

## КРАТКИЕ СООБЩЕНИЯ

**КОЛЛЕКТИВНЫЕ ПРОЦЕССЫ  
В ПРИМЕСНОМ РЕКОМБИНАЦИОННОМ ИЗЛУЧЕНИИ  
ПРЯМОЗОННЫХ ПОЛУПРОВОДНИКОВ**

Клюканов А. А., Сенокосов Э. А., Федоров В. М.

Коллективные многочастичные эффекты в полупроводниках приводят к уширению и расщеплению полос люминесценции (ЛМ) свободных экситонов [1], электронно-дырочной жидкости [2] и электронно-дырочной плазмы (ЭДП) [3, 4]. Если в работах [1-3] наблюдалась одноплазменные процессы, то авторам работы [4] впервые удалось обнаружить многоплазменную структуру в собственном излучении ЭДП.

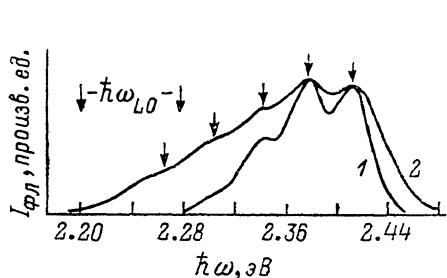


Рис. 1. Полоса зеленої ЛМ епітаксіальних пленки (0001) CdS/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> при решеточной температуре 77 К.

1 —  $I=10^{-2} I_0$ , 2 —  $I=I_0$  (образец 1).

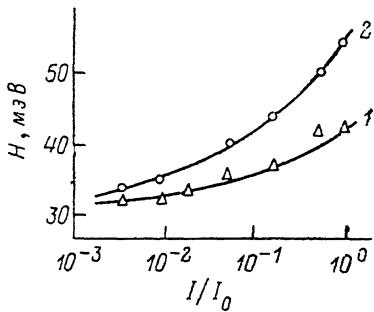


Рис. 2. Зависимость полуширины линий зеленої полосы ЛМ эпитаксиальных пленок (0001) CdS/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> от уровня возбуждения при решеточной температуре 77 К.

Образцы: 1 — 2, 2 — 1.

В данной работе исследовалась многоплазменная структура примесной (зеленої) ЛМ в эпитаксиальных пленках (0001) CdS/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, выращенных по технологии квазизамкнутого объема. Эксперимент проводился при температуре 77 К и возбуждении образцов с помощью импульсного азотного лазера ЛГИ-21 ( $\lambda_r=337.1$  нм). Длительность импульсов была равной 8 нс, а частота их следования — 100 Гц. Максимальный уровень возбуждения составлял  $I_0=3 \cdot 10^{22}$  фот/см<sup>2</sup>·с. Исследовались два типа пленок: низкоомные (образцы 1), у которых при 77 К концентрация равновесных электронов и их подвижность составляли соответственно  $N_0=8.5 \cdot 10^{16}$  см<sup>-3</sup> и  $\mu_n=125$  см<sup>2</sup>/В·с, и высокоомные (образцы 2), у которых при 77 К эти параметры имели значения  $N_0 \sim 10^{13}$  см<sup>-3</sup> и  $\mu_n=20-30$  см<sup>2</sup>/В·с.

На рис. 1 показаны спектры зеленої ЛМ образца 1, снятые при двух различных интенсивностях  $I$  оптического возбуждения. Видно, что полоса состоит из бесфононной линии (514 нм), обусловленной излучательным захватом электронов из зоны проводимости на акцепторный уровень CdS [5, 6], и ее LO-фононных повторений ( $\hbar\omega_{LO} \approx 37$  мэВ). При высоких уровнях возбуждения происходит уширение линий полосы, приводящее к слаживанию LO-фононной структуры. Раскладывая полосу на гауссианы с равной полушириной  $H$ , отстоящие друг от друга на величину энергии LO-фононов, можно определить зависимость  $H$

от уровня возбуждения (рис. 2). В области сильного возбуждения, как видно, полуширина растет с  $I$  и тем быстрее, чем больше у образцов концентрация равновесных носителей заряда (ср. кривые 1, 2 на рис. 2). Такая закономерность в поведении кривых  $H(I)$  коррелирует с характером зависимости концентрации неравновесных носителей заряда  $\Delta N$  от  $I$  при высоких уровнях возбуждения в низкоомных ( $\Delta N \sim I$ ) и высокоомных ( $\Delta N \sim \sqrt{I}$ ) кристаллах CdS.

При низких концентрациях примесей и высоких температурах полоса свободно связанных излучательных переходов в случае невырожденных электронов должна иметь максвелловскую форму с максимумом в точке  $\omega_m = \omega_a - \omega_0 + 0.5 \text{ Т}$  и полушириной  $H=1.8 \text{ Т}$ , где  $\omega_0$  — ширина запрещенной зоны,  $\omega_a$  — энергия ионизации акцептора,  $\hbar=k_0=1$ . Однако из-за кулоновского взаимодействия носителей, их рассеяния на колебаниях и примесях кристалла такая простая картина редко реализуется на практике. Даже при низких уровнях возбуждения полуширина зеленой полосы в пленках CdS/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> значительно больше величины 1.8 Т. С увеличением уровня возбуждения это различие, как видно, усиливается.

Наблюдаемые закономерности можно было бы связать с механизмом примесной излучательной рекомбинации в сильно легированных полупроводниках [7], в которых флуктуация концентрации доноров приводит к «размытию» акцепторного уровня. Повышение температуры или интенсивности возбуждения должно приводить в этом случае к заполнению акцепторных уровней, соответствующему уширению линии ЛМ и ее сдвигу в коротковолновую область спектра. Однако, как видно из рис. 1, с ростом уровня возбуждения не наблюдается сдвига максимума полосы. Кроме того, исследованные пленки CdS нельзя считать сильно легированными, так как при концентрации доноров  $N_d \sim 10^{17} \text{ см}^{-3}$  произведение  $N_d a_e^3 \ll 1$ , где  $a_e = \hbar^2 \varepsilon_0 / m_e e^2 = 2.6 \cdot 10^{-7} \text{ см}$ . Значит, коротковолновый край зеленой полосы ЛМ должен характеризовать электронную температуру  $T_e$ . Как следует из рис. 1, она увеличивается с ростом уровня возбуждения и для образца 1 составляет  $T_e = 78 \text{ К}$  при  $I = 10^{-2} I_0$  (кривая 1) и  $T_e = 150 \text{ К}$  при  $I = I_0$  (кривая 2).

Нами установлено, что ширина зеленой полосы ЛМ в пленках CdS/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> обусловлена в основном кулоновским взаимодействием носителей заряда при многоплазменных оптических переходах. Теория многоплазменной ЛМ для собственных излучательных переходов была развита в работах [8, 9], а для свободно связанных переходов — в [10, 11]. Расчет спектров ЛМ в работах [8–11] проводился с использованием метода коллективных переменных [12], в котором вводятся дополнительные плазменные переменные. Для сохранения неизменным полного числа степеней свободы на волновую функцию системы накладываются дополнительные условия. Однако определить волновую функцию, удовлетворяющую этим условиям, в методе [12] невозможно. Следовательно, невозможно строго определить рамки его применимости.

В данной работе рассчитана форм-функция  $F(\omega)$  спектра примесной ЛМ без использования метода коллективных переменных

$$F(\omega) = \exp\left(-\frac{\omega}{T_e}\right) \sum_f |\langle \delta(r_e - r_h) | \Psi_f \rangle|^2 \int_{-\infty}^{\infty} \exp\{-i(\omega - \omega_0 - \omega_f)t\} I_f(t) dt. \quad (1)$$

Здесь  $r_e$  и  $r_h$  — координаты электрона и дырки,  $\omega$  — частота света. В случае рекомбинации свободного электрона с дыркой на акцепторе (объем кристалла принят равным единице) функция

$$\Psi_f(r_e, r_h) = e^{i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}_e} (\pi a_h^2)^{-1/2} e^{-r_h/a_h}, \quad \omega_f = \frac{k^2}{2m_e} - \omega_a, \quad a_h = \frac{e^2}{2\varepsilon_0 \omega_a}. \quad (2)$$

Производящая функция  $I_f(t)$  определяется выражением

$$I_f(t) = \langle \Psi_f | \left\langle T \exp\left\{\frac{i}{\hbar} \int_0^t \hat{V}(t_1) dt_1\right\} \right\rangle | \Psi_f \rangle, \quad (3)$$

где  $T$  — символ хронологического упорядочения,  $\langle \dots \rangle$  — усреднение на матрице плотности электронной плазмы,  $\hat{V}(t)$  — оператор кулоновского взаимодействия электрона и дырки с плазмой в представлении Гайзенберга

$$V = \sum_{\mathbf{x}} \rho_{\mathbf{x}} \varphi_{-\mathbf{x}}, \quad \rho_{\mathbf{x}} = e \sum_n \left( e^{i \mathbf{x} \cdot \mathbf{r}_n^h} - e^{i \mathbf{x} \cdot \mathbf{r}_n^e} \right), \quad \varphi_{\mathbf{x}}^2 = \frac{4\pi e}{\varepsilon_0 \mathbf{x}^2} (e^{i \mathbf{x} \cdot \mathbf{r}_h} - e^{i \mathbf{x} \cdot \mathbf{r}_e}). \quad (4)$$

Статистическое усреднение оператора эволюции (3) выполним, используя метод кумулянтных разложений [13], согласно которому

$$\left\langle T \exp \left\{ \frac{i}{\hbar} \int_0^t \hat{V}(t_1) dt_1 \right\} \right\rangle = \exp \{ g(t) \}, \quad (5)$$

и ограничимся второй кумулянтой (кумулянта первого порядка по  $V$  равна нулю)

$$g(t) = \left( \frac{i}{\hbar} \right)^2 \sum_{\mathbf{x}} \int_0^t dt_1 \int_0^{t_1} dt_2 \varphi_{\mathbf{x}}(t_1) \varphi_{-\mathbf{x}}(t_2) \langle \rho_{\mathbf{x}}(t_1) \rho_{-\mathbf{x}}(t_2) \rangle. \quad (6)$$

С помощью флюктуационно-диссилиационной теоремы [14] находим

$$\langle \rho_{\mathbf{x}}(t_1) \rho_{-\mathbf{x}}(t_2) \rangle = \frac{\chi^2 \varepsilon_0}{4\pi^2} \int_0^\infty T_\omega(t_1 - t_2) \operatorname{Im} \left\{ \frac{\varepsilon_0}{\tilde{\varepsilon}^*(z, \omega)} \right\} d\omega, \quad (7)$$

где  $\varepsilon(z, \omega)$  — продольная диэлектрическая проницаемость плазмы [14], характеризующая отклик плазмы на продольные возмущения в линейном приближении,

$$T_\omega(t) = n_\omega e^{-i\omega t} + (n_\omega + 1) e^{i\omega t}, \quad n_\omega = [\exp(\omega/T_e) - 1]^{-1}. \quad (8)$$

В длинноволновом пределе [14]

$$\operatorname{Im} \left\{ \frac{\varepsilon_0}{\tilde{\varepsilon}^*(z, \omega)} \right\} = \frac{\pi}{2} \omega_x \delta(\omega - \omega_x). \quad (9)$$

Здесь  $\omega_x$  — частота длинноволнового плазмона с волновым вектором  $x$ .

Подставляя формулы (9) в (7) и (7) в (6), получим выражение (4) из работы [10] для производящей функции  $I_f(t)$  (3). Однако в отличие от работ [10, 11], в которых расчет был выполнен с использованием метода коллективных переменных [12], развитый здесь подход (5)–(7) позволяет учесть не только дальнодействующую часть кулоновского взаимодействия, которая ответственна за плазменные колебания, но и короткодействующую. Формулы (5)–(7) автоматически учитывают дисперсию и затухание плазмонов, тогда как в длинноволновом пределе (9) затуханием пренебрегают. Таким образом, результаты работ [8–11] могут быть получены из формул (5)–(7) в длинноволновом приближении (9). Следовательно, рамки применимости расчетов [8–11] и приближения (9) [14] совпадают.

В длинноволновом пределе (9), согласно работе [10], полоса ЛМ, связанной с рекомбинацией свободных электронов с дырками, локализованными на акцепторах, состоит из бесплазмонной линии (БПЛ) и ее многоплазмонных повторений. Форма БПЛ и плазмонных повторений является максвелловской. При больших константах плазмовыделения полоса формируется из  $\sim 10$  повторений, отстоящих друг от друга на частоту плазмона. Именно многоплазмонная структура обусловливает ее большую ширину. При высоких температурах ( $T_e > \omega_p$ ) и сильном затухании плазмонов структура полосы не разрешается.

Теперь рассмотрим огибающую плазмонных спутников в пределе сильного плазмовыделения, когда производящую функцию можно представить в виде

$$I_f(t) = \exp \left( -\frac{1}{2} \sigma_2 t^2 \right), \quad \sigma_2 = \frac{4e^2}{\pi^2 \varepsilon_0} \int_0^\infty dz \int_0^\infty \operatorname{cth} \left( \frac{\omega}{2T_e} \right) \operatorname{Im} \left\{ \frac{\varepsilon_0}{\tilde{\varepsilon}^*(z, \omega)} \right\} d\omega. \quad (10)$$

Интеграл по  $\omega$  в (10) можно вычислить в классическом пределе [15]

$$\int_0^\infty \operatorname{ctn} \left( \frac{\omega}{2T_e} \right) \operatorname{Im} \left\{ \frac{\varepsilon_0}{\varepsilon^*(\omega)} \right\} d\omega = \pi T_e [1 + \omega_p^2 \lambda_D^2]^{-1}, \quad \lambda_D = \left( \frac{4\pi Ne^2}{\varepsilon_0 T_e} \right)^{-1/2} \quad (11)$$

и для второго момента полосы  $\sigma_2$  получить выражение

$$\sigma_2 = \frac{2e^2 T_e}{\varepsilon_0 \lambda_D}, \quad \frac{\sigma_2}{\omega_p^2} \gg 1, \quad T_e > \omega_p, \quad \omega_p = \left( \frac{4\pi Ne^2}{\varepsilon_0 m_e} \right)^{1/2}. \quad (12)$$

В пределе сильного плазмовыделения ( $\sigma_2/\omega_p^2 \gg 1$ ) кумулянтами более высокого порядка по степеням  $V$  и  $t$  можно пренебречь. При этом форма-функция  $F(\omega)$  (1) с  $I_f(t)$  (10) принимает вид

$$F(\omega) = \exp \left( -\frac{\omega}{T_e} \right) \int_0^\infty \exp \left\{ -\frac{(\omega - \omega_g + \omega_a - \frac{k^2}{2m_e})^2}{2\sigma_2} \right\} \frac{k^2 dk}{(1 + k^2 a_h^2)^4}. \quad (13)$$

Считая  $ka_h \ll 1$ , интеграл (13) можно вычислить точно аналитически. Форма полосы ЛМ (13) близка к гауссовой с полушириной

$$H = 2\sqrt{2\sigma_2 \ln 2}, \quad H \sim (NT_e)^{1/4}. \quad (14)$$

С ростом уровня возбуждения увеличиваются концентрация электронов  $N$  и температура плазмы  $T_e$ , что приводит к увеличению полуширины полосы  $H \sim (NT_e)^{1/4}$  в соответствии с экспериментальными данными, представленными на рис. 2. При  $N=3 \cdot 10^{16} \text{ см}^{-3}$  и  $T_e=78 \text{ К}$  отношение  $\sigma_2/\omega_p^2=7$ . Тогда вклад в полуширину полосы ЛМ, обусловленной многоплазменными процессами рекомбинации, равен  $H \approx 30 \text{ мэВ}$ . Экспериментальное значение полуширины  $H=33 \text{ мэВ}$ .

Таким образом, значения полуширины полосы примесной ЛМ в эпитаксиальных пленках CdS/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> и характер ее зависимости от уровня возбуждения согласуются с теоретическими результатами (13), (14). Следовательно, многоплазменный механизм ее уширения является доминирующим как при высоких, так и низких уровнях возбуждения.

#### Л и т е р а т у р а

- [1] Зиновьев Н. Н., Ярошевский И. Д. — Письма ЖЭТФ, 1981, т. 33, в. 2, с. 109—112.
- [2] Кукушкин И. В. — ЖЭТФ, 1983, т. 84, в. 5, с. 1840—1847.
- [3] Лукашевич П. Г. — ФТП, 1986, т. 20, в. 9, с. 1731—1733.
- [4] Ву Зоан Мьян, Сенокосов Э. А., Стойкова В. Г., Усатый А. Н., Чукичев М. В. — ФТП, 1985, т. 19, в. 9, с. 1571—1576.
- [5] Ермолович И. Б., Любченко А. В., Шейнкман М. К. — ФТП, 1968, т. 2, в. 11, с. 1639—1643.
- [6] Ленсверидзе Д. С., Моин М. Д., Сальков Е. А., Хвостов В. А., Шепельский Г. А. — ФТП, 1975, т. 9, в. 10, с. 1983—1986.
- [7] Леванюк А. П., Осипов В. В. — УФН, 1981, т. 133, в. 3, с. 427—477.
- [8] Клюканов А. А., Сенокосов Э. А. — ФТП, 1987, т. 21, в. 11, с. 2103—2106.
- [9] Вавилов В. С., Клюканов А. А., Сенокосов Э. А., Чиботару Л. Э., Чукичев М. В. — ФТП, 1988, т. 30, в. 2, с. 614—617.
- [10] Клюканов А. А. — ФТП, 1987, т. 29, в. 5, с. 1529—1532.
- [11] Клюканов А. А., Сенокосов Э. А., Сергеев С. А., Федоров В. М. — Деп. в МолДНИИИТИ, № 715-М. Кишинев, 1986. 5 с.
- [12] Bohm D., Pines D. — Phys. Rev., 1953, v. 92, N 3, p. 609—625.
- [13] Kubo R. — J. Phys. Soc. Japan, 1962, v. 17, N 7, p. 1100—1120.
- [14] Платцман Ф., Вольф П. Волны и взаимодействия в плазме твердого тела. М., 1975. 436 с.
- [15] Климентович Ю. Л. — УФН, 1987, т. 151, в. 2, с. 309—332.

Кишиневский государственный университет  
им. В. И. Ленина

Получено 4.01.1987  
Принято к печати 28.07.1988