

- [14] Гуро Г. М., Ковтонюк Н. Ф. ФТП, 1969, т. 3, № 5, с. 536—642.  
 [15] Зайдель А. Н., Прокофьев В. К., Райский С. М. и др. Таблицы спектральных линий.  
 М.: Наука, 1969. 784 с.

Институт физики АН УССР  
 Киев

Поступило в Редакцию

19 марта 1987 г.

В окончательной редакции  
 27 июля 1987 г.

Журнал технической физики, т. 58, в. 7, 1988

## О СКАЧКООБРАЗНОЙ ТРАНСФОРМАЦИИ МАГНИТНОЙ КАПЛИ

В. Г. Баштовой, Б. Э. Кашевский, А. О. Кузубов

Капля магнитной жидкости привлекает большой интерес как модельный объект для исследования статических и динамических трансформаций формы поверхности раздела жидких сред с различной магнитной проницаемостью в поле [1—5]. Как установлено в опытах [3], при достаточно большой магнитной проницаемости жидкости ( $\mu \geq 20$ ) равновесное удлинение капли в зависимости от напряженности приложенного поля  $H$  изменяется по достижении критического значения напряженности  $H_c$  скачком — на порядок. Интересна динамика этого перехода [4]: при небольшом превышении  $H$  над  $H_c$  капля, имеющая удлинение  $\sim 2$ , длительное время ( $\sim 1$  мин) практически не изменяется, а затем вытягивается в течение нескольки

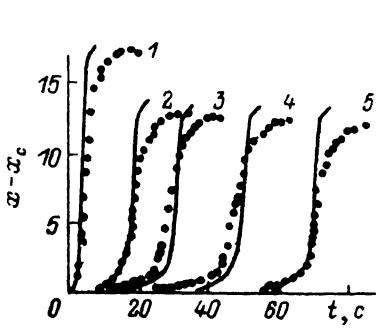


Рис. 1.

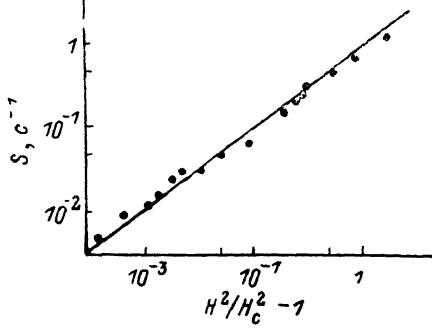


Рис. 2.

ких секунд. Теоретическое описание этого процесса выполнено [4, 5] лишь на его начальной стадии. Здесь он описан полностью, предложена модель, пригодная для исследования более широкого класса трансформаций капли в стационарных и переменных полях. Для описания равновесных форм магнитной капли весьма успешно используется ее представление эллипсоидом вращения [2—5]. Это сильно упрощает исследование, делая тривиальной магнитостатическую задачу и сводя описание формы к единственной переменной. Ценность этих преимуществ становится особенно очевидной при сравнении теории с экспериментом [3]. Желая сохранить их, полагаем, что и в динамике капля остается эллипсоидом вращения. Поскольку в динамике, как и в статике [2], невозможно удовлетворить граничным условиям одновременно на всей поверхности эллипсоида, воспользуемся, как и в [3, 4], интегральным энергетическим методом. Полная энергия капли  $E = T + U$  складывается из кинетической  $T$  и потенциальной  $U$ . Последняя есть сумма поверхностной  $U_s$  и магнитной  $U_M$

$$T = \frac{1}{2} \int_V \rho v^2 dV, \quad U_s = \sigma S, \quad U_M = -V \int_0^{M_0} M dH_0.$$

Здесь  $v$  — скорость жидкости в капле;  $\rho$  — ее плотность;  $\sigma$  — коэффициент поверхностного натяжения;  $S$ ,  $V$  — площадь поверхности и объем капли;  $H_0$  — напряженность однородного магнитного поля до внесения капли;  $M$  — ее намагниченность. Ограничимся линейной зависимостью  $M(H)$ . В эллипсоиде вращения

$$M = \chi_1 H_0, \quad \chi_1 = \frac{\chi_0}{1 + 4\pi\chi_0 n}, \quad U_M = -\frac{1}{2} V \chi_1 H_0^2.$$

Здесь  $\chi_0$  — начальная магнитная восприимчивость жидкости,  $n$  — размагничивающий фактор эллипса вдоль оси вращения. Закон изменения полной энергии капли  $E = \partial U / \partial t - W$  ( $W$  — скорость диссипации энергии) принимает вид

$$\dot{T} + \dot{x} \left( \frac{\partial U}{\partial x} + \frac{\partial U_M}{\partial x} \right) = -W.$$

Здесь  $x$  — характеристика формы эллипса, например соотношение длинной и короткой полуосей. Поскольку намагничивание считается равновесным, диссипация имеет чисто вязкий характер ( $e_{ij}$  — тензор скорости сдвига,  $\eta$  — вязкость)

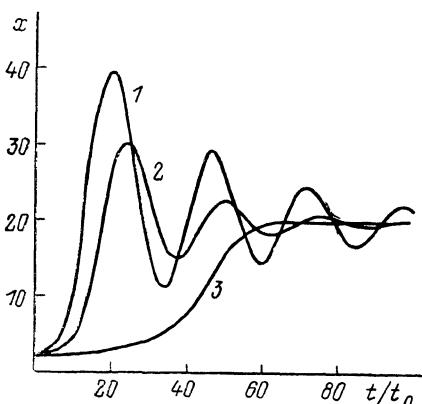


Рис. 3.

$$W = 2\eta \int_V e_{ij} e_{ij} dV,$$

$$e_{ij} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial v_i}{\partial x_j} + \frac{\partial v_j}{\partial x_i} \right).$$

Простейшее течение, обеспечивающее эллипсоидальную форму капли, — потенциальное течение с однородным тензором скорости деформации

$$v = \nabla \Phi, \quad \Phi = \frac{1}{2} e_{ij} x_i x_j = \frac{1}{2} (e_1 x_1^2 + e_2 x_2^2 + e_3 x_3^2).$$

Главные значения  $e_1$ ,  $e_2$ ,  $e_3$  тензора  $e_{ij}$  определяются скоростью изменения длины полуосей эллипса, и для эллипса вращения с учетом уравнения неразрывности ( $e_1 + e_2 + e_3 = 0$ )

$$e_1 = e_2 = -\frac{e_3}{2} = -\frac{1}{2} b \frac{db}{dt},$$

где  $b$  — полуось вращения. Сделав подстановки, получим уравнение динамики формы капли в следующем безразмерном виде:

$$\begin{aligned} \frac{32A}{45} \left[ (3 - e^2) x \ddot{x} - \frac{2}{3} (3 - 2e^2) \dot{x}^2 \right] + \frac{2}{3} B x^{-1/3} \dot{x} + \frac{1}{e^2} \left[ 3 - 2e^2 + \right. \\ \left. + \frac{4e^2 - 3}{e \sqrt{1 - e^2}} \arcsine \right] = x_1^2 B_m^0 \left[ \frac{3 - e^2}{e^5} \text{Arth} e - \frac{3}{e^4} \right] x^{-1/3}. \end{aligned} \quad (1)$$

Здесь  $e = (1 - x^{-2})^{1/2}$  — эксцентриситет; точка над буквой — производная по времени,

$$B_m^0 = \frac{4\pi R_0 H_0^2}{\sigma}, \quad A = \frac{\rho R_0^3}{8\sigma t_0^2}, \quad B = \frac{4\eta R_0}{\sigma t_0}, \quad R_0 = \left( \frac{3V}{4\pi} \right)^{1/3}$$

( $t_0$  — масштаб времени). Стационарным решением уравнения (1) является функция  $e(B_m^0)$ , найденная в [3]. Рассмотрим на его основе эксперимент [4]: в начальный момент капля имеет критическое удлинение  $x_c = 2$  в поле  $H_c = 1.37$  Э, затем поле скачком увеличивается до величины  $H > H_c$ . Результат эксперимента представлен на рис. 1 (точки). Зависимости 1—5 получены для значений параметра  $h = H/H_c - 1$  соответственно  $1.4 \cdot 10^{-1}$ ,  $1.6 \cdot 10^{-2}$ ,  $6.8 \cdot 10^{-3}$ ,  $3.2 \cdot 10^{-4}$ ,  $1.9 \cdot 10^{-4}$ . В [4] указаны характеристики капли:  $\sigma = 6.1 \cdot 10^{-4}$  дин/см,  $R_0 = 10.5 \cdot 10^{-4}$  см,  $\chi_0 = 2.95$ ; вязкость жидкости неизвестна. Ее можно определить по начальному (линейному) участку зависимости  $x(t)$ , для которого из (1) получим соотношение

$$x = x_c + St, \quad S = \frac{3}{2} x_c^{1/3} \frac{1}{e_c^2} \left[ 3 - 2e_c^2 + \frac{\arcsine e_c}{e_c \sqrt{1 - e_c^2}} (4e_c^2 - 3) \right] [(1 + h)^2 - 1] \frac{\sigma}{4\eta R_0}. \quad (2)$$

Добиваясь наилучшей аппроксимации данных рис. 1 зависимостью (2) (рис. 2), находим значение  $\eta=0.55$  Пз. В капле с такими параметрами вязкие силы полностью подавляют инерционные, и в уравнении (1) следует положить  $A=0$ . Решение этого уравнения с начальным условием  $x(0)=x_0$  при  $H=H_0$ , которое определяется из его стационарного решения, получено численно методом Эйлера. Результаты представлены на рис. 1 сплошными линиями. Причина несколько более плавного нарастания удлинения в эксперименте по сравнению с теорией может заключаться в зависимости вязкости от напряженности поля: поле в капле с увеличением ее длины нарастает.

Если инерционным слагаемым пренебречь нельзя, то процесс имеет колебательный характер (рис. 3). Здесь изображены графики переходного процесса, соответствующего кривой 1 на рис. 1, при различном соотношении вязких, капиллярных и инерционных сил:  $B=5$  (1), 10 (2), 40 (3). В качестве масштаба времени в (1) взята обратная частота свободных колебаний невязкой капли

$$t_0 = \left( \frac{8\zeta}{\rho R_0^3} \right)^{1/2}, \quad B = 4\eta \left( \frac{8}{\zeta \rho R_0} \right)^{1/2}, \quad A = 1.$$

Решение получено методом Рунге—Кутта.

### Литература

- [1] Архипенко В. Н., Барков Ю. Д., Баштовой В. Г. Магнитная гидродинамика, 1978, № 3, с. 131—134.
- [2] Блум О. Я., Михайлов Ю. А., Озоле Р. Я. Тепло- и массообмен в магнитном поле. Рига: Зиннатне, 1980. 355 с.
- [3] Bacri J. C., Salin D. — J. Physique (Lettres), 1982, v. 43, N 17, p. 649—654.
- [4] Bacri J. C., Salin D. — J. Physique (Lettres), 1983, v. 44, N 13, p. 415—420.
- [5] Цеберс А. О. Магнитная гидродинамика, 1985, № 1, с. 25—34.

Белорусский  
политехнический институт  
Минск

Поступило в Редакцию  
23 марта 1987 г.  
В окончательной редакции  
8 февраля 1988 г.

УДК 539.3

Журнал технической физики, т. 58, в. 7, 1988

## О МАГНИТОУПРУГИХ И МЕХАНИЧЕСКИХ СВОЙСТВАХ СОЕДИНЕНИЙ СИСТЕМЫ Tb—Fe

Е. В. Долгих, Г. Н. Федюкина, Л. Н. Бабушкина

Интерметаллические соединения  $RFe_2$  ( $R$ —Tb, Sm, Dy), обладающие такими уникальными свойствами, как гигантская магнитострикция ( $10^{-3}$ ) и огромный магнитомеханический гистерезис [1—3], не находят практического применения из-за низкой механической прочности и плохой обрабатываемости.

В предлагаемой работе сообщаются результаты исследования магнитоупругих и механических свойств упрочненных образцов системы Tb—Fe.

Сплавы выплавляли в электродуговой печи. Расплавленный металл сливали в цилиндрическую форму. Деформацию образцов (диаметром 6 и длиной 10 мм) измеряли тензометрическим методом, применяя тензодатчики типа КФ-5 (база 1 мм). Для проведения механических испытаний образцы крепили к стальным наконечникам с помощью диффузионной сварки.

Как видно из таблицы, механическая прочность на разрыв образцов состава  $Tb_{1.2}Fe_{1.8}$ , упрочненных эвтектикой (образцы 4—6), увеличивается по сравнению с  $TbFe_2$  (образцы 1—3) в  $\sim 10$  раз, а дополнительное упрочнение медью сплавов этого же состава повышает их механическую прочность, в частности на разрыв, до 200 МПа, что уже близко к пределу текучести железа. При этом сохраняются достаточно высокие значения магнитоупругих характеристик (см. таблицу).

Высокая механическая прочность высокомагнитострикционных сплавов (образцы 7—9) позволила впервые экспериментально получить полную замкнутую петлю магнитомеханиче-