

## ДИНАМИКА ПРОЯВЛЕНИЙ ФЛУКТУАЦИОННОГО ПОТЕНЦИАЛА И ПОВЕРХНОСТНОГО РАССЕЯНИЯ В КИНЕТИЧЕСКИХ ХАРАКТЕРИСТИКАХ ИНВЕРСИОННОГО Si—*n*-КАНАЛА

Байрамов М. А., Веденев А. С., Ждан А. Г.

В низкотемпературной области ( $T=100$  К) исследована кинетика релаксации холловской концентрации  $n_H$  и подвижности  $\mu_H$  электронов в инверсионном канале Si—МОП транзисторов в условиях неравновесного заполнения пограничных состояний (ПС). Установлено, что релаксация  $\mu_H$  и  $n_H$  обусловлена медленным обменом электронами между инверсионным каналом и мелкими акцепторными ПС, локализованными в окисле, сопровождающимся изменениями плотности заряженных поверхностных рассеивателей и амплитуды крупномасштабного флуктуационного потенциала. Определены характеристики ПС: плотность  $\approx 2 \cdot 10^{10}$  см $^{-2}$ , эффективное сечение захвата  $\approx 3 \cdot 10^{-26}$  см $^2$  и энергетическая глубина  $\approx 60$  мэВ.

Обсуждаются преимущества применения развитого подхода для выявления физических причин ограничений и долговременной нестабильности рабочих характеристик МДП транзисторов.

При исследовании равновесных зависимостей холловской подвижности электронов  $\mu_H$  от их концентрации  $n_H$  и температуры обнаружено, что кинетические характеристики инверсионных *n*-каналов (ИК) Si—МОП структур в области слабой инверсии определяются эффектами флуктуационного потенциала (ФП) и поверхностного рассеяния, обусловленными заряженными пограничными состояниями (ПС) с плотностью  $n_s \approx 2.5 \cdot 10^{10}$  см $^{-2}$  [1]. В [1] не были определены ни природа этих состояний, ни условия их заполнения.

Покажем, что измерения эффекта Холла в неравновесном режиме позволяют исследовать динамику проявлений ФП и заряженных пограничных рассеивателей и получать сведения о природе и условиях заполнения ПС.

Измерения проводились по методике [2–4] в области температур  $T \leq 100$  К на (100) *p*-Si (КДБ-20) — «холловских» полевых МОП транзисторах с ИК, описанных в [1, 5]. Неравновесное состояние ИК с повышенной проводимостью обеспечивалось охлаждением транзистора от комнатной температуры до температуры измерений  $T_n$  при напряжении затвора  $V_g$ , отвечающем обогащению поверхности Si основными носителями заряда (дырками), и скачкообразным изменением  $V_g$  при  $T=T_n$  в направлении инверсии (режим 1). Соответственно при охлаждении транзистора в состоянии глубокой инверсии и резком изменении  $V_g$  при  $T=T_n$  в направлении более слабой инверсии возникал ИК с пониженной относительно равновесной проводимостью (режим 2).

На рис. 1 для  $T=100$  К представлено типичное семейство зависимостей  $\mu_H$ — $n_H$ , включающее кривые 1, 2, 4, 5, полученные в условиях начально неравновесного канала, и равновесную кривую 3, а на вставке — динамика релаксации электропроводности канала  $\sigma = q\mu_H n_H$  ( $q$  — элементарный заряд) в режимах 1 (кривая а) и 2 (кривая б). Характер изменения  $\mu_H$  и  $n_H$  в процессе релаксации иллюстрирует рис. 2. Из рисунков явствует, что времена релаксаций превышают десятки минут, причем в режиме 1  $\sigma$  падает со временем, а в режиме 2 — нарастает. Длительность процесса установления равновесия в этих

условиях может определяться только временами захвата и генерации неосновных носителей заряда пограничными уровнями.<sup>1</sup> Поэтому начальные состояния инверсионного канала по прошествии первого измерительного цикла с момента переключения  $V_g$  ( $\tau_n \approx 60$  с [3]) должны характеризоваться отсутствием равновесия лишь между ПС и зоной неосновных носителей заряда. В таком случае следует заключить, что ПС находятся в окисле, ибо времена взаимодействия между свободными зонами и поверхностными состояниями также достаточно малы ( $10^{-8} - 10^{-4}$  с  $\ll \tau_n$ ) [6], но существенно возрастают, если электронный обмен (например, путем туннелирования) происходит через диэлектрический промежуток [6, с. 331; 7].

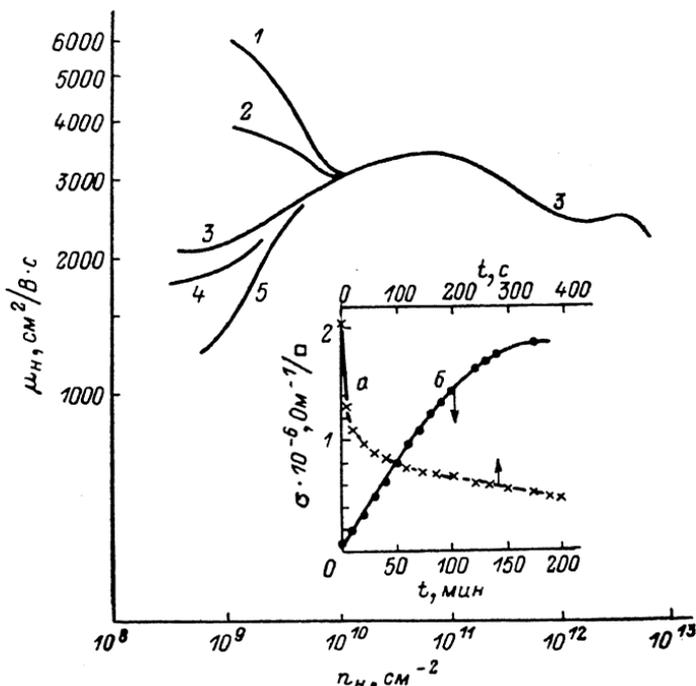


Рис. 1. Зависимости холловской подвижности электронов от их холловской концентрации  $n_H$  при  $T=100$  К для начально неравновесного канала, сформированного в режимах 1 (1, 2) и 2 (4, 5).

3 получена в равновесных условиях. На вставке — динамика релаксации электропроводности канала в режимах 1 (а, масштаб вверх) и 2 (б, масштаб вниз).

Таким образом, релаксацию электропроводности канала (спад или нарастание  $\sigma$ ), обусловленную синхронным изменением соответственно  $\mu_H$  и  $n_H$ , естественно считать результатом захвата или генерации электронов акцепторными ПС, локализованными в окисле вблизи его границы с полупроводником. В [1] было установлено, что заряженные ПС выступают одновременно и как источник ФП, и как поверхностные рассеиватели электронов в канале. Следовательно, процессы заполнения ПС должны отражать динамику генерации ФП и поверхностных рассеивателей. Таким образом, самые ранние стадии заполнения ПС в режиме 1 (максимальные значения  $\mu_H$ ) должны отвечать слабому ФП [8]. Это открывает возможность на базе теории [8] и формализма [1] более строго, чем в [1], разделить вклад ФП и поверхностного рассеяния в низкотемпературные кинетические характеристики ИК при малых  $n_H$ .

<sup>1</sup> В рассматриваемых ситуациях характерные времена формирования слоя обеднения полупроводника (максвелловское время  $\tau_n \approx 5 \cdot 10^{-10}$  с для КДБ-20) и образования инверсионного канала ( $\tau_n = R_k C_{ox} \approx 10^{-2}$  с при  $\mu_H \approx 10^3$  см<sup>2</sup>/В·с,  $n_H \approx 10^9$  см<sup>-2</sup>,  $R_k$  — сопротивление канала,  $C_{ox} \approx 100$  пФ — геометрическая емкость окисла) оказываются существенно меньше постоянной времени системы регистрации ЭДС Холла ( $\tau_n \approx 60$  с [3]), которая в свою очередь существенно меньше наблюдающихся времен релаксации  $\mu_H$ ,  $n_H$ .

Согласно [8],

$$\mu_H = \mu_0 \left(1 - \frac{\langle \delta^2 \rangle}{2}\right) = \mu_0 \left[1 - \frac{\pi}{2} \left(\frac{q^2}{kT\kappa}\right)^2 n_i F\right]. \quad (1)$$

Здесь  $\mu_0$  — микроскопическая подвижность носителей заряда, определяемая в условиях слабого заполнения ПС смешанным рассеянием на фононах, на заряженных примесях, локализованных в слое объемного заряда кремния [9], и на заряженных ПС [1],  $\langle \delta^2 \rangle$  — дисперсия ФП,  $k$  — постоянная Больцмана,  $\kappa = 7.7$  — диэлектрическая проницаемость области границы раздела Si—SiO<sub>2</sub> [10],  $n_i$  — плотность заряженных ПС,  $F = f(n_H)$  — фактор экранирования ФП [8].

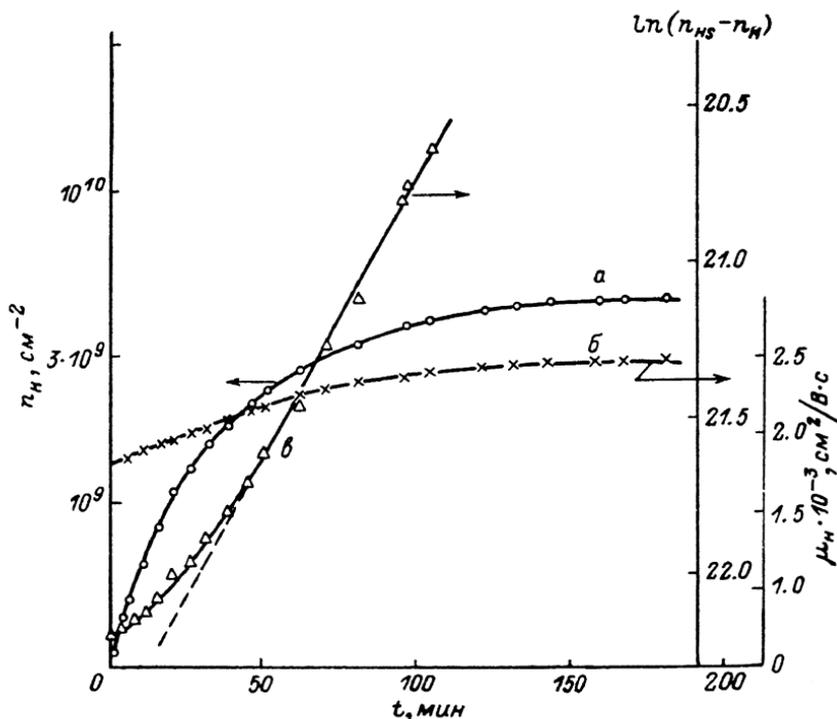


Рис. 2. Релаксация  $n_H$  (а) и  $\mu_H$  (б) для начально неравновесного канала при  $V_g = -0.02$  В, сформированного в режиме 2.

б — кинетика релаксации  $n_H$  в полулогарифмическом масштабе  $\ln(n_{HS} - n_H) - t$ ,  $n_{HS}$  — равновесное значение  $n_H$ .

При этом

$$\mu_0 = \left(\frac{1}{\mu_{LI}} + \frac{n_i}{A}\right)^{-1}, \quad (2)$$

где  $\mu_{LI}$  — подвижность электронов в объеме  $n$ -Si ( $\mu_{LI} = 11\,000$  см<sup>2</sup>/В·с при  $T = 100$  К и концентрации легирующей примеси  $7 \cdot 10^{14}$  см<sup>-3</sup> [9]),  $A = = 3 \times (kT)^{1/2} / \sqrt{32\pi} (m^*)^{1/2} q$  [11],  $m^* = 0.19 m_0$  [10] — эффективная масса по электропроводности.

На основании (1), (2) и экспериментальных данных рис. 1 для режима 1 (кривые 1, 2) и равновесия (кривая 3) рассчитаем  $n_i$  и  $\langle \delta^2 \rangle / 2$  в функции от  $n_H$ . Результаты расчета, приведенные в таблице, показывают, что в режиме 1 по мере отклонения кривых  $n_H$  ( $n_H$ ) от равновесной  $\mu_H$  растет, а  $n_i$  и дисперсия ФП падают. Наибольшее значение «неравновесной» подвижности наблюдается при наименьшей достигнутой в опыте холловской концентрации  $n_H = 1 \cdot 10^9$  см<sup>-2</sup>. Этому значению  $\mu_H$  отвечают наиболее низкие из приведенных заполнения ПС  $n_i^{\min} = 4.6 \cdot 10^9$  см<sup>-2</sup> и дисперсия ФП  $\langle \delta^2 \rangle / 2 = 0.26$ , практически удовлетворяющая условиям применимости теории [8].

$\lg n_H, n_H, \text{см}^{-2}$	$\mu_H \cdot 10^{-3}, \text{см}^2/\text{В} \cdot \text{с}, n_i \cdot 10^{-10}, \text{см}^{-2}, \langle \delta^2 \rangle / 2$	№ кривой $\mu_H(n_H)$ на рис. 1				
		1	2	3	4	5
9.0	$\mu_H$	6.0	4.0	2.1	1.9	1.4
	$n_i$	0.46	0.75	1.14	1.19	1.32
	$\langle \delta^2 \rangle / 2$	0.26	0.42	0.64	0.67	0.74
9.2	$\mu_H$	5.5	3.85	2.3	2.1	1.8
	$n_i$	0.54	0.81	1.14	1.19	1.28
	$\langle \delta^2 \rangle / 2$	0.29	0.43	0.61	0.63	0.68
9.4	$\mu_H$	5.0	3.6	2.5	2.4	2.1
	$n_i$	0.83	1.0	1.17	1.19	1.26
	$\langle \delta^2 \rangle / 2$	0.41	0.49	0.58	0.59	0.62
9.6	$\mu_H$	3.4	3.1	2.9	2.8	2.6
	$n_i$	1.08	1.17	1.22	1.22	1.23
	$\langle \delta^2 \rangle / 2$	0.49	0.53	0.55	0.55	0.56

Таким образом, для наиболее неравновесной кривой  $\mu_H - n_H$  (рис. 1, кривая 1)  $\mu_H = 6000 \text{ см}^2/\text{В} \cdot \text{с}$  при слабом экранировании ФП ( $n_H = 1 \cdot 10^9 \text{ см}^{-2}$ , [1]), что значительно превышает  $\mu_H = 3400 \text{ см}^2/\text{В} \cdot \text{с}$  в максимуме равновесной кривой 3 (рис. 1), где ФП существенно экранирован ( $n_H \approx 5 \cdot 10^{10} \text{ см}^{-2}$ , [1]). Уменьшение  $\mu_H$  естественно связать с соответствующим приращением плотности заряженных поверхностных рассеивателей  $\Delta n_i$ . Сопоставляя указанные значения  $\mu_H$ , на основании (2) находим величину  $\Delta n_i = 1.8 \cdot 10^{10} \text{ см}^{-2}$ . По величине  $n_i^{\text{min}} = 4.6 \times 10^9 \text{ см}^{-2}$  для  $n_H = 1 \cdot 10^9 \text{ см}^{-2}$  (см. таблицу) определяем  $n_i = 2.26 \cdot 10^{10} \text{ см}^{-2}$  в максимуме равновесной кривой. По независимой оценке, сделанной в [1],  $1.1 \leq n_i \cdot 10^{-10} \leq 3.7 \text{ см}^{-2}$ , т. е. результаты определения  $n_i$  по равновесным и неравновесным измерениям практически совпадают.

Из таблицы видно, что и при измерениях  $\mu_H, n_H$  в неравновесных условиях, отвечающих существенно меньшим, чем равновесное, заполнениям ПС, не удается достичь сколь угодно малой дисперсии ФП и соответственно значений  $\mu_H$ , близких к величине  $\mu_{LI}$ . Это может быть связано с достаточно большой постоянной времени системы регистрации ЭДС Холла (см. сноску 1), не позволяющей осуществлять холловские измерения на самых ранних стадиях формирования канала, т. е. в условиях наиболее сильного неравновесия по заполнению ПС.

В связи с этим оценим возможность анализа временных зависимостей тока канала  $J(t) \sim \sigma(t) = qn_H \mu_H$  в области  $t < \tau_n$  с целью получения по ним сведений о подвижности электронов и величине  $\langle \delta^2 \rangle / 2$  при более низких заполнениях ПС.

Кинетика релаксации электропроводности канала для режима 1 при двух фиксированных значениях  $V_g$  показана на рис. 3 в линейном и полулогарифмическом масштабах  $[\ln(\sigma - \sigma_s) - t, \sigma_s - \text{электропроводность канала в равновесии}]$ . В достаточно широком диапазоне ( $t \geq 10 \text{ с}$ ) электропроводность релаксирует по экспоненциальному закону с постоянной времени  $\tau_s = 200 \text{ с}$ , не зависящей от начального значения  $V_g$ . Следовательно, уменьшение  $\sigma$  обусловлено в основном уменьшением концентрации свободных электронов в результате их захвата на ПС, а не уменьшением  $\mu_H$ , что непосредственно подтверждают данные рис. 2: изменение  $n_H$  в процессе релаксации существенно превышает изменение  $\mu_H$ .

Будем считать, что в начальный момент времени ( $t=0$ ) ПС не заполнены, т. е. ФП и заряженные поверхностные рассеиватели отсутствуют. Тогда, очевидно, подвижность электронов должна определяться только смешанным рассеянием на фонах и на заряженных примесях и быть равна  $\mu_{LI} = 11\,000 \text{ см}^2/\text{В} \cdot \text{с}$  [9]. Следовательно, при  $t=0$  электропроводность канала  $\sigma_{01} = q\mu_{LI}n_1, \sigma_{02} = q\mu_{LI}n_2$  ( $n_{1,2}$  — концентрация электронов в канале, индексы 1, 2 соответствуют нумерации кривых на рис. 3, А) и  $\Delta\sigma_0 = q\mu_{LI}(n_1 - n_2) = q\mu_{LI}\Delta n$ . Из условия сохранения заряда получаем [5]  $\Delta n = \frac{C_{ox}}{qS_{ox}} \Delta V_g \left[ \left( 1 + \frac{C_{ox}}{qS_{ox}} kT + \frac{n_{06}}{2q\varphi_s} kT \right) / n \right]$ ,

где  $\Delta V_g = V_{g1} - V_{g2}$  (рис. 3),  $S_{ox}$  — площадь затвора,  $n_{об}$  — плотность заряда в обедненном слое полупроводника,  $\varphi_s$  — потенциал границы раздела,  $n = =^{1/2}(n_1 + n_2)$ . Решая полученное для  $\Delta n$  уравнение методом итераций (в качестве нулевого приближения берем  $\Delta n = \frac{C_{ox}}{qS_{ox}} \Delta V_g$ ) и подставляя результат в выражение для  $\Delta \sigma_0$ , находим  $\mu_{LI}^* = 5000 \pm 2500 \text{ см}^2/\text{В}\cdot\text{с}$ . Относительно большая погрешность определения  $\mu_{LI}^*$  обусловлена долговременной нестабильностью порогового напряжения транзистора, проявляющейся при данном («зарядовом») подходе к определению подвижности в форме соответствующей нестабильности вели-

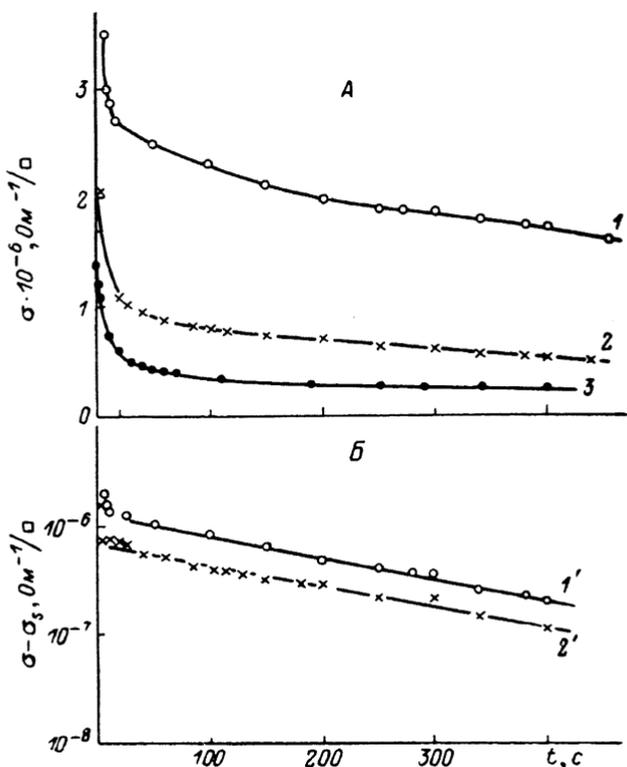


Рис. 3. Кинетика релаксации электропроводности канала для режима 1 в линейном (А) и полулогарифмическом (Б) масштабах.

1, 1' —  $V_g = V_{g1} = -0.04 \text{ В}$ ; 2, 2', 3 —  $V_g = V_{g2} = -0.07 \text{ В}$ .

чины  $\Delta \sigma_0$ , а следовательно, и  $\mu_{LI}^*$  (рис. 3, кривые 1—3). Это может также объяснить расхождение между теоретическим и найденным значениями  $\mu_{LI}^*$ .

Поскольку, как отмечалось, релаксация  $\sigma$  обусловлена в основном уменьшением  $n$  ( $\mu \approx \text{const}$ ), по кривым 1—3 (рис. 3) можно восстанавливать кинетику заполнения ПС  $n_t(t)$ . Согласно [5], при  $V_g = \text{const}$  имеем

$$\Delta n_t(t) = n_t(t) - n_t(0) = [n(t) - n_0] \left[ 1 + \frac{\frac{C_{ox}}{qS_{ox}} kT + \frac{n_{об}}{2q\varphi_s} kT}{n(t)} \right],$$

$$n_0 = n|_{t=0}, \quad n(t) = \frac{\sigma(t)}{q\mu_{LI}^*}.$$

Отсюда, например, для кривой 1 (рис. 3) получаем  $\Delta n_t \approx 3.7 \cdot 10^9 \text{ см}^{-2}$ . Поскольку считалось, что  $n_t(0) = 0$ , эту величину  $\Delta n_t$  следует рассматривать как плотность ПС, заполненных к моменту времени  $t = 400 \text{ с}$ . Ей отвечает  $[\text{см. (1)}] \langle \delta^2 \rangle / 2 = 0.09$ .

Таким образом, исследования кинетики спада электропроводности канала показывают, что на ранних стадиях релаксации в режиме 1 действительно реализуются малые степени заполнения ПС, для которых характерны слабые ФП

и поверхностное рассеяние. Находя на кривой 1 (рис. 1) величину  $qn_H\mu_H$ , равную величине электропроводности на «хвосте» ( $t=400$  с) кривой релаксации  $\sigma(t)$  (рис. 3, кривая 1), оцениваем эффективный холл-фактор  $r_H \approx \mu_H/\mu_{L1}^* = 0.8 \div 2.4 \sim 1$ .

Рассмотрим теперь возможность определения по кривым релаксации  $\sigma(t)$  кинетических характеристик ПС. С учетом того, что на начальных стадиях релаксации (т. е. вдали от равновесия) кинетика спада электропроводности определяется только захватом электронов на ПС, находим время захвата  $\tau_c \equiv \tau_\sigma = 200$  с  $= (\alpha N_i)^{-1}$ ,  $\alpha = \langle vs \rangle / \delta$  — коэффициент захвата,  $v$  — тепловая скорость электронов ( $v \approx 6 \cdot 10^8$  см/с,  $T=100$  К),  $s$  — сечение захвата ПС,  $\delta \approx 10^{-6}$  см — эффективная толщина инверсионного канала,  $N_i \equiv n_i^* \approx 2.4 \cdot 10^{10}$  см $^{-2}$  — полная плотность ПС. Отсюда  $\alpha = \frac{1}{\tau_c N_i^*} \approx 2 \cdot 10^{-13}$  см $^2$ /с и  $s = \alpha \delta / v = 3 \cdot 10^{-26}$  см $^2$ . Как отмечалось, столь малые сечения захвата наблюдаются лишь для состояний, локализованных в окисле [6, с. 331; 7]).

Проводя аналогичный анализ для режима 2, также ограничиваясь начальной (далекой от равновесия) областью кривой нарастания  $n_H-t$  и представляя ее в полулогарифмическом масштабе [ $\ln(n_{HS} - n_H) - t$ ,  $n_{HS}$  — равновесное значение  $n_H$ ], определяем время выброса электронов с ПС  $\tau_c = (\alpha N_c)^{-1} \exp(E_s/kT) = 3300$  с (рис. 2),  $N_c = 1.4 \cdot 10^{12}$  см $^{-2}$  — эффективная плотность состояний в канале (см. [10, с. 349]),  $E_s$  — энергетическая глубина ПС, отсчитанная от дна зоны проводимости. Находим  $E_s \approx 60$  мэВ.

Отсюда вытекает, что флукуационный потенциал и поверхностное рассеяние электронов в области слабой инверсии контролируются туннельным обменом носителями заряда между инверсионным каналом и «мелкими» ПС, локализованными в окисле вблизи его границы с кремнием.

Сделаем несколько заключительных замечаний.

Измерения кинетики релаксации  $\mu_H$ ,  $n_H$  и электропроводности канала позволяют реализовать эффективный метод многоплановой оценки электронных свойств области границы раздела полупроводник—диэлектрик.

Начальными стадиями релаксации отвечают слабые ФП и поверхностное рассеяние; в этих условиях проявляются предельно достижимые кинетические характеристики инверсионного канала.

Исследованная система практически не содержит поверхностных состояний, локализованных на физической границе кремний—окисел: наблюдаемые ПС расположены в диэлектрике вблизи его границы с полупроводником. Зарядовый подход к определению плотности ПС, основанный на уравнении электронейтральности без учета изменения заряда в окисле (традиционный для всех современных методов спектроскопии ПС), оказывается при этом некорректным в отличие от использованного здесь «кинетического» подхода к нахождению параметров ПС по модифицированным их воздействием кинетическим характеристикам инверсионного канала. Детальное сопоставление результатов, получаемых в рамках указанных подходов, должно способствовать выявлению физических причин низкочастотных шумов, долговременной нестабильности порогового напряжения и других характеристик полевых транзисторов, работающих, в частности, при пониженных температурах. В связи с этим важен также факт существования долгоживущих (квазистационарных) состояний инверсионного канала с заметно различающимися значениями холловской подвижности.

Авторы признательны Е. И. Гольдману, В. В. Рылькову, В. Б. Сандомирскому, Ю. Л. Ткачу, Е. В. Ченскому и Б. С. Щамхаловой за дискуссии и полезные замечания.

#### Список литературы

- [1] Байрамов М. А., Веденев А. С., Ждан А. Г., Щамхалова Б. С. // ФТП. 1989. Т. 23. В. 9. С. 1618—1624.

<sup>2</sup> Отклонение зависимости  $\ln(n_{HS} - n_H) - t$  от линейной на самой начальной стадии релаксации (т. е. в области малых  $n_H \lesssim 10^9$  см $^{-2}$ ) обусловлено тем, что мы пренебрегли при расчете увеличением в процессе релаксации емкости слоя обеднения кремния (см., например, [12]). Тем самым, считая  $dn_H/dt = -dn_i/dt$ , мы занизили величину производной  $dn_i/dt$ .

- [2] Бугаев В. И., Веденеев А. С., Ключкова А. М., Панков В. Г., Панченко Р. В. // Электрон. техн. 1985. Сер. 8. В. 3. С. 30—32.
- [3] Веденеев А. С. // Измерит. техн. 1986. № 11. С. 46—48.
- [4] Байрамов М. А., Веденеев А. С., Ждан А. Г., Сульженко П. С. // Электрон. техн. 1985. Сер. 8. В. 3. С. 78—79.
- [5] Байрамов М. А., Веденеев А. С., Волков Л. В., Ждан А. Г. // ФТП. 1988. Т. 22. В. 8. С. 1365—1369.
- [6] Бонч-Бруевич В. Л., Калашников С. Г. Физика полупроводников. М., 1977. 331 с.
- [7] Lundstrom I., Svensson Ch. // J. Appl. Phys. 1972. V. 43. N 12. P. 5045—5047.
- [8] Brews J. R. // J. Appl. Phys. 1975. V. 46. N 5. P. 2181—2192.
- [9] Li S. S., Thurper W. R. // Sol. St. Electron. 1977. V. 20. N 7. P. 609—616.
- [10] Андо Т., Фаулер А., Стерн Ф. Электронные свойства двухмерных систем. М., 1985. 425 с.
- [11] Добровольский В. Н., Литовченко В. Г. Перенос электронов и дырок у поверхности полупроводников. Киев, 1976. 190 с.
- [12] Ждан А. Г., Лушников Н. А. // ФТП. 1982. Т. 16. В. 5. С. 793—797.

Институт радиотехники и электроники АН СССР  
Москва

Получена 26.06.1989  
Принята к печати 30.06.1989