# Критический ток текстурированных гранулярных сверхпроводников в области сильных магнитных полей

© Л.В. Белевцов, А.А. Костиков\*

Донецкий физико-технический институт им. А.А. Галкина Национальной академии наук Украины, 83114 Донецк, Украина

\* Донбасская государственная машиностроительная академия,

84313 Краматорск, Донецкая обл., Украина

E-mail: apmath@dgma.donetsk.ua

(Поступила в Редакцию в окончательном виде 26 октября 2006 г.)

Теоретически исследована плотность критического тока  $J_c$  в кластерной модели гранулярной сверхпроводящей структуры, когда в гранулах присутствуют вихри Абрикосова. Установлено, что  $J_c$  имеет гауссовоподобную зависимость от эффективного параметра отношения размера зерен, образующих межгранульный джозефсоновский переход. Зависимость  $J_c$  от анизотропии проникновения магнитного поля в гранулы сводится к зависимости от интенсивности связи между кристаллитами.

PACS: 74.25.Op, 74.25.Sv

#### 1. Введение

Плотность критического тока  $J_c$  высокотемпературных сверхпроводников (ВТСП) является основным параметром, определяющим область применения этих материалов. Наличие гранулярной макроструктуры является причиной существенного подавления  $J_c$ , что противоположно ситуации для классических сверхпроводников, в которых такие границы увеличивали критический ток вследствие усиления пиннинга вихрей. Поэтому путь к повышению токонесущей способности гранулярных ВТСП проходит через понимание особенностей влияния межгранульных границ на этот процесс [1,2].

Максимальная плотность критического тока через гранульную границу  $j_{c0}$  является функцией угла разориентации  $\phi$  и зависит от технологии приготовления образца [3,4]. Плотность тока через образец  $J_c$  зависит от критического тока  $i_c$  между отдельными гранулами. В масштабе всего образца ток  $i_c$  представляет собой случайную величину, отличающуюся для разных пар гранул. Вид и параметры распределения этой случайной величины также зависят от ряда технологических факторов. В области сильных магнитных полей  $H \geq H_{c1}$  в гранулы проникают вихри Абрикосова, токи которых вносят поправку в фазу  $\Theta$  параметра порядка  $\Delta$  в берегах межгранульных переходов [5–9]. Возникает вопрос: каким образом границы гранул будут влиять на критический ток?

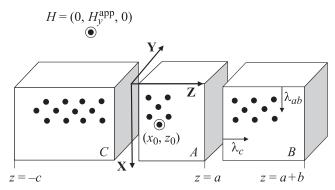
Взаимное влияние границ гранул на структуру абрикосовских вихрей и вихревых нитей на фазу параметра порядка в берегах межгранульного перехода было описано ранее для одиночного межгранульного контакта [7–9]. Критический ток через переход  $i_c$  описывается модернизированным уравнением Феррела–Прейнджа. Величина  $i_c$  имеет зависимость как от внешнего магнитного поля H, так и от интенсивности связи между зернами  $\sigma$ , отношения размеров зерен, образующих контакт,  $\Gamma$  и анизотропии  $\nu$ , характеризующей проникновение

магнитного поля в гранулу вдоль кристаллографической оси c и в ab-плоскости.

В настоящей работе исследуется модель гранулированного сверхпроводника, в котором основной вклад в  $J_c$  вносят кластеры с примерно одинаковой ориентацией гранул по отношению к внешнему магнитному полю H. Анализируется зависимость критического тока от параметра анизотропии проникновения магнитного поля в гранулы и отношения размера гранул, образующих межгранульный переход в области магнитных полей  $H_{c1} \leq H \leq H_x$ , где  $H_x$  — поле, при котором абрикосовские вихри срываются с центров пиннинга. При этом предполагается, что размеры зерен и интенсивность связи между ними статистически распределены по кластеру по нормальному закону.

#### 2. Теория

При расчете  $J_c$  плотности критического тока ВТСП как совокупности сверхпроводящих зерен, соединенных слабыми (джозефсоновскими) связями, в общем случае надо учитывать не только разброс энергий связи  $\varepsilon_J$ межгранульных джозефсоновских контактов, но и корреляцию фаз параметра порядка в различных зернах. Задача существенно упрощается, если последним фактором можно пренебречь: в этом случае токи в соседних контактах можно считать независимыми друг от друга. Такая ситуация возможна либо при достаточно высоких температурах  $(T \geq \varepsilon_J)$ , когда велики температурные флуктуации параметра порядка, либо в достаточно сильном магнитном поле ( $H \ge \Phi_0/d^2$ , где  $\Phi_0$  — квант магнитного потока, a — расстояние между контактами), которое приводит к сильным "магнитополевым" флуктуациям параметра порядка. В этом случае расчет критического тока предполагает наличие информации о функции распределения межгранульных контактов по критическим токам  $f(i_c)$ , вид которых можно определить на основе модельных представлений о свойствах



**Рис. 1.** Схематическое изображение элемента рассматриваемой статистической модели. Предполагается, что каждая гранула содержит вихри Абрикосова, а энергия нитей определяется их взаимодействием с вихрями-изображениями.

межгранульных контактов гранулированных ВТСП или экспериментальным путем. На рис. 1 схематически по-казан элемент статистической модели. Полагается, что характерный размер гранулы  $\tau=a/2\lambda_c\gg 1$ . Магнитное поле приложено параллельно поверхности вдоль оси Y. Поле проникает в гранулу на глубину  $\lambda_{ab}$  со стороны поверхности и на глубину  $\lambda_c$  со стороны межгранульных джозефсоновских контактов. Транспортный ток протекает вполь оси Z.

Каждая пара гранул  $A_iB_i$  характеризуется параметром  $\Gamma=a/b$  (a и b — размеры гранул A и B соответственно), интенсивностью связи между гранулами  $\sigma=\lambda_{ab}/\lambda_J$  ( $\lambda_J$  — джозефсоновская глубина проникновения) и анизотропией  $\nu=\lambda_c/\lambda_{ab}$ , которые являются изменяющимися по величине в пределах рассматриваемого сверхпроводящего кластера. Будем также полагать, что каждая гранула является элементом ламинарной модели в области магнитных полей  $H \geq H_{c1}$  [10–12]. Такой подход оправдан тем, что, как показано в работе [11], энергия абрикосовского вихря фактически зависит только от влияния ближайших границ кристаллита.

Рассмотрим отдельную вихревую нить, токи которой достигают поверхности и берегов контакта. Положению вихря отвечают координатные точки  $(x_0, z_0)$ . Будем считать, что параметр Гинзбурга–Ландау  $\varkappa \gg 1$ , а ось вихря совпадает с осью У и параллельна поверхности образца и внутренним границам гранул  $H = (0, H_{\nu}^{app}, 0)$ . Вихрь добавляет свое магнитное поле, которое искажается поверхностями так, чтобы, во-первых, не создавалось добавочное поле ни на поверхности, ни в джозефсоновских контактах (поскольку поле на поверхности задано и равно  $H_{\nu}^{\text{app}}$ , а поле в контактах можно представить в следующем виде:  $H_y^{\text{app}} \exp(x/\lambda_J)$ ), а во-вторых, ток, нормальный к поверхностям, обращался в нуль. Это можно осуществить, если добавить к вихрю его зеркальные изображения относительно поверхностей с противоположным направлением поля и тока [10,11]. Основная энергия вихря сосредоточена в области  $\xi_{ab} \ll x \ll \lambda_{ab}$ и  $\xi_c \ll z \ll \lambda_c$  (где  $\xi_{ab}$  и  $\xi_c$  — длины сверхпроводящей когерентности в кристаллографической плоскости  $\{ab\}$ 

и вдоль оси  $\{c\}$  соответственно). Поле вихря будет удовлетворять анизотропному лондоновскому уравнению с 2(2L+1) источниками  $(L\geq 1$  — число рассматриваемых вихрей-изображений вдоль одного из направлений  $\pm OZ)$ 

$$\nabla \times [\lambda^{2}] j + H = \Phi_{0} \mathbf{e}_{y} \Big[ \sum_{n=-L}^{L} \{ (-1)^{n} \delta(\rho - \rho_{n}^{(+)}) + (-1)^{n+1} \delta(\rho - \rho_{n}^{(-)}) \} \Big], \tag{1}$$

где  ${\bf e}_y$  — орт вдоль оси OY;  $\Phi_0=h/2e$  — квант магнитного потока;  $\delta(\rho-\rho_n)$  — двумерная дельта-функция Дирака в X—Z-плоскости;  $\rho_{\pm n}^{(+)}$  и  $\rho_{\pm n}^{(-)}$  — положение вихря (n=0) и изображений  $(n\neq 0)$  в ламинарной модели [11];  $\lfloor \lambda^2 \rfloor$  — тензор, описывающий анизотропию материала, который будем полагать диагональным. Также положим  $a\gg \xi_{ab},\ \xi_c;$  таким образом, можно пренебречь влиянием границ зерен на параметр порядка в них. Используя уравнение Максвелла  $\nabla \times {\bf H} = {\bf j},$  получим следующее уравнение для распределения поля в грануле [11]:

$$\lambda_{c}^{2} \frac{\partial^{2} H_{y}}{\partial z^{2}} + \lambda_{ab}^{2} \frac{\partial^{2} H_{y}}{\partial x^{2}} - H_{y} = -\Phi_{0} \sum_{n=-L}^{L} (-1)^{n} \delta[x - x_{0}]$$

$$\times \delta \left[ z - \frac{a}{2} - (-1)^{n} \left( z_{0} - \frac{a}{2} \right) - na \right]$$

$$+ (-1)^{n+1} \delta[x + x_{0}] \delta \left[ z - \frac{a}{2} - (-1)^{n} \left( z_{0} - \frac{a}{2} \right) - na \right].$$
(2)

Существенным отличием данного уравнения от анизотропного уравнения Лондонов является наличие источников для вихря, несущего один квант магнитного потока  $\Phi_0$  и его зеркальных изображений.

Уравнение (2) позволяет найти энергию вихря Абрикосова в анизотропной грануле [11]

$$U(H, x_0, z_0) = \frac{\Phi_0}{4\pi} \left\{ H \exp[-x_0/\lambda_{ab}] + H_{c1}(\infty) - H + H_y^J(x_0, z_0) + \frac{\Phi_0}{4\pi\lambda_{ab}\lambda_c} \left[ \sum_{n=-L}^L P_n^S(x_0, x_0, z_0, z_0) + \sum_{n=-L}^L P_n^N(x_0, x_0, z_0, z_0) \right] \right\}.$$
(3)

Здесь  $H_{c1}(\infty)$  — первое критическое поле в глубине образца,

$$H_y^J(x_0, z_0) = H$$

$$\times \int_{0}^{\infty} \frac{dk}{2\pi} \frac{4k\lambda_{J}^{2}}{1 + \lambda_{ab}^{2}k^{2}} \frac{\sin(kx_{0})\cosh[(1 + \lambda_{ab}^{2}k^{2})^{\frac{1}{2}}(z_{0}/\lambda_{c})]}{\lambda_{J}^{2}k^{2}\cosh(\gamma) + (1 + \lambda_{ab}^{2}k^{2})^{\frac{1}{2}}\sinh(\gamma)}$$
(4)

составляющая магнитного поля в межгранульном контакте от поля вихревой нити;

$$P_n^S(x, x_0, z, z_0) = (-1)^n K_0[D_n(z, z_0, x - x_0)],$$

$$P_n^N(x, x_0, z, z_0) = (-1)^n K_0[D_n(z, z_0, x + x_0)],$$

$$D_n(z, z_0, x \pm x_0) = \sqrt{A^2(x \pm x_0) + B_n^2(z, z_0)},$$

$$A(x \pm x_0) = \frac{x \pm x_0}{\lambda_{ab}},$$

$$B_n(z, z_0) = \frac{z - a/2 - (-1)^n (z_0 - a/2) - na}{\lambda_c}.$$

Здесь  $\gamma=(1+\lambda_{ab}^2k^2)^{1/2}(\frac{a}{2\lambda_c}),~K_0$  — функция Макдональда. Представленная соотношением (3) зависимость энергии вихревой нити от точки ее локализации в области гранулы  $U(H,x_0,z_0)$  содержит в "зародыше" все основные особенности магнитного и транспортного отклика гранулированного сверхпроводника на изменение параметров структурно-неоднородной джозефсоновской системы и приложенного поля.

Следует заметить, что оксидным сверхпроводникам свойственны зернистая и супермелкозернистая структура и относительно малый перенос электронов на границах гранул. Будем полагать, что размер гранул и сила связи между зернами распределены по нормальному закону. Рассматриваемая модель представляется весьма подходящей для описания пленок, ориентированных вдоль кристаллографической с-оси, а также монокристаллических образцов, содержащих плоскости двойникования. Конечно, эта модель менее подходит в случае разориентированных поликристаллических пленок или для описания керамики, в которой соседние гранулы могут ориентироваться различным образом.

### 3. Сверхпроводник с ориентированными гранулами

Рассмотрим поведение критического тока в ориентированном сверхпроводящем образце. Будем считать, что внешнее магнитное поле направлено вдоль межгранульных джозефсоновских переходов, перпендикулярно направлению протекания транспортного тока. В таком представлении элементарный потенциал пиннинга на единицу длины кора вихря имеет вид [12]

$$U_p(H, x_0, L) = \lim_{z_0 \to a} U(H, x_0, z_0, L).$$
 (5)

Потенциал пиннинга  $U_p$  представляет собой суммарную энергию центров пиннинга  $U_p = \sum_k U_p^i$ , что отвечает плотности вихрей Абрикосова на границах зерен  $n_p$ . При этом вихри в грануле образуют вихревую решетку с параметром решетки d, зависящем от внешнего магнитного поля. Таким образом, при увеличении поля возрастают количество вихревых нитей и, следовательно, плотность центров пиннинга [13] (поскольку  $d \sim n_L^{1/2}$ ).

Тогда внутригранульная плотность критического тока при L=1 имеет вид [12]

$$j_c^G(H) = \frac{c}{\lambda_{ab}\xi_c\Phi_0} \sum_{k=0}^{[\lambda_{ab}/d]} U_p(H, x_0^k)_{x_0^k = \frac{d}{2} + kd}.$$
 (6)

Принимая во внимание, что гранульные границы в сверхпроводящем  $MgB_2$  относительно прозрачны для тока [14,15], описание критического тока образца в такой системе возможно на основе пиннингового механизма транспортного тока. Однако в гранулированных ВТСП на межгранульный критический ток  $i_c$  будет оказывать существенное влияние угол разориентации соседних зерен  $\phi$  [3]. Как известно, точка разориентации в  $4-5^\circ$  является переходной от сильной к слабой джозефсоновской связи. С другой стороны, как показано в работе [7],  $j_{c0}$  существенно зависит от отношения  $\Gamma$  размеров зерен, образующих SIS-переход и параметра анизотропии  $\nu$ . Критический ток SIS-перехода  $i_c$  при этом задается формулой [5,16]

$$i_c^2(H) = j_{c0}^2 \left| \int_0^W \exp[i\Theta(H, x)] dx \right|^2,$$
 (7)

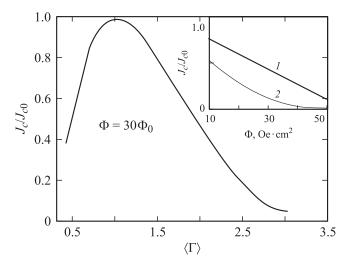
где  $j_{c0}$  — плотность критического тока перехода при H=0 (в дальнейшем для оценки будем полагать  $j_{c0}=10^5\,\mathrm{A/cm^2}$ ); W — ширина джозефсоновского перехода вдоль оси Y; разность фаз  $\Theta$  зависит от внешнего поля H и координат  $(x_i,z_i)$  вихревых нитей в грануле, а также [7-9] от параметров  $\Gamma$ ,  $\sigma$  и  $\nu$ :

$$\Theta(H, x) = \sum_{i=1}^{N} -\frac{2}{(\lambda_{ab}\lambda_c)^{1/2}} \int_{0}^{x} \varphi(H, x \pm x_i) dx + \frac{2\pi\Phi x}{\Phi_0 W}.$$
(8)

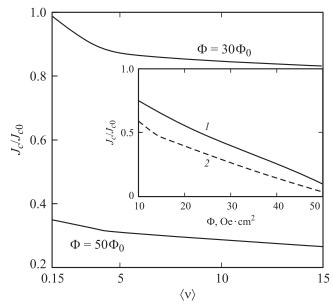
Здесь N — количество вихревых нитей в грануле. Решение для фазы  $\varphi(x)$ , наводимой в переходе каждой вихревой нитью, дается модернизированным уравнением Феррела–Прейнджа [8].

Задача вычисления плотности критического тока в гранулированной системе сводится к вычислению сверхпроводящего тока, протекающего по рассматриваемому кластеру с распределением контактов по току  $i_c$ . Это распределение дается уравнением (7). При этом величина интенсивности связи между зернами  $\sigma$  лежит в интервале от  $\sigma_1$  до  $\sigma_2$ , а параметр отношения размеров зерен, образующих межгранульный переход  $\Gamma$  может принимать значения от  $\Gamma_1$  до  $\Gamma_2$ . Тогда доля P(J) контактов с плотностью тока, большей чем J, будет задаваться функцией распределения P(J) соглано подходу, развитому в [17,18], и особенностями [11] рассматриваемой модели:

$$P(J) = \frac{1}{(\sigma_2 - \sigma_1)(\Gamma_2 - \Gamma_1)} \int_{\sigma_1}^{\sigma_J} d\sigma \int_{\Gamma_1}^{\Gamma_J} d\Gamma, \qquad (9)$$



**Рис. 2.** Зависимость плотности критического тока от эффективного отношения размера гранул  $\langle \Gamma \rangle$ , образующих межгранульный переход при фиксированном магнитном потоке  $\Phi = 30\Phi_0$ . На вставке показана полевая зависимость  $J_c/J_{c0}$  для  $\langle \Gamma \rangle = 1$  (I) и 0.35 (I).



**Рис. 3.** Зависимость плотности критического тока от эффективной анизотропии  $\langle \nu \rangle$  при  $\Phi=30\Phi_0$  и  $\Phi=50\Phi_0$ . На вставке приведена полевая зависимость  $J_c/J_{c0}$  для  $\langle \nu \rangle=0.15$  (I) и 1.5 (2).

где  $\sigma_J$  и  $\Gamma_J$  отвечает току со значением J. Тогда выражение для плотности критического тока имеет вид [18]

$$J_c = \frac{1}{1 - P_c} \int_{P_c}^{P_m} \frac{dP}{P} \int_{0}^{P} J(P') dP', \tag{10}$$

где  $P_c=2/Z$  — эффективный перколяционный порог с числом связей Z для одной гранулы. Для кубических гранул Z=6 и  $P_c=1/3$ . Как только  $P_c>1$ , вероятность

нахождения путей для тока в перколяционной системе равняется нулю. В уравнении (10) функция J(P') есть обратная функция к P'(J).

3.1. Влияние отношения размеров гранул на  $J_c(H)$ . К настоящему времени достаточно подробно изучено влияние размеров гранул керамики [19–21], плотности их упаковки [22] и внешнего давления P [23] на внутригранульный и межгранульный критические токи. В нашей работе [7] показано, что при фиксированном магнитном потоке  $\Phi$  наблюдается фраунгоферовоподобная зависимость межгранульного критического тока  $i_c$  от отношения размеров гранул  $\Gamma$ , образующих переход.

На рис. 2 показана зависимость плотности критического тока  $J_c$  от эффективного параметра  $\langle \Gamma \rangle$  при фиксированной величине магнитного потока  $\Phi=30\Phi_0$ . Максимальная величина тока соответствует ситуации с  $\langle \Gamma \rangle=1$ , практически это отвечает джозефсоновской среде, состоящей из примерно одинаковых (с точностью 5-10%) гранул, размер которых  $a>2\lambda_c$ . Приготовление таких образцов с  $a>0.2\,\mu\mathrm{m}$  — технологически вполне достижимая задача. На вставке показана магнитополевая зависимость  $J_c$  при  $\langle \Gamma \rangle=1$  (кривая I) и  $\langle \Gamma \rangle=0.35$  (кривая 2).

3.2. Влияние анизотропии гранул на  $J_c(H)$ . В высокотемпературных материалах роль анизотропии гранул обусловлена сильным отличием значений лондоновской глубины проникновения  $\lambda_L$ , отвечающей, магнитному полю, направленному вдоль разных осей кристалла. Для  $YBa_2Cu_3O_x$  отношение  $\nu = \lambda_c/\lambda_{ab} \approx 3.3$  [24], а для  $MgB_2$   $\nu \approx 2.04$  [25]. Такая анизотропия приводит к качественно иной (по сравнению с изотропным случаем) зависимости  $i_c(H)$  для отдельного контакта [7–9]. Возникает вопрос: каким образом влияет анизотропия материала на поведение  $J_c(H)$  для набора ориентированных джозефсоновских контактов в перколяционной системе?

На рис. 3 показана зависимость  $J_c$  плотности критического тока от эффективного параметра анизотропии  $\langle \nu \rangle$  при  $\Phi=30\Phi_0$  и  $50\Phi_0$ . Видно, что с увеличением  $\langle \nu \rangle$  плотность тока убывает, а максимум  $J_c$  соответствует изотропному случаю  $\langle \nu \rangle=1$ . На вставке показана магнитополевая зависимость  $J_c(\Phi)$  при  $\langle \nu \rangle=0.15$  (кривая I) и  $\langle \nu \rangle=1.5$  (кривая I).

Заметим, что рассмотрение влияния величины разброса  $\delta$  (от  $\langle \Gamma \rangle$  и  $\langle \nu \rangle$ ) на  $J_c$  показало, что этот параметр фактически не влияет на величину транспортного тока.

## 4. Обсуждение результатов

В настоящей работе теоретически исследовано влияние эффективных параметров джозефсоновской среды на магнитополевую зависимость  $J_c(H)$  плотности транспортного критического тока в гранулярных сверхпроводниках второго рода. Вычисления проводились на основе ламинарной и трехмерной кластерной моделей.

Вихри Абрикосова при вхождении в гранулы изменяют фазу параметра порядка  $\Theta$  в берегах джозефсоновских переходов [7–9]. Это ведет к джозефсоновским осцилляциям в области сильных магнитных полей. Межгранульная плотность тока  $j_c$  является функцией внутри- и межгранульных характеристик  $j_c = j_c(\tau, \sigma, \nu)$ , а плотность перколяционного тока — функция эффективных параметров  $\langle \Gamma \rangle$ ,  $\langle \sigma \rangle$  и  $\langle \nu \rangle$ :  $J_c = J_c(\langle \Gamma \rangle, \langle \sigma \rangle, \langle \nu \rangle)$ . Рассмотрим, каким образом вариация эффективных параметров джозефсоновской среды влияет на  $J_c$ .

а) Отношение размеров гранул, образующих межгранульный контакт. При наличии внешнего магнитного поля  $H>H_{c1}$  количество абрикосовских вихрей в зерне  $n_L\propto a^2$ . Очевидно, что если размер зерен (в нашей геометрии область гранулы вдольоси OZ)  $\{a\}$  и  $\{b\}$  одинаков, то количество вихревых нитей в них одинаково. И следовательно, их влияние на фазу  $\Theta(x)$  параметра порядка  $\Delta(\mathbf{r})$  межгранульного перехода практически отсутствует. Если отношение  $\Gamma=a/b\neq 1$ , то влияние магнитного поля вихревых нитей на переход становится интенсивней, когда величина  $\Gamma$  более отдалена от единицы.

Обычно ВТСП-пленки ориентированы вдоль кристаллографической c-оси перпендикулярно плоскости подложки. Поэтому результаты данной работы можно использовать для анализа поведения критического тока ВТСП-пленок в параллельном магнитном поле. Например, пленки YBCO состоят из набора кристаллитов величиной  $\sim 20-200$  nm, разделенных между собой малоугловыми границами с углами разориентации порядка  $1-3^\circ$ , что соответствует сильной связи между гранулами. Плотность критического тока  $J_c$ , наблюдаемая в таких образцах,  $\sim 2-10^7$  A/cm² при 77 K [26,27].

Результаты исследования распределения размеров гранул в керамическом  $YBa_2CuO_{7-x}$  [28] указывают на гауссово распределение. Поведение критического тока является отображением гранульных размеров и их распределения по образцу. Поэтому уместно сделать заключение о наличии гауссово-подобной зависимости плотности критического тока  $J_c$  от параметра  $\langle \Gamma \rangle$ , что соответствует полученной в настоящей работе параболообразной кривой.

- b) Анизотропия. При увеличении анизотропии  $\langle \nu \rangle = \langle \lambda_c / \lambda_{ab} \rangle$  проникновения магнитного потока в гранулы возможны две ситуации.
- 1) Увеличение параметра  $\lambda_c$ , когда  $\lambda_{ab}=$  const; при этом происходит рост эффективной толщины межгранульного джозефсоновского контакта  $\sim 2\lambda_c$ , что ведет к уменьшению  $J_c$ .
- 2) Уменьшение глубины проникновения поля в ab-плоскости гранулы при  $\lambda_c=$  const. Поскольку при этом полагается, что  $\lambda_J=$  const, уменьшается интенсивность связи между зернами  $\sigma=\lambda_{ab}/\lambda_J$ , что ведет к падению  $J_c$ .

Таким образом, изменение анизотропии лондоновской глубины проникновения  $\nu$  ведет к изменению силы связи

между зернами. Именно по этому параметру возможно сравнить теоретические результаты с экспериментом. Из полученных результатов следует, что с уменьшением и расчет  $\sigma$ , т.е. происходит рост константы связи и увеличивается значение плотности критического тока. Последнее утверждение согласуется с экспериментами [29], из которых следует, что межгранульная сила связи образцов с высокой критической плотностью тока  $J_c$ много больше, чем в обычных ВТСП. В работе [30] показано, что, изменяя силу связи на границах гранул, можно существенно увеличить  $J_c$ . Кроме того, эти результаты согласуются со статистическим численным моделированием сильно связанных сверхпроводников типа MgB<sub>2</sub> методом Монте-Карло [31]. Таким образом, в полях  $H \ge H_{c1}$  роль влияния анизотропии проникновения внешнего магнитного поля в гранулы сводится к изменению параметра интенсивности связи между зернами  $\sigma$ .

Следует заметить, что практически добиться примерно одинаковых джозефсоновских связей (с одинаковыми эффективными толщинами перехода) между подобными гранулами весьма сложно, так как для этого необходимо согласовать размеры слабых связей с  $a\sim 1\,\mu\mathrm{m}$ . Например, толщина оксидных туннельных барьеров между гранулами составляет всего  $d\sim 2\,\mathrm{nm}\ll a$  [16].

Для более реалистичного описания необходимо принимать во внимание пиннинг на пространственных неоднородностях (включениях, дислокациях). Характерным примером могут служить пленки, где пиннинг абрикосовских вихрей в значительной мере обусловлен пиннингом вихревых нитей в маленьких гранулах. Как показано в работе [32], поведение вихревого ансамбля в пленках YBCO определяется взаимодействием вихрей с линейными дефектами — краевыми дислокациями, которые формируются в процессе эпитаксиального роста кристаллов и являются основным типом дефектов кристаллической решетки с плотностью, достигающей  $10^{15}$  lines/m<sup>2</sup>. Эффективный пиннинг вихрей и высокая плотность критического тока  $(J_c \ge 3 \cdot 10^{10} \, \text{A/m}^2 \, \text{при}$ T = 77 K) в пленках YBCO обусловлены именно высокой плотностью таких линейных дефектов. Если же линейными дефектами в той или иной степени пренебречь, то описание  $J_c(H)$  на основе рассмотренной модели более адекватно демонстрирует транспортные значения  $J_c$  для "чистых" гранулированных ВТСП-материалов.

Следует заметить, что для ВТСП характерна анизотропная симметрия спаривания куперовских пар с *d*-волновым типом. Поэтому в более реальных случаях при рассмотрении транспортных свойств ВТСП необходимо учитывать наряду с неупорядоченной структурой и симметрию параметра порядка [33,34].

Заметим также, что особенности гранулированных структур таковы, что проникновение в них абрикосовских вихрей ведет к деформации размеров образца [35] — пиннинг-индуцированной магнитострикции. При изменении размеров гранул изменяется толщина джозефсоновского перехода  $d_N$ . Причина такого поведения в том, что гранулы являются элементами жесткого

массива. Это делает невозможным смещение их центров масс относительно друг друга. Поэтому увеличение (уменьшение) размера зерен ведет к уменьшению (увеличению) толщины изолирующей межгранульной прослойки  $\delta d_N$ . Поскольку  $i_c \propto \exp[-2d_N\sqrt{H}]$ , будет изменяться плотность тока  $J_c$  всего образца. Таким образом, эффект джозефсоновских осцилляций, вызванный проникновением абрикосовских вихрей в гранулы [7], может проявляться в ВТСП. При фиксированной величине магнитного потока Ф зависимость транспортного тока  $J_c$  от эффективного параметра отношения размера зерен, образующих межгранульный переход  $\langle \Gamma \rangle$ , имеет форму гауссовой кривой с максимумом в точке  $\langle \Gamma \rangle = 1$ . Другое важное проявление эффекта состоит в зависимости  $J_c$  от эффективного параметра анизотропии  $\langle \nu \rangle$ , характеризующего отношение глубин проникновения магнитного поля вдоль разных кристаллографических осей. Показано, что анизотропная зависимость  $J_c$  сводится к зависимости от интенсивности связи между гранулами  $\langle \sigma \rangle$  и эффективной толщины межгранульного джозефсоновского перехода. При этом максимальная величина тока отвечает изотропному случаю  $\langle \nu \rangle = 1$ .

Авторы выражают признательность А.И. Дьяченко за обсуждение полученных результатов.

#### Список литературы

- [1] Ю.И. Кузьмин. ФТТ 43, 1157 (2001).
- [2] А.А. Козловский, В.Ф. Хирный. ФТТ 42, 1780 (2000).
- [3] D. Dimos, P. Chaudhari, J. Mannhart, F.K. LeGoues. Phys. Rev. Lett. 61, 219 (1988).
- [4] D. Dimos, P. Chaudhari, J. Mannhart. Phys. Rev. B 41, 4038 (1990).
- [5] Ю.П. Денисов. ФТТ 18, 119 (1976).
- [6] М.В. Фистуль. Письма в ЖЭТФ 42, 95 (1989).
- [7] L.V. Belevtsov, A.A. Kostikov. Phys. Lett. A 343, 454 (2005).
- [8] Л.В. Белевцов, А.А. Костиков. ЖЭТФ 128, 586 (2005).
- [9] L.V. Belevtsov, A.A. Kostikov. J. Low Temp. Phys. 139, 11 (2005).
- [10] L.V. Belevtsov. Europhys. Lett. **59**, 768 (2002).
- [11] Л.В. Белевцов. ФНТ **31**, 155 (2005).
- [12] Л.В. Белевцов. ФНТ **31**, 490 (2005).
- [13] N.-C. Yeh. Phys. Rev. B 40, 4566 (1989).
- [14] M. Kambara, N. Hari Babu, E.S. Sadki, J.R. Cooper, H. Minami, D.A. Gardwell, A.M. Campbell, I.H. Inoue. Supercond. Sci. Technol. 14, L 5 (2001).
- [15] O.F. de Lima, R.A. Ribeiro, M.A. Avila, C.A. Cardoso, A.A. Coelho. Phys. Rev. Lett. 86, 5974 (2001).
- [16] А. Бароне, Дж. Пятерно. Эффект Джозефсона: физика и применения. Мир, М. (1984). 639 с.
- [17] T. Matsushita, B. Ni, Y. Sudo, M. Iwakuma, K. Funaki, M. Takeo, K. Yamafuji. Jap. J. Appl. Phys. 27, 929 (1988).
- [18] T. Matsushita, B. Ni, K. Yamafuji. Cryogenics 29, 384 (1989).
- [19] R.L. Peterson, J.W. Ekin. Physica C 157, 325 (1989).
- [20] E. Shimizu, D. Ito. Phys. Rev. B 39, 2921 (1989).
- [21] M. Kuwabara, H. Shimooka. Appl. Phys. Lett. 55, 2781 (1989).
- [22] G. Paterno, C. Alvani, S. Casadio, U. Gambardella, L. Maritato. IEEE Trans. Magn. 25, 2276 (1989).

- [23] A.I. D'yachenko, V.Yu. Tarenkov, A.V. Abalioshev, R.V. Lutciv, Yu.N. Myasoedov, Ya.V. Boiko. Physica C 251, 207 (1995).
- [24] T.G. Hylton, M.R. Beasley. Phys. Rev. B 39, 9042 (1989).
- [25] F. Monzano, A. Carrington. E-print archives. Cond-mat/0106166.
- [26] Ch. Gerber, D. Anselmetti, J.G. Bernorz, J. Mannhart, D.J. Schlom. Nature 350, 279 (1991).
- [27] J.M. Huijbregtse, B. Dam, R.C.F. van der Geest, F.C. Klaassen, R. Elberse, J.H. Rector, R. Griessen. Phys. Rev. B 62, 1338 (2000).
- [28] D. Kunstelj. Fizika A 3, 35 (1994).
- [29] G. Lu, K.X. Chen, L.X. Xue, C.D. Wei, Q.R. Feng, H.T. Ren, Q. He, L. Xiao, R.K. Wang, D.A. Yu. Mod. Phys. Lett. B 4, 1361 (1990).
- [30] X.Y. Cai, A. Gurevich, I.-Fei Tsu, D.L. Kaiser, S.E. Babcock, D.C. Larbalestier. Phys. Rev. B 57, 10951 (1998).
- [31] L.V. Belevtsov, V.N. Pervukin. Europhys. Lett. 67, 648 (2004).
- [32] В.М. Пан, А.В. Пан. ФНТ 27, 991 (2001).
- [33] C. De Leo, G. Rotoli. Supercond. Sci. Technol. 15, 1711 (2002).
- [34] A. Majhofer, T. Wolf, W. Dieterich. Phys. Rev. B 44, 9634 (1991).
- [35] В.В. Еременко, В.А. Сиренко, Г. Шимчак, А. Набялек. ФНТ 25, 311 (1999).