

01; 08

ВОЗМОЖНОСТЬ СУЩЕСТВОВАНИЯ И УСИЛЕНИЯ АКУСТИЧЕСКИХ СОЛИТОНОВ ОГИБАЮЩЕЙ В АКУСТОЭЛЕКТРОННОЙ СИСТЕМЕ

Н.Е. В и г д о р ч и к

В настоящее время многие нелинейные оптические явления нашли свои акустические аналоги [1].

Недавно были открыты акустические видеосолитоны в ограниченных пьезополупроводниках [2] и была показана возможность их усиления в постоянном электрическом поле в случае, если дрейфовая скорость носителей превышает скорость звука [3].

В настоящей работе показана возможность существования и усиления акустических солитонов огибающей (радиосолитонов), описываемых нелинейным уравнением Шредингера. Рассмотрим волновой пакет основной частоты ω_0 , движущийся в пьезополупроводнике со скоростью звука s ($\omega_0 = k_0 \cdot s$).

Используем известное дисперсионное уравнение для упругих волн в пьезополупроводниках [4] и зависимость скорости звука от его интенсивности в приближении $kL_D < 1$ [5]:

$$\delta s = \frac{\gamma^2 \cdot s}{24} \left(\frac{4\pi\beta e u}{\epsilon T} \right)^2 \cdot (kL_D)^6. \quad (1)$$

Тогда способом, предложенным в [6, 7], можно получить нелинейное параболическое уравнение с комплексными коэффициентами

$$\begin{aligned} \frac{\partial u}{\partial t} + v_{gp} \frac{\partial u}{\partial x} - i\alpha \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - i\alpha |u|^2 \cdot u = \\ = \Gamma_0 \cdot u + i\Gamma_1 \cdot \frac{\partial u}{\partial x} + \gamma \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}. \end{aligned} \quad (2)$$

Здесь

$$v_{gp} \equiv \left(\frac{\partial \omega}{\partial k} \right)_{k=k_0} = s \left[1 - \frac{\gamma^2}{2} \cdot \frac{k_0^4 \tau^4 (s - v_0)^4 + 3k_0^2 \tau^2 (s - v_0)^2}{(k_0^2 \tau^2 (s - v_0)^2 + 1)^2} \right],$$

$$\alpha \equiv \left(\frac{\partial^2 \omega}{\partial k^2} \right)_{k=k_0} = \frac{\gamma^2 \cdot s k_0 \tau^2 \cdot (s - v_0)^2 [3 - k_0^2 \tau^2 (s - v_0)^2]}{2 [k_0^2 \tau^2 (s - v_0)^2 + 1]^3},$$

$$\alpha \equiv \frac{\partial \omega}{\partial |u|^2} = \frac{k_0 \cdot s \cdot \gamma^2}{24} \left(\frac{4\pi\beta e}{\epsilon T} \right)^2 (kL_D)^6,$$

$$\Gamma_0 \equiv J_m \omega = \frac{\gamma^2}{2} \cdot \frac{k_0 s \cdot k_0 \tau (s - v_0)}{k_0^2 \tau^2 (s - v_0)^2 + 1},$$

$$\Gamma_1 \equiv \text{Im} \left(\frac{\partial \omega}{\partial k} \right)_{k=k_0} = \frac{\gamma^2 \cdot s \cdot k_0 \tau (s - v_0)}{[k_0^2 \tau^2 (s - v_0)^2 + 1]^2},$$

$$\gamma \equiv \text{Im} \left(\frac{\partial^2 \omega}{\partial k^2} \right)_{k=k_0} = \frac{\eta^2 \cdot s \cdot \tau (s - v_0) [1 - 3k_0^2 \tau^2 (s - v_0)^2]}{[k_0^2 \tau^2 (s - v_0)^2 + 1]^3},$$

$\eta^2 = \frac{4\pi\beta^2}{\epsilon\rho s^2}$ - коэффициент электромеханической связи, s - скорость звука, $v_0 = \mu E_0$ - дрейфовая скорость носителей, μ - смещение решетки, $\tau = \epsilon(4\pi\tau)^{-1}$ - максвелловское время релаксации.

Поскольку поправка к скорости звука, зависящая от его интенсивности, положительна $\frac{\partial \omega}{\partial |u|^2} > 0$ [5], то модулированные акустические волны устойчивы относительно поперечных возмущений волнового фронта [8]. В то же время при $|s - v_0| k_0 \tau > \sqrt{3}$ $\frac{\partial^2 \omega}{\partial k^2} < 0$ и решение уравнения (2) неустойчиво относительно продольных возмущений [8].

Если среда слабонеконсервативна - безразмерные параметры $\mu = \frac{\eta}{\alpha}$ и $\tau = \frac{\eta}{v_{rp}}$ малы, что справедливо при $|s - v_0| k_0 \tau \gg 1$, то исходное уравнение (2) близко к полностью интегрируемому нелинейному уравнению Шредингера [9], которое имеет следующее солитонное решение:

$$u_0 = \frac{A \cdot \exp[-ikx + i(v_{rp} \cdot k + \alpha k^2 + \frac{\alpha A^2}{4})t]}{\text{ch}[q(x - wt)]}, \quad (3)$$

$$q = A \cdot \sqrt{\frac{\alpha}{2\alpha}}; \quad w = v_{rp} + 2\alpha \cdot k.$$

Исходный импульс постоянной амплитуды u_0 длительностью t образует хотя бы один солитон, если его амплитуда больше критической [10]:

$$(u_0 \cdot v_{rp} \cdot t)^2 = \frac{\pi^2}{4} \left| \frac{\partial^2 \omega}{\partial k^2} / \frac{\partial \omega}{\partial |u|^2} \right|. \quad (4)$$

Пороговое значение мощности волны для образования солитона равно

$$P_{\text{пор}} = \frac{L}{2} \int_{-\infty}^{\infty} c_{44} \cdot s \left(\frac{\partial u}{\partial x} \right)^2 dx = \frac{24\pi}{\sqrt{2}} \frac{L \cdot c_{44}}{k_0^2 \tau^2 |s - v_0|^2 \cdot \left(\frac{4\pi\beta\epsilon}{\epsilon T} \right)^2 (kL_D)^6},$$

где c_{44} — модуль упругости кристалла, L — ширина пучка. Для CdS $s = 1.75 \cdot 10^5$ см/с, $\tau = 10^{-8}$ с, $k_0 = 2 \cdot 10^3$ 1/см, $L_D = 4 \cdot 10^{-5}$ см, $t = 10^{-8}$ с, $q^2 = 0.04$, $L = 0.3$ см, $P_{пор} = 1$ Вт.

При $\rho > \rho_{пор}$ прямоугольные импульсы (с заполнением частотой $\omega_0(k_0)$) по мере распространения превращаются в уединенные волны — солитоны огибающей.

Решение уравнения (2) будем искать методом медленно меняющегося профиля в виде [7, 11]

$$u = A \cdot u[(q + \delta q \cdot t)(x - wt)] \cdot e^{\alpha(t)} \quad (6)$$

Для определения δq воспользуемся условием ортогональности $\frac{\partial u_0}{\partial q}$ с членами, рассматриваемыми как возмущение, и найдем

$$\delta q = 4q(\Gamma_0 + \Gamma_1 \cdot k). \quad (7)$$

Тогда выражение для $\alpha(t)$ с учетом начального условия $\alpha(0) = 0$ будет иметь вид

$$\alpha(t) = -(\Gamma_0 + \Gamma_1 \cdot k) \cdot t + i\Gamma_1 \cdot \ln \frac{ch[q(x - wt)]}{chqx} + 2(\Gamma_0 + \Gamma_1 \cdot k) \int_0^t q(x - wt) th[q(x - wt)] dt. \quad (8)$$

Отсюда видно, что условием усиления акустических солитонов огибающей является превышение дрейфовой скорости носителей, скорости звука, что совпадает с условием усиления линейных звуковых волн.

С п и с о к л и т е р а т у р ы

- [1] Бункин Ф.В., Кравцов Ю.А., Ляхов Г.А. // УФН. 1986. Т. 149. В. 3. С. 391-404.
- [2] Аветисян А.А., Гуляев Ю.В., Миргородский В.И. // ФТТ. 1986; Т. 28. В. 7. С. 2240-2242.
- [3] Вигдорчик Н.Е., Иоффе И.В. // Акуст. ж. 1987. Т. 33. В. 6. С. 986-991.
- [4] Гуревич В.Л. // ФТП. 1968. Т. 2. В. 11. С. 1557-1592.
- [5] Гуревич В.Л. // ФТТ. 1963. Т. 5. В. 4. С. 1222-1225.
- [6] Фабрикант А.Л. // ЖЭТФ. 1984. Т. 86. № 2. С. 470-479.
- [7] Вигдорчик Н.Е., Иоффе И.В. // Письма в ЖТФ. 1988. Т. 14. В. 12. С. 1090-1094.

- [8] Карпман В.И. Нелинейные волны в диспергирующих средах. М.: Наука, 1973. 176 с.
- [9] Рабинович М.И., Фабрикант А.Л. // ЖЭТФ. 1979. Т. 77. № 2. С. 617-629.
- [10] Звездин А.К., Попков А.Ф. // ЖЭТФ. 1983. Т. 84. В. 2. С. 606-615.
- [11] Давыдов А.С. Солитоны в молекулярных системах. Киев: Наукова думка, 1984. 287 с.

Поступило в Редакцию
27 февраля 1989 г.

Письма в ЖТФ, том 15, вып. 12

26 июня 1989 г.

05.4

ШУМОВЫЕ СВОЙСТВА $Y - Ba - Cu - O$ ПЛЕНОК

С.В. Гапонов, М.А. Калягин,
М.Б. Краюхин, Л.В. Малышева,
П.А. Павлов, Д.Г. Павельев,
А.Д. Ткаченко, И.А. Хребтов,
А.Ю. Чурин

В ряде работ [1-3] уже сообщалось о возможности создания на основе высокотемпературных сверхпроводящих пленок состава $Y - Ba - Cu - O$ приемников излучения. Расчет показывает, что с учетом полученных к настоящему времени электро- и теплофизических параметров пленок можно создать болометры, работающие в области азотных температур с обнаружительной способностью $D \approx 2 \cdot 10^{10} \text{ Вт}^{-1} \cdot \text{Гц}^{1/2} \cdot \text{см}$ при быстродействии $10^{-2} - 10^{-3}$ с. Однако такие предельные характеристики можно реализовать при отсутствии избыточных шумов. В настоящей работе приведены результаты первых шумовых исследований ряда образцов $Y - Ba - Cu - O$ пленок, изготовленных лазерным испарением [4].

Пленки состава $YBa_2Cu_3O_{7-x}$ толщиной $1000 - 1500 \text{ \AA}$ напыляли на подложки из $SrTiO_3$, имеющие толщину 1 мм. В пленке лазерным скрайбированием или методом фотолитографии выделяли площадки с размерами $1 \times 1 \text{ мм}$ или $100 \times 100 \text{ мкм}$, формировали последовательность меандров с периодами 100 и 10 мкм соответственно. Контактными служили напыленные серебряные пленки. Подложки приклеивались к медному основанию, имеющему механический контакт с дном азотного резервуара металлического криостата. Температуру образца устанавливали проволоочным нагревателем. Образец включали в схему с нагрузочным сопротивлением как в двухконтактном, так и четырехконтактном варианте. Шумовые сигналы после малощумящего предусилителя подавали на анализаторы спектра типа С4-35 и СК4-56. Измеряли частотные зависимости шума