

- [4] А г р и к о в Ю.М., А н т р о п о в А.М., И в а н о в В.В.  
и др. В кн.: Первая всесоюзн. конф. Физические и физико-химические основы микроэлектроники. М.: АН СССР, 1978, с. 249-250.
- [5] Л у ф т Б.Д. Физико-химические методы обработки поверхности полупроводников. М.: Радио и связь, 1982. 137 с.
- [6] К о r n f e l d M.I. – Journal of Physics D, 1976,  
v. 9, N 8, p. 1183-1192.
- [7] А н о х и н В.З., Д ы н н и к А.П., З а в а л и ш и н А.А.  
и др. – Электронная техника, сер. Микроэлектроника, 1986,  
в. 4 (120), с. 45-48.
- [8] М а р т ы н о в В.В. – Зарубежная электронная техника, 1986,  
в. 12, с. 3-50.
- [9] К и с е л е в В.Ф., К р ы л о в О.В. Электронные явления в  
адсорбции и катализе на полупроводниках и диэлектриках. М.:  
Наука, 1979. 234 с.
- [10] Л е в а н ю к А.П. Пироэлектрики. В кн.: Физический энцик-  
лопедический словарь. М.: Сов. энциклопедия, 1984. 944 с.
- [11] К р ы л о в О.В., К и с л ю к М.У., Ш у б Б.Р. и др. –  
Кинетика и катализ, 1972, т. 13, с. 598-609.
- [12] Н е в о л и н В.К., Ш е р м е р г о р Т.Д. – Письма в ЖТФ,  
1975, т. 1, в. 15, с. 722-724.
- [13] Ж д а н о в В.П., П а в л и ч е к Я., К н о р з. – Поверх-  
ность. Физика, химия и механика, 1986, № 10, с. 41-46.

Поступило в Редакцию  
26 ноября 1987 г.

Письма в ЖТФ, том 14, вып. 7

12 апреля 1988 г.

ОПРЕДЕЛЕНИЕ СРАВНИТЕЛЬНОЙ СТЕПЕНИ  
УПОРЯДОЧЕННОСТИ СОСТОЯНИЙ ОТКРЫТЫХ СИСТЕМ  
НА ОСНОВЕ  $S$ -ТЕОРЕМЫ  
ПО ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫМ ДАННЫМ

Ю.Л. К л и м о н т о в и ч

Критерий относительной степени упорядоченности состояний открытых систем на основе сравнения значений энтропии Больцмана-Гиббса-Шеннона при заданном значении средней эффективной энергии – „функции Гамильтона” ( $S$ -теорема) был введен в работах [1, 2] на примерах развития генерации в системе Ван дер Поля и перехода от ламинарного к стационарному турбулентному течению. Обзор первых результатов дан в [3]. В [4] приведено общее доказательство  $S$ -теоремы.

Цель настоящей работы – демонстрация возможности использования критерия, основанного на  $S$ -теореме, непосредственно по

реализациям, найденным из эксперимента, для различных внутренних параметров системы  $X(t, \alpha)$  и без использования информации о структуре „функции Гамильтона”. Здесь  $\alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_n)$  – набор управляющих параметров. Возможный выбор управляющих параметров чрезвычайно широк. Это – обратная связь и накачка в генераторах, начальные условия в мультистабильных системах, „медленное“ время при наличии квазистационарных состояний, числа Рейнольдса, Тейлора и Рэлея в гидродинамике, лекарственные и физикотерапевтические воздействия в медицине и т. д. Очень широк и выбор внутренних параметров, по реализациям которых и производится оценка сравнительной степени упорядоченности. Отсутствие необходимости в дополнительной информации о структуре „функции Гамильтона“ открывает новые возможности использования рассматриваемого критерия непосредственно по экспериментальным данным, т. е. без каких-либо математических моделей системы. При доказательстве  $S$ -теоремы в [4] произвольное стационарное распределение  $f(X, \alpha)$  представлялось в виде канонического распределения Гиббса со свободной энергией  $F$  и эффективной температурой  $D$ :

$$f(X, \alpha) = \exp \frac{F(\alpha, D) - H(X, \alpha)}{D}, \quad \int f(X, \alpha) dX = 1. \quad (1)$$

Состояние при  $\alpha = \alpha_0$  принимается за состояние „физического хаоса“. С ним сравнивается состояние при значениях управляющих параметров

$$\alpha = \alpha_0 + \Delta \alpha_i, \quad \Delta \alpha_i \geq 0, \quad i = 1, 2, \dots, n. \quad (2)$$

При  $\alpha = \alpha_0$  из (1) следует распределение  $f_0(X, \alpha_0)$  для состояния физического хаоса с „функцией Гамильтона“  $H_0(X, \alpha_0)$ .

При увеличении  $\Delta \alpha$  среднее значение  $\langle H_{\xi} \rangle$  в общем случае не сохраняется, поэтому разность энтропий  $S_0, S$ , определяемых распределениями  $f_0, f$ , не может служить мерой относительной степени упорядоченности состояний с параметрами  $\alpha = \alpha_0$  и  $\alpha = \alpha_0 + \Delta \alpha$ . Вместо  $f_0$  надо использовать перенормированное к заданному значению усредненной функции Гамильтона  $H_0$  распределение  $\tilde{f}_0$  и соответствующую энтропию  $\tilde{S}_0$ . Функция  $\tilde{f}_0$  представляется в виде

$$\tilde{f}_0 = \exp \frac{\tilde{F}_0 - H_0}{\tilde{D}(\Delta \alpha)}, \quad \int \tilde{f}_0 dX = 1, \quad \tilde{D} \Big|_{\Delta \alpha=0} = D. \quad (3)$$

Зависимость  $\tilde{F}(D)$  следует из условия нормировки, а зависимость перенормированной „температуры“  $\tilde{D}$  от  $\Delta \alpha$  из уравнения

$$\int H_0(X, \alpha_0) \tilde{f}_0 dX = \int H_0(X, \alpha_0) f(X, \alpha_{\xi}) dX. \quad (4)$$

Тогда разность энтропий [4]

$$\tilde{S}_0 - S = \int \tilde{f}_0 (\gamma e^{\tilde{F}_0} - e^{\tilde{F}_0} + 1) dX \geq 0 \quad (5)$$

определяет увеличение относительной степени упорядоченности при переходе от состояния „физического хаоса”  $\alpha = \alpha_0$  в состояние  $\alpha = \alpha_0 + \Delta\alpha$ . Функция  $\gamma$  в (5) определяется выражением

$$\gamma = \frac{F - H(X, \alpha)}{D} - \frac{\tilde{f}_0 - H_0(X, \alpha_0)}{\tilde{D}(\Delta\alpha)}. \quad (6)$$

Для приложений удобна и другая форма записи результата (5):

$$\tilde{S}_0 - S = \int \ln \frac{f(X, \alpha)}{\tilde{f}_0} \cdot f(X, \alpha) dX \geq 0. \quad (7)$$

Таким образом, если управляющие параметры выбраны правильно, то по мере увеличения  $\Delta\alpha$  энтропия уменьшается и имеет место процесс самоорганизации.

Информация о структуре „функции Гамильтона” в распределении (1) в работах [1, 2] следовала из структуры стационарного решения уравнения Фоккера-Планка и из структуры распределения для состояния локального равновесия. Во многих случаях, однако, когда нет явных математических моделей системы, информация о структуре „функции Гамильтона” отсутствует.

В связи с этим возникает вопрос о практическом использовании  $S$ -теоремы без представления функций распределения  $f$ ,  $f_0$  в виде (1). Покажем, что такая возможность заложена в приведенных выше результатах.

Вместо (1) рассмотрим соответствующее распределение при  $D = 1$  и  $F = 0$ . Тогда „функция Гамильтона” в (1) определяется непосредственно по распределению

$$H(X, \alpha) = -\ln f(X, \alpha) \quad \text{и} \quad H_0 = -\ln f_0. \quad (8)$$

Результаты (5-7) остаются справедливыми и при  $D = 1$ ,  $F = 0$ . Выражение для функции  $\gamma$  существенно упрощается, а функция  $\tilde{D}(\Delta\alpha)$  такова, что  $\tilde{D}|_{\Delta\alpha=0}=1$ .

Дополнительное условие (4), необходимое для определения функции  $\tilde{D}(\Delta\alpha)$ , принимает теперь вид

$$\int \ln f_0(X, \alpha_0) \tilde{f}_0 dX = \int \ln f_0(X, \alpha_0) \cdot f(X, \alpha) dX. \quad (9)$$

Таким образом, задается среднее по распределениям  $\tilde{f}_0$ ,  $f$  значений функции  $\ln f_0$ . В виде „канонического распределения Гиббса” представляется теперь лишь перенормированное распределение  $\tilde{f}_0$ . Для определения в нем „функции Гамильтона”  $H_0(X, \alpha_0)$  нет необходимости в дополнительной информации, так как, согласно (8), она определяется распределением  $f_0$ .

Таким образом, критерий относительной степени упорядоченности состояний по полученным из эксперимента реализациям  $X(t, \alpha)$  сводится к последовательности действий: 1. Выбираются управляемые

ющие параметры  $a$ ; 2. По достаточно длинным реализациям  $X(t, a)$  находятся стационарные распределения  $f(X, a)$ ; 3. По уравнению (9) определяется функция  $D(a)$ . Тем самым находится перенормированное распределение  $f_a$ ; 4. По формуле (8) или (6) определяется разность энтропий  $S_0 - S$  при любых выбранных значениях  $a = a_0$ ,  $a = a_0 + \Delta a$ .

Если  $S_0 > S$ , то выбор управляющих параметров  $a$  сделан правильно, и при переходе от состояния со значением  $a = a_0$  к состоянию со значением  $a = a_0 + \Delta a$  степень упорядоченности возрастает, следовательно, происходит процесс самоорганизации.

В пристивном случае для нахождения более упорядоченных состояний надо изменить выбор управляющих параметров.

При наличии нескольких управляющих параметров по рассмотренному критерию возможен поиск наиболее упорядоченного состояния в пространстве управляющих параметров. Это может быть сделано, как уже отмечалось, по экспериментальным данным без использования математической модели системы.

#### Л и т е р а т у р а

- [1] Климонтович Ю.Л. – Письма в ЖТФ, 1983, т. 9, с. 109.
- [2] Климонтович Ю.Л. – Письма в ЖТФ, 1984, т. 10, с. 80.
- [3] Ebeling W., Klimontovich Yu.L. Selforganization and Turbulence in Liquids. – Leipzig, Teubner, 1984.
- [4] Klimontovich Yu.L. – Z. Phys. B, 1987, v. 66, p. 125.

Московский государственный  
университет им. М.В. Ломоносова

Поступило в Редакцию  
27 января 1988 г.

Письма в ЖТФ, том 14, вып. 7

12 апреля 1988 г.

#### АБСОЛЮТНЫЕ ИЗМЕРЕНИЯ ИМПУЛЬСНЫХ ПОТОКОВ ХАРАКТЕРИСТИЧЕСКОГО РЕНТГЕНОВСКОГО ИЗЛУЧЕНИЯ И КАЛИБРОВКА ДЕТЕКТОРОВ В ОБЛАСТИ ЭНЕРГИЙ ФОТОНОВ $E_f \geq 1$ кэВ

С.В. Бобашев, Г.С. Волков, А.В. Голубев,  
В.И. Зайцев, В.Я. Царфин, Л.А. Шмаенок

В исследованиях высокотемпературной интерциальной плазмы важное место занимают абсолютные спектрально-селективные измерения потоков мягкого рентгеновского излучения в килоэлектронвольтной области энергий квантов. Решение этой задачи в значи-