

Отметим, что кривые отражения, получаемые двух- и трехкристальной дифрактометрией в обычной компланарной геометрии измерений, достаточно хорошо определяют, присутствует ли мозаичность в слое GaAsP, но вид этих кривых не меняется при изменении глубины залегания дислокационной сетки.

Наблюдавшаяся высокая чувствительность кривых отражения в условиях скользящей дифракции к дислокационным сеткам в тонких приповерхностных областях может быть использована как метод выявления этих сеток.

В заключение авторы выражают глубокую благодарность Д. З. Гарбузову за любезно предоставленные образцы гетероструктур и Т. С. Аргуновой за полезное обсуждение результатов.

### Литература

- [1] Marra W. C., Eisenberger P., Cho A. Y. J. Appl. Phys., 1979, v. 50, N 11, p. 6927—6933.
- [2] Afanasev A. M., Melkonyan M. K. Acta Cryst., 1983, v. A39, N 2, p. 207—210.
- [3] Александров П. А., Мелконян М. К., Степанов С. А. Кристаллография, 1984, т. 29, № 2, с. 29—31.
- [4] Щеглов М. П., Кютт Р. Н., Сорокин Л. М. ЖТФ, 1987, т. 57, № 7, с. 1436—1438.

Физико-технический институт  
им. А. Ф. Иоффе АН СССР  
Ленинград

Поступило в Редакцию  
27 августа 1987 г.

УДК 537.533.3

Журнал технической физики, т. 58, в. 3, 1988

## ПРОСТРАНСТВЕННО-ВРЕМЯПРОЛЕТНАЯ ФОКУСИРОВКА ШИРОКОГО ПОТОКА ЗАРЯЖЕННЫХ ЧАСТИЦ В ЭЛЕКТРОСТАТИЧЕСКИХ ПОЛЯХ

З. Т. Адилова, Е. М. Якушев

В последнее время в технике и практике физического эксперимента все большее применение находят существенно нестационарные потоки заряженных частиц — короткие импульсы тока, длительность которых сравнима или, может быть, много меньше времени пролета частиц в системе. В этой статье, следуя предложенному в [1] методу, выведены уравнения фокусировки нестационарного потока частиц в электростатическом поле в предположении, что скорости частиц и плотности потоков настолько малы, что релятивистскими эффектами и взаимодействием частиц между собой можно пренебречь.

Рассмотрим поток частиц одинаковых удельных зарядов  $q$ , движущихся в стационарном электрическом поле, характеризуемом скалярным потенциалом  $\varphi = \varphi(\mathbf{R})$ , где  $\mathbf{R}$  — радиус вектор точки. Одну из этих частиц назовем ведущей. Примем, что форма траектории ведущей частицы задана в виде явной зависимости радиуса-вектора этой частицы  $\mathbf{R} = \mathbf{R}_0(s)$  от длины дуги  $s$ , измеренной вдоль траектории. Введем ортогональную систему криволинейных координат с осью  $s$ . Радиус-вектор  $\mathbf{R}$  любой точки пространства запишем в виде  $\mathbf{R} = \mathbf{R}_0(s) + \mathbf{r}$ , причем  $\mathbf{r} \cdot \mathbf{\tau} = 0$ , где  $\mathbf{\tau}(s) = d\mathbf{R}_0/ds$  — единичный вектор направления оси  $s$ . Положение ведущей частицы на оси  $s$  в момент времени  $t$  обозначим через  $\zeta$ . Положение любой другой частицы в этот же момент времени  $t$  будем определять вектором  $\rho$ , проведенным к ней от ведущей частицы (см. рисунок). При этом имеет место равенство

$$\mathbf{R} = \mathbf{R}_0(\zeta) + \rho = \mathbf{R}_0(\zeta + \eta) + \mathbf{r},$$

где  $\eta = s - \zeta$  — продольное смещение в  $s$ -направлении произвольной и ведущей частиц относительно друг друга, а  $\mathbf{r}$  — поперечное смещение произвольной частицы от оси  $s$ . Для ведущей частицы следует положить:  $\mathbf{r} \equiv 0$ ,  $\eta \equiv 0$ .

Потенциал  $\varphi = \varphi(s, \mathbf{r})$  нормируем так, чтобы полная энергия  $\epsilon$  для ведущей частицы была равна нулю. Тогда из закона сохранения энергии следует

$$\zeta = \sqrt{-2q\Phi(\zeta)}, \quad (1)$$

где  $\Phi(s) = \varphi(s, 0)$  — распределение потенциала вдоль оси  $s$ ;  $\Phi(\zeta)$  — та же функция аргумента  $\zeta$ .

Для скорости  $v$  произвольной частицы можно получить

$$v = \sqrt{-2q\Phi(\zeta)} ((1 + \gamma') \tau(s) + r'). \quad (2)$$

Здесь и в дальнейшем штрихами обозначено дифференцирование по переменной  $\zeta$ . Величину  $v$  введем в качестве независимой переменной в вариационное уравнение движения частицы

$$\delta \int_{\zeta_1}^{\zeta_2} L d\zeta = 0,$$

где  $\delta$  — символ варьирования;  $\zeta_1, \zeta_2$  — начальное и конечное значение переменной  $\zeta$ . В принятой системе координат вариационная функция  $L$  преобразуется к виду

$$L = \sqrt{\Phi(\zeta)} \left[ r'^2 + (1 + \gamma')^2 \left( 1 - \frac{rE(s)}{\Phi(s)} \right) \right] + \frac{\varphi(s, r)}{\sqrt{\Phi(\zeta)}}. \quad (3)$$

При выводе этого выражения было учтено равенство

$$r'\tau(s) = - (1 + \gamma') r \frac{d\tau}{ds},$$

следующее из ортогональности системы координат, и равенство

$$\frac{d\tau}{ds} = \frac{E(s)}{2\Phi(s)},$$

представляющее собой уравнение осевой траектории, где  $E$  — нормальная к оси  $s$ -составляющая напряженности электрического поля ( $E\tau=0$ ). Используя выражение (3), получим уравнение поперечной фокусировки

$$2\Phi(\zeta) r'' + \Phi'(\zeta) r' = \frac{\partial \varphi(s, r)}{\partial r} - (1 + \gamma')^2 E(s) \frac{\Phi(\zeta)}{\Phi(s)}. \quad (4)$$

Уравнение продольной фокусировки проще всего получить, опираясь непосредственно на закон сохранения энергии, выразив в нем скорость частицы в соответствии с равенством (2)

$$\Phi(\zeta) \left[ r'^2 + (1 + \gamma')^2 \left( 1 - \frac{rE(s)}{\Phi(s)} \right) \right] - \varphi(s, r) = \epsilon. \quad (5)$$

Выведенная система уравнений (4), (5) описывает отклонение в радиальном и в аксиальном направлениях любой произвольной частицы от ведущей в зависимости от положения последней на оси системы.

В уравнениях (4), (5) явная зависимость координат частиц  $r$  и  $\eta$  от времени пролета  $t$  исключена. При этом информацию о времязадающих характеристиках электронно-оптической системы дает величина  $\eta$ . Действительно, вследствие синхронности движения произвольной и связанной с ней ведущей частиц время их пролета от начального момента времени (соответствующего значению  $\zeta=\zeta_1$ ) до любого другого момента ( $\zeta=\zeta_2$ ), согласно уравнению (1), равно

$$t = \frac{1}{\sqrt{2q}} \int_{\zeta_1}^{\zeta_2} \frac{d\zeta}{\sqrt{\Phi(\zeta)}}. \quad (6)$$

За это время каждая из множества частиц достигает своей плоскости  $s=s_2$ . Эти плоскости в общем случае между собой не совпадают, причем их параллельные смещения относительно друг друга определяются зависимостью величины  $\eta_2$  от начальных условий для всего этого множества частиц. Наоборот, некоторую выбранную плоскость  $s_2=\text{const}$  все частицы этого множества пересекают в разные моменты времени. Разброс  $\Delta t$  моментов времени пересечения выбранной плоскости  $s=s_2$  характеризует времязадающие aberrации электронно-оптической системы. На основании (6) с учетом соотношения  $\zeta=s-\eta_1$  получим  $t=T+\Delta t$ , где

$$T = \frac{1}{\sqrt{2q}} \int_{s_1}^{s_2} \frac{ds}{\sqrt{\Phi(\zeta)}} \quad (7)$$

представляет собой время пролета ведущей частицы между плоскостями  $s=s_1$  и  $s=s_2$ , а величина

$$\Delta t = -\frac{1}{\sqrt{2}q} \int_{s_1}^{s_1-\eta_1} \frac{d\zeta}{\sqrt{\Phi(\zeta)}} + \frac{1}{\sqrt{2}q} \int_{s_2}^{s_2-\eta_2} \frac{d\zeta}{\sqrt{\Phi(\zeta)}} \quad (8)$$

имеет смысл суммарной времепролетной aberrации в плоскости  $s=s_2$ , причем первое слагаемое в равенстве (8) определяется временной структурой потока в начальной плоскости  $s=s_1$ .

Если задан ансамбль частиц с разными значениями начальных величин ( $r_1, r'_1, \epsilon$ ) при  $\zeta=\zeta_1$ , то с помощью системы уравнений (4), (5), (8) можно проследить за изменением структуры этого ансамбля в процессе его перемещения в электронно-оптической системе и исследовать, таким образом, эффекты радиальной и аксиальной фокусировки, а также времепролетные характеристики электронно-оптической системы.

Важно отметить, что выведенная система уравнений допускает разложение в ряд по степеням малых величин  $r$  и  $\epsilon$ , что позволяет исследовать эффекты фокусировки коротких импульсов тока в первом порядке и учесть пространственные и времепролетные aberrации более высоких порядков малости [2]. Отметим также, что при этом не исключаются из рассмотрения эмиссионные системы и зеркала, так как линеаризация системы уравнений (4) и (5) производится без наложения обычных для электронной оптики условий малости величин

$$|r'| \ll 1, \quad \epsilon/\varphi \ll 1.$$

В этом отношении выведенная система уравнений выгодно отличается от уравнений широкого потока, полученных Фрейкманом [3].

### Литература

- [1] Якушев Е. М., Сапаргалиев А. А., Еленгегев А. К. ЖТФ, 1985, т. 55, № 7, с. 1291—1299.
- [2] Адилова З. Т., Якушев Е. М. Деп. ВИНТИ, 1986, № 86.
- [3] Фрейкман Б. Г. ЖТФ, 1983, т. 53, № 11, с. 2119—2124.

Институт ядерной физики  
АН КазССР  
Алма-Ата

Поступило в Редакцию  
21 мая 1986 г.  
В окончательной редакции  
17 ноября 1986 г.

УДК 621.385.63

Журнал технической физики, т. 58, в. 3, 1988

### О РАБОТЕ ДИОДА МАГНЕТРОННОГО ТИПА С МНОГООСТРИЙНЫМ ВЗРЫВОЭМИССИОННЫМ КАТОДОМ

В. Т. Астрелин, В. Г. Ковалев, О. Л. Комаров, В. Б. Марков,  
О. П. Печерский, Ю. М. Савельев, К. И. Ткаченко,  
В. И. Энгелько

В исследованиях [1—4] было показано, что использование в диодах магнетронного типа многоострийных взрывоэмиссионных катодов (МВК) позволяет получать трубчатые сильно-точные электронные пучки (СЭП) длительностью до  $\sim 10^{-4}$  с. В [2, 3] эксперименты проводились с МВК, имеющим угол раствора конуса  $2\alpha_k=5.4^\circ$ . Целью экспериментов, результаты которых описываются в настоящей работе, явилось исследование возможности увеличения первеанса магнетронного диода с МВК за счет увеличения  $\alpha_k$ . Приводятся также результаты численного анализа формирования электронного потока в исследуемом диоде и их сопоставление с экспериментальными данными.

### Методика проведения эксперимента

Схема эксперимента показана на рис. 1. Использовался МВК с углом раствора конуса  $2\alpha_k=28^\circ$ . Длина рабочей поверхности МВК равнялась 32 см, максимальный и минимальный радиусы — 13 и 5 см соответственно. В отличие от использовавшейся ранее схемы [2], где