\langle r \rangle$  и  $\langle s \rangle$  есть

$$\langle r \rangle = \int_0^\infty r(l) F(l) dl, \quad (8)$$

$$\langle s \rangle = \int_0^\infty s(l) F(l) dl. \quad (9)$$

Если принять для определенности, что концентрация  $s$ -центров превосходит концентрацию  $r$ -центров ( $N_s \gg N_r$ ) и центры обоих типов в пространстве расположены нескоррелировано, то

$$F(l) = 4\pi N_s l^2 \exp[-(4\pi/3) N_s l^3]. \quad (10)$$

Тогда концентрации дырок, локализованных на  $r$ - и  $s$ -центрах, есть  $p_r = N_r \langle r \rangle$  и  $p_s = N_s \langle s \rangle$ .

Обсудим пределы применимости приближения ближайших пар. Такое приближение справедливо, если ближайший к дырке на  $r$ -центре  $s$ -центр, как правило, оказывается отрицательно заряженным, т. е. если  $g_{0-}(l) > g_{00}(l)$ . Из уравнений (1) и (3) вытекает, что последнее неравенство справедливо, когда

$$nC_s(f + nC_s) > fv(l). \quad (11)$$

Поэтому если величина  $l_1$ , которая обращает (11) в равенство, такова, что

$$N_s l_1^3 \ll 1, \quad (12)$$

то справедливы выражения (8) и (9). В самом деле, если какой-то *s*-центр оказался ближайшим одновременно для двух *r*-центров и размеры этих пар  $l > l_1$ , то перелокализация дырок с *r*-центров на *s*-центры происходит практически независимо, а в силу условия (12) для пар размером  $l < l_1$  пренебрежимо мала.

Из выражений (6) и (7) с учетом (11) следует, что для пар размером  $l > l_1$

$$r(l) = f/[f + v(l) + nC_r], \quad s(l) = r(l)v(l)/(nC_s). \quad (13)$$

Как видно из (13), максимальное расстояние *L*, на котором эффективно происходят туннельные переходы 2, определяется из равенства  $v(L) = f + nC_r$ , т. е.

$$L = \alpha^{-1} \ln [v_0/(f + nC_r)]. \quad (14)$$

(Последнее справедливо, когда  $v_0 > f + nC_r$ , что, как правило, имеет место для типичных параметров полупроводников [4]). Сопоставление (14) и (11) показывает, что  $L > l_1$ , если  $nC_s > f$ . Тогда, подставляя  $r(l)$  и  $s(l)$  из (13) в (8) и (9), можно показать, учитывая (10), что

$$\langle r \rangle = f(f + nC_r)^{-1} \exp [-(4\pi/3) N_s L^3], \quad (15)$$

$$\langle s \rangle = f(nC_s)^{-1} \{1 - \exp [-(4\pi/3) N_s L^3]\}. \quad (16)$$

Для того чтобы определить стационарную концентрацию электронов  $n_{st}$ , необходимо учесть условие электронейтральности, которое имеет вид

$$n + n_t = p_r + p_s. \quad (17)$$

Здесь  $n_t$  — концентрация электронов, локализованных на *t*-центрах, а  $p_r = N_r \langle r \rangle$  и  $p_s = N_s \langle s \rangle$  — концентрации дырок, локализованных на *r*- и *s*-центрах соответственно.

Поскольку в стационарном состоянии существует квазиравновесие между захватом и выбросом электронов с *t*-центров, то

$$n = \theta n_t. \quad (18)$$

Здесь  $\theta = W\tau_t$  — фактор прилипания,  $W$  — темп термического выброса электронов с *t*-центров,  $\tau_t = [C_t(N_t - n_t)]^{-1}$  — характерное время захвата электрона на *t*-центры, которое при  $n_t \ll N_t$  ( $N_t$  — концентрация *t*-центров) можно считать величиной постоянной. Отметим, что в силу условия  $\theta \ll 1$  в (17) можно пренебречь концентрацией свободных электронов  $n$ . Тогда из (17) с учетом (15), (16) и (18) вытекает, что

$$n = \frac{\theta f N_r}{f + nC_r} \exp \left( -\frac{4}{3} \pi N_s L^3 \right) + \frac{\theta f N_r}{nC_s} \left[ 1 - \exp \left( -\frac{4}{3} \pi N_s L^3 \right) \right]. \quad (19)$$

Когда первый член правой части (19) превосходит второй и  $f > nC_r$ , концентрация электронов с учетом определения *L* (14) есть

$$n_{st} = \theta N_r (f/v_0)^\beta, \quad (20)$$

где показатель люксамперной характеристики (ЛАХ)

$$\beta = (4/3) \pi N_s \alpha^{-3} [\ln (v_0/f)]^2. \quad (21)$$

Видно, что, в силу того что параметр слабого легирования  $N_s \alpha^{-3} \ll 1$ , величина  $\beta$  может быть малой. Из предшествующего анализа следует, что  $\beta \ll 1$ , если выполняется неравенство

$$nC_s > f > nC_r, \quad (22)$$

с  $n$  из (20). Таким образом, интервал изменений величины  $f$ , в котором может наблюдаться аномальная фотопроводимость ( $\beta \ll 1$ ), определяется соотношением  $C_s/C_r$ , которое составляет несколько порядков [3].

Для описания кинетики вспышечной фотопроводимости нужно рассмотреть уравнение

$$dn/dt = fN_r (1 - \langle r \rangle) - nC_t (N_t - n_t) + Wn_t - n(C_s p_s + C_r p_r). \quad (23)$$

Величины  $p_r(t)$  и  $p_s(t)$  можно определить, ограничиваясь рассмотрением пар с  $l > l_1$  (11). решив уравнения

$$dr(l, t) dt = f(1 - r) - [v(l) + nC_r] r(l, t), \quad (24)$$

$$ds(l, t)/dt = v(l) r(l, t) - nC_s s(l, t) \quad (25)$$

и проведя усреднение по формулам (8) и (9). Оказывается, что «вспышка» может происходить, если величина  $n_m = fN_r/(C_t N_t)$  больше, чем  $n_{st}$  (19). При этом рост фототока продолжается в течение времени  $(C_t N_t)^{-1}$ , а спад, как видно из (24), происходит за характерное время  $f^{-1}$ .

Заметим, что условия реализации вспышки менее жесткие, чем для АФ. Аналогичный механизм немонотонной кинетики фотопроводимости при генерации типа «уровень—зона» был рассмотрен Рывкиным [6]. Существенное отличие состоит в том, что если интенсивно происходят туннельные ( $r \rightarrow s$ ) переходы, то, как видно из (19), вспышка может происходить даже в случае пре-небрежимо малого фотопросветления (т. е. при  $N_r L^3 > 1$ ).

Обсудим теперь зависимость аномальной фотопроводимости от энергии кванта возбуждающего света. В аморфных полупроводниках в действительности имеются не моноэнергетические уровни, а непрерывный спектр локализованных состояний [6]. Поэтому величина  $N_r$  в (20) зависит от того, из какой части этого спектра происходят переходы 1.

Таким образом, предложенная модель позволяет объяснить основные закономерности АФ. Роль  $r$ -центров в неупорядоченных полупроводниках могут играть хвосты плотности локализованных состояний, а роль  $s$ - и  $t$ -центров — уровни  $D$ -центров в различных зарядовых состояниях [6]. Отметим также, что в халькогенидных стеклообразных полупроводниках, спектр локализованных состояний которых подобен спектру аморфного Se [6], неоднократно наблюдалась вспышечная кинетика фотопроводимости при генерации типа уровень—зона [7, 8]. Поэтому мы считаем, что предложенный механизм АФ реализуется в неупорядоченных полупроводниках, обладающих достаточно разветвленным спектром локализованных состояний.

Автор выражает благодарность М. К. Шейнкману и А. Я. Шику за обсуждение результатов работы.

#### Л и т е р а т у р а

- [1] Корсунский М. И. Аномальная фотопроводимость. М., 1972. 192 с.
- [2] Шейнкман М. К., Шик А. Я. // ФТП. 1976. Т. 10. В. 2. С. 209—233.
- [3] Роуз А. Основы теории фотопроводимости. М., 1966. 192 с.
- [4] Осташко С. А., Стыс Л. Е. // УФЖ. 1988. Т. 33. В. 1. С. 97—101.
- [5] Рывкин С. М. Фотоэлектрические явления в полупроводниках. М., 1963. 496 с.
- [6] Мотт Н., Дэвис Э. Электронные процессы в некристаллических веществах. Т. 1, 2. М., 1982.
- [7] Kolomiets B. T., Lyubin V. M. // Phys. St. Sol. (a). 1973. V. 17. N 1. P. 11—46.
- [8] Дьяченко Н. Г., Попов А. Ю., Трофименко М. Ю., Тюрин А. В. // ФТП. 1982. Т. 16. В. 10. С. 1872—1874.

Одесский политехнический институт

Получено 18.08.1988  
Принято к печати 10.10.1988