

# РЕЖИМ ВИРТУАЛЬНОГО КАТОДА В НЕСТАЦИОНАРНОМ СИЛЬНОТОЧНОМ РАЗРЯДЕ В ВОДОРОДЕ

*Ф. Г. Бакшт, В. С. Бородин, В. Н. Журавлев*

1. В [1] был теоретически рассмотрен прикатодный слой в сильноточном водородном разряде высокого давления. Было показано, что при фиксированной величине тока в импульсе с течением времени  $t$  напряженность электрического поля  $E_c$  на поверхности катода уменьшается и в некоторый момент  $t_0$   $E_c = 0$ , т. е. образуется виртуальный катод (ВК). Для столкновительного для ионов и бесстолкновительного для электронов ленгмюровского слоя ( $l_{ia} \ll L_0 \ll l_{ea}$ ) был получен критерий образования ВК. Здесь  $L_0$ ,  $l_{ea}$  и  $l_{ia}$  — протяженность ленгмюровского слоя и длины свободного пробега электронов и ионов в атомах [2, 3]. При  $t > t_0$  у поверхности катода возникает дополнительный потенциальный барьер  $\Delta\chi$ , приводящий к увеличению первоначальной работы выхода  $\chi$  материала катода. Поэтому соответствующие уравнения в [1], описывающие прикатодный слой, требуют изменения.

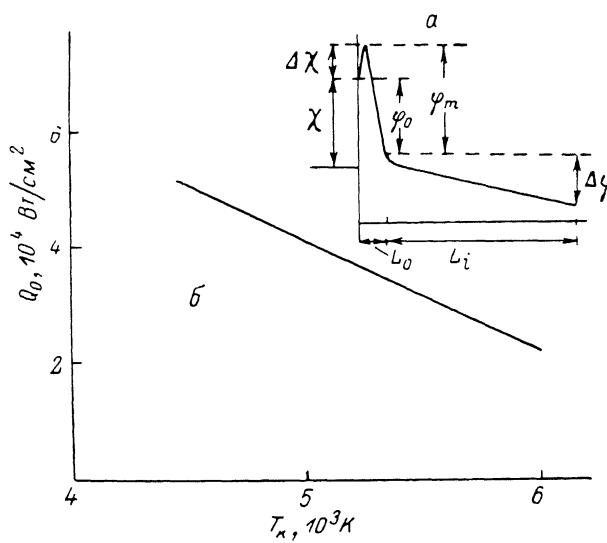


Рис. 1.

В настоящем сообщении рассматривается режим ВК в нестационарной сильноточной водородной дуге. Приводятся основные расчетные характеристики прикатодного слоя. Расчет проводится для катода длиной  $L=1$  см при плотности тока в импульсе  $j=2 \cdot 10^4$  А/см<sup>2</sup> и давлении  $p=10$  атм. Как и в [1], рассматривается прямоугольный импульс тока. Значение  $j$  выбрано меньше, чем в [1]. При этом увеличивается время работы катода в импульсе, так что в течение значительной части импульса реализуется режим ВК.

2. После образования ВК ( $t > t_0$ ) уравнения баланса энергии в плазме и на поверхности катода записываются в виде

$$j_s \left( \varphi_m + \frac{2T_k}{q} \right) - j_{e0} \left( \varphi_m + \frac{2T_e}{q} \right) + (j_s - j_{e0}) \Delta\varphi + \frac{j \Delta\varphi}{2} = Q_T + \frac{\beta_e T_e j}{q} + j_i U_i, \quad (1)$$

$$j_s (\chi + \Delta\chi + 2T_k)/q + Q_0 = j_i \left( U_i - \frac{\chi}{q} \right) + j_i \left( \varphi_m - \frac{\Delta\chi}{q} + \frac{\Delta\varphi}{2} \right) + j_{e0} (\chi + \Delta\chi + 2T_e)/q + Q_T. \quad (2)$$

Здесь  $U_i$  — потенциал ионизации водорода. Ионный ток  $j_i$ , ток электронов  $j_{e0}$  из плазмы на катод, поток энергии  $\beta_e T_e j/q$ , уносимый электронами с температурой  $T_e$  из катодной области в плазму, и поток тепла  $Q_T$  из плазмы на катод за счет теплопроводности определяются так же, как и в [1]. Поток тепла  $Q_0$  с поверхности в глубь катода будет определен ниже. Образование задерживающего электроны потенциального барьера  $\Delta\chi$  эквивалентно увеличению работы выхода  $\chi_{eff} = \chi + \Delta\chi$  и приводит к уменьшению плотности тока эмиссии

$$j_s = AT_k^2 e^{-\chi_{eff}/T_k}$$

при фиксированной температуре  $T_k$  поверхности катода. Величина  $\varphi_m$  в (1) и (2) обозначает перепад потенциала от прикатодного максимума потенциала до границы ленгмюровского слоя с квазинейтральной плазмой. Полный перепад потенциала в ленгмюровском слое, отсчитываемый от поверхности катода, равен  $\varphi_0 = \varphi_m - \Delta\chi/q$  (рис. 1, а).

В точке максимума потенциальной энергии электрона ( $x=x_m$ ) напряженность электрического поля  $E(x_m)=0$ . Это условие приводит к следующему соотношению между  $j_i$  и  $j_s$  [1]

$$\gamma = \frac{j_i}{j_s} \left( \frac{M}{m_e} \right)^{1/2} \left( \frac{\pi \varphi_m}{l_{ia} E_1} \right)^{1/2} = \gamma_{kp} \simeq 1.5, \quad (3)$$

где

$$E_1 = (8\pi\varphi_m j_s)^{1/2} (2q\varphi_m/m_e)^{1/4},$$

$M, m_e$  — массы атома и электрона. Уравнения (1)–(3) и закон сохранения тока

$$j = j_s - j_{e0} + j_i \quad (4)$$

дают соотношения между пятью независимыми параметрами:  $T_e, T_k, \varphi_m, \chi_{eff}, Q_0$ . Дополнительным уравнением является нестационарное уравнение теплопроводности для катода.

3. Распространение тепла по длине катода — существенно более медленный процесс по сравнению с временами релаксации плазменных параметров. Поэтому в (1), (2) только  $Q_0$  и  $T_k$  явно зависят от времени  $t$ . Для получения зависимостей  $Q_0(t)$  и  $T_k(t)$  необходимо из уравнения теплопроводности определить распределение температуры  $T(x, t)$  по длине катода.

Сформулируем начальные и граничные условия для уравнения теплопроводности. Предполагается, что «холодный» конец катода поддерживается при постоянной температуре  $T(x, t)|_{x=L}=T_L$ . Для рабочей поверхности граничное условие будет различным до и после образования ВК. При  $t < t_0$  температура  $T_k$  поверхности катода определяется из следующих соображений. Поскольку  $j_i$  и  $j_{e0}$  малы по сравнению с током  $j$ , то  $j_s(T_k) \approx j$ . В результате граничное условие на эмиттирующей поверхности катода имеет вид

$$T(x, t)|_{x=0} = T_0,$$

где  $T_0$  — температура поверхности, обеспечивающая заданное значение эмиссионного тока. Полагая, что при  $t=0$  катод имеет температуру  $T_L(T(x, t)|_{t=0}=T_L)$ , и решая уравнение теплопроводности, получим профиль температуры при  $t \leq t_0$ . Профиль  $T(x, t_0)$  используется в качестве начального условия для уравнения теплопроводности при  $t \geq t_0$ . После образования ВК граничное условие на «холодном» конце остается тем же. Температура  $T_k$  рабочей поверхности из-за увеличения эффективной работы выхода  $\chi_{eff}$  начинает расти во времени, хотя эмиссионный ток по-прежнему почти совпадает с полным  $j_s \approx j$ . Считая в (1)–(4)  $Q_0$  независимым переменным, а  $T_k$  — параметром, получаем из (1)–(4) соотношение  $Q_0 = f(T_k)$ , которое может служить граничным условием для уравнения теплопроводности на поверхности катода. Анализируя систему уравнений (1)–(4), можно показать, что зависимость  $f(T_k)$  близка к линейной. Это иллюстрирует рис. 1, б, где приведена расчетная зависимость  $Q_0$  от  $T_k$ . В дальнейшем запишем  $Q_0$  в виде

$$Q_0(t) = Q_1 + Q_2 (1 - T_k(t)/T_0),$$

где  $Q_1, Q_2$  — постоянные.

Уравнение теплопроводности

$$c\rho \frac{\partial T(x, t)}{\partial t} = -\frac{\partial^2 T(x, t)}{\partial x^2} + \frac{j^2}{\sigma} \quad (5)$$

с линейными граничными условиями

$$Q_0(t) = -\frac{\partial T(x, t)}{\partial x} \Big|_{x=0} = Q_1 + Q_2 \left( 1 - \frac{T(x, t)}{T_0} \right) \Big|_{x=0}, \quad T(x, t)|_{x=L} = T_L \quad (6)$$

и начальным условием

$$T(x, 0) = T_0 \left( 1 - \frac{x}{L} \right) + T_L \frac{x}{L} + \frac{j^2}{2\sigma\rho} x(L-x) - 2(T_0 - T_L) \times$$

$$\times \sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{-\frac{x}{c\rho} \left( \frac{\pi n}{L} \right)^2 t_0}}{\pi n} \sin \frac{\pi n x}{L} - \frac{2j^2}{\sigma\rho} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{[1 - (-1)^n]}{\pi n} \left( \frac{L}{\pi n} \right)^2 e^{-\frac{x}{c\rho} \left( \frac{\pi n}{L} \right)^2 t_0} \sin \frac{\pi n x}{L} \quad (7)$$

допускает аналитическое решение. В (7) и ниже время отсчитывается от момента  $t_0$ . Темпемкость  $\sigma$ , плотность  $\rho$ , электропроводность  $\sigma$  и теплопроводность  $\kappa$  материала катода предполагаются не зависящими от температуры. Вводя новую переменную

$$\zeta(x, t) = T(x, t) - T_s \left(1 - \frac{x}{L}\right) - T_0 \frac{x}{L} - \frac{j^2}{2\sigma\kappa} x(L-x), \quad (8)$$

где

$$T_s = \left(T_0 + \frac{j^2 L^2}{2\sigma\kappa} + \frac{(Q_1 + Q_2)L}{\kappa}\right) / \left(1 + \frac{Q_2 L}{\kappa T_0}\right)$$

— температура поверхности катода при  $t \rightarrow \infty$ , получаем уравнение теплопроводности

$$\frac{\partial \zeta(x, t)}{\partial t} = \frac{\kappa}{c\rho} \frac{\partial^2 \zeta(x, t)}{\partial x^2} \quad (9)$$

с линейными однородными граничными условиями

$$\frac{\partial \zeta(x, t)}{\partial x} \Big|_{x=0} - \frac{Q_2}{\kappa T_0} \zeta(x, t) \Big|_{x=0} = 0, \quad \zeta(x, t) \Big|_{x=L} = 0 \quad (10)$$

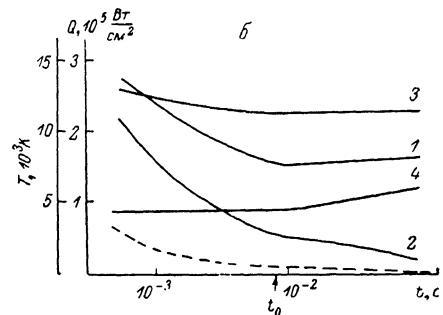
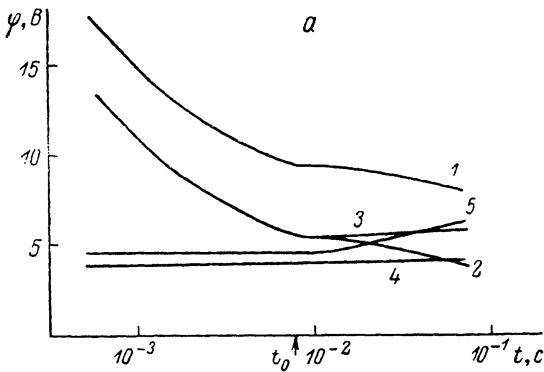


Рис. 2.

и начальным условием

$$\zeta(x, 0) = -(T_s - T_0) \left(1 - \frac{x}{L}\right) - 2(T_0 - T_L) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{-\frac{\kappa}{c\rho} \left(\frac{\pi n}{L}\right)^2 t_0}}{\pi n} \sin \frac{\pi n x}{L} - \\ - \frac{2j^2}{\sigma\kappa} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{[1 - (-1)^n]}{\pi n} \left(\frac{L}{\pi n}\right)^2 e^{-\frac{\kappa}{c\rho} \left(\frac{\pi n}{L}\right)^2 t_0} \sin \frac{\pi n x}{L}. \quad (11)$$

Решение (9)–(11) представимо в виде ряда Фурье

$$\zeta(x, t) = \sum_{k=1}^{\infty} C_k e^{-\frac{\kappa}{c\rho} \left(\frac{r_k}{L}\right)^2 t} \sin \left(r_k \left(1 - \frac{x}{L}\right)\right), \quad (12)$$

где

$$C_k = \int_0^L \zeta(x, 0) \sin \left(r_k \left(1 - \frac{x}{L}\right)\right) dx = \int_0^L \sin^2 \left(r_k \left(1 - \frac{x}{L}\right)\right) dx,$$

$r_k$  — положительные корни уравнения

$$\operatorname{tg} r_k + \frac{\kappa T_0}{Q_2 L} r_k = 0.$$

Подставив (12) в (8), получим выражение для профиля температуры

$$T(x, t) = T_s \left(1 - \frac{x}{L}\right) + T_L \frac{x}{L} + \frac{j^2}{2\sigma\kappa} x(L-x) + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{2 \sin(r_k(1-x/L))}{1 - \frac{\sin(2r_k)}{2r_k}} e^{-\frac{\kappa}{c\rho} \left(\frac{r_k}{L}\right)^2 t} \times$$

$$\times \left\{ (T_0 - T_s) \frac{\sin r_k - r_k \cos r_k}{r_k^2} - 2(T_0 - T_L) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin r_k}{(\pi n)^2 - r_k^2} e^{-\frac{x}{c_p} \left( \frac{\pi n}{L} \right)^2 t_0} - \right.$$

$$\left. - \frac{2j^2}{\pi n} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{|1 - (-1)^n|}{(\pi n)^2 - r_k^2} \left( \frac{L}{\pi n} \right)^2 e^{-\frac{x}{c_p} \left( \frac{\pi n}{L} \right)^2 t_0} \sin r_k \right\}. \quad (13)$$

Температура поверхности катода

$$T_k(t) = T(0, t). \quad (14)$$

Система уравнений (1)–(4), (14) позволяет определить все искомые параметры:  $T_s$ ,  $T_k$ ,

$\varphi_m$ ,  $\chi_{eff}$ ,  $Q_0$ .

4. Результаты решения приведены на рис. 2. На рис. 2, а показаны зависимости от времени полного падения напряжения  $\varphi_c$  в прикатодном слое (1), падения потенциала в ленгмюровском слое  $\varphi_0$  (2), величина  $\varphi_m$  (3), падения напряжения в области ионизации  $\Delta\varphi$  (4) и эффективной работы выхода  $\chi_{eff}$  (5). На рис. 2, б изображены «энергетические» характеристики прикатодного слоя: потоки тепла  $Q_T$  (1),  $Q_0$  (2) и температуры  $T_s$  (3),  $T_k$  (4). В расчетах приняты следующие значения параметров материала катода:  $x=0.88$  Вт/см·град,  $c=0.25$  Дж/г $\times$ град,  $\rho=19$  г/см $^3$ ,  $\epsilon=10^4$  Ом $^{-1}$ ·см $^{-1}$ ,  $\chi=4.5$  эВ. До момента образования ВК ( $t_0=8.3 \cdot 10^{-3}$  с) параметры прикатодного слоя меняются аналогично [1]. После перехода в режим ВК характер изменения параметров прикатодного слоя меняется. Во-первых, естественно, увеличивается  $\chi_{eff}$  (рис. 2, а) и соответственно возрастает температура  $T_k$  поверхности катода (рис. 2, б). Во-вторых, увеличивается максимальное значение потенциала в ленгмюровском слое  $\varphi_m$  (рис. 2, а). Увеличение  $\varphi_m$  приводит к дополнительному разогреву электронов и к некоторому увеличению потока тепла  $Q_T$ . Однако полное падение напряжения в приэлектродном слое  $\varphi_c=\chi+\beta_e T_e+Q_0/j$  уменьшается вследствие уменьшения  $Q_0$ . Расчетные кривые на рис. 2 оборваны при температуре кипения вольфрама при атмосферном давлении.

Для применимости теории прежде всего существенны соотношения между характерными линейными масштабами. При  $t=t_0$  характерные длины имеют следующие значения:  $l_{ia}=1.4 \cdot 10^{-5}$  см,  $l_{ea}=6.4 \cdot 10^{-5}$  см,  $L_0=6.2 \cdot 10^{-5}$  см, длина ионизации  $L_i=6.6 \cdot 10^{-4}$  см, длина релаксации температуры тяжелой компоненты к  $T_e L_T=2.2 \cdot 10^{-3}$  см, т. е. выполняются положенные в основу (1)–(3) соотношения

$$L \gg L_i \gg L_0, \quad l_{ea} \geq L_0 \geq l_{ia}.$$

Указанные линейные масштабы мало меняются во времени, и соотношение между ними сохраняется.

Среди неучтенных потоков энергии наиболее существенны потери тепла на плавление материала катода  $Q_m \sim L_m v$ , где  $L_m$  — теплота плавления вольфрама,  $v=(x/\pi c \rho t)^{1/2}$  — скорость тепловой волны. Зависимость  $Q_m(t)$  (пунктир на рис. 2, б) показывает, что  $Q_m \ll Q_0$ ,  $Q_T$ . Остальные условия применимости теории также достаточно хорошо выполняются.

Резюмируя содержание работы, отметим следующее. В рассматриваемых условиях причиной образования ВК является уменьшение температуры электронов в прикатодной области. Это приводит к уменьшению ионного тока из плазмы на поверхность катода и в конечном итоге к изменению знака пространственного заряда и напряженности поля у поверхности. При переходе в режим ВК практически меняются лишь температура катода и его эффективная работа выхода, в то время как остальные параметры остаются приблизительно постоянными.

### Литература

- [1] Бакшт Ф. Г., Бородин В. С., Журавлев В. Н., Рутберг Ф. Г. ЖТФ, 1987, т. 57, № 12, с. 2296–2305.
- [2] Храпак А. Г., Якубов И. Т. Электроны в плотных газах и плазме. М.: Наука, 1981. 282 с.
- [3] Радиг А. А., Смирнов Б. М. Доп. к кн.: Мак-Даниель И., Мэсон Э. Подвижность и диффузия ионов в газах. М.: Мир, 1976.