# Оптическая спектроскопия двумерных электронных состояний в модулированно-легированных гетероструктурах N-AlGaAs/GaAs

© А.В. Гук, В.Э. Каминский, В.Г. Мокеров, Ю.В. Федоров, Ю.В. Хабаров

Институт радиотехники и электроники Российской академии наук, 103907 Москва, Россия

(Получена 22 октября 1996 г. Принята к печати 18 марта 1997 г.)

Исследованы при 77 К спектры фотолюминесценции, связанные с двумерным электронным газом в модулированно-легированных гетероструктурах N-AlGaAs/GaAs с различными толщинами нелегированного спейсер-слоя  $d_s$ . Все исследованные образцы имели нелегированный сверхрешеточный буферный слой (в качестве второго гетероперехода), расположенный на расстоянии  $d_a$  ниже основного гетероперехода. Выполнен теоретический анализ полученных данных путем их сравнения со спектрами, рассчитанными на основе самосогласованного решения уравнений Шредингера и Пуассона. Для  $13 \le d_a \le 40$  нм спектры фотолюминесценции имели две линии при энергиях фотонов  $h\nu_1$  и  $h\nu_2$  ( $h\nu_2 > h\nu_1$ ) с интенсивностями  $I_1$  и  $I_2$  соответственно. Эта дублетная структура связана с оптическими переходами между нижними электронными подзонами  $E_e^1$ ,  $E_e^2$  и низшими подзонами тяжелых  $E_{hh}^1$ ,  $E_{hh}^2$  и легких  $E_{lh}^1$  дырок. Показано, что отношение интенсивностей  $I_2/I_1$  при снижении  $d_s$  вызвано увеличением заселенности верхней подзоны  $E_e^2$  и уменьшением вероятности оптических переходов из нижней подзоны  $E_e^1$ . Сдвиг обоих линий в этом случае в сторону меньших энергий связан с увеличением изгиба зон. Показано, что изменение расстояния  $d_a$  различным образом влияет на величины  $I_1$ ,  $I_2$  и спектральное положение компонентов дублета  $h\nu_1$ ,  $h\nu_2$ . Это связано с существенным различием пространственной протяженности волновых функций электронов  $\Psi_e^1(z)$  и  $\Psi_e^2(z)$ .

Оптические исследования двумерного электронного газа (ДЭГ) в гетероструктурах (ГС) AlGaAs/GaAs обеспечивают прямые сведения об основных параметрах электронных подзон (их энергии, ширине, степени заполнения и т.д.) [1–4], дополняя, а иногда и превосходя по информативности гальваномагнитные измерения. Однако, до сих пор они были направлены в основном на изучение квантового эффекта Холла и вигнеровской кристаллизации, поэтому выполнялись при очень низких температурах и ограничивались, как правило, малыми значениями концентрации ДЭГ ( $< 10^{11} \, \mathrm{cm}^{-2}$ ).

В то же время на примере псевдоморфных гетероструктур AlGaAs/InGaAs/GaAs было показано [5,6], что исследование спектров фотолюминесценции (ФЛ) при температурах жидкого азота и даже комнатной является эффективным методом изучения электронных состояний в модулированно-легированных ГС (МЛГС).

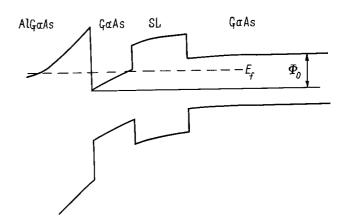
Однако для системы AlGaAs/GaAs такие исследования не проводились. Последнее обусловлено трудностью выявления эффектов, связанных с ДЭГ, из-за их маскирования интенсивной ФЛ, соответствующей межзонной излучательной рекомбинации трехмерных носителей тока.

Данная работа посвящена изучению двумерных электронных состояний в МЛГС N-AlGaAs/GaAs методом ФЛ, включая особенности их поведения при введении в стандартную ГС 2-го (нелегированного) гетеробарьера (ГБ) со стороны подложки (на расстоянии  $d_a$  от основного ГБ). Используя такие двухбарьерные МЛГС, мы смогли существенно ослабить (при малых  $d_a$ ) вклад трехмерных носителей в спектры ФЛ и исследовать спектры ФЛ, обусловленные излучательной рекомбинацией ДЭГ и дырок в системе AlGaAs/GaAs при температуре жилкого азота.

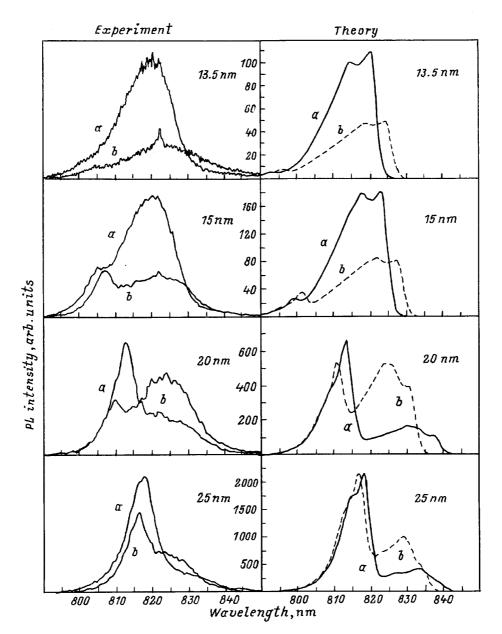
В работе также изложены теоретические подходы, описывающие основные закономерности в спектрах ФЛ, вычислены волновые функции и энергии электронных и дырочных подзон, их заселенности, а также матричные элементы оптических переходов в зависимости от расстояния между гетеробарьерами (ГБ)  $d_a$  и концентрации ДЭГ  $n_{2d}$ .

#### Экспериментальная часть

Двухбарьерные МЛГС были выращены методом молекулярно-лучевой эпитаксии (МЛЭ) на полуизолирующих подложках GaAs с ориентацией (001). Они включали нелегированный буферный слой GaAs толщиной 0.5 мкм, нелегированную 20-периодную сверхрешетку  $Al_{0.25}Ga_{0.75}As$  (1.5 нм)/GaAs (1.2 нм), формирующую нижний гетеробарьер, активный нелегированный слой



**Рис. 1.** Зонная диаграмма (для сверхрешетки показан эффективный барьер).

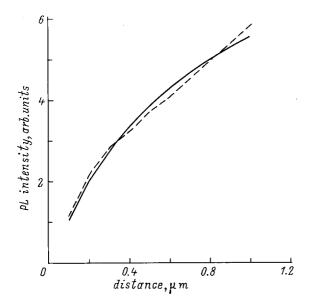


**Рис. 2.** Экспериментальные и расчетные спектры  $\Phi \Pi$  для различных значений ширины квантовой ямы  $(a-d_s=3\,\mathrm{hm},b-d_s=10\,\mathrm{hm}).$ 

GaAs толщиной  $d_a$ , затем нелегированный спейсер-слой  $Al_{0.25}Ga_{0.75}As$ , толщиной  $d_s$  и легированный кремнием  $(N=1\cdot 10^{18}~{\rm cm}^{-3})$  n-слой  $Al_{0.25}Ga_{0.75}As$  толщиной 60 нм, формирующие основной МЛГБ. Структура завершалась верхним нелегированным слоем GaAs толщиной 10 нм. Профиль зоны проводимости полученной структуры представлен на рис. 1. Расстояние между гетеробарьерами  $d_a$  изменялось в диапазоне от 6.5 нм до 1 мкм и более. Для исследования вклада размерного квантования в активном слое GaAs, обусловленного его ограничением исключительно стенками гетерограниц, были также выращены ГС, в которых все слои не легировались, так чтобы формировать прямоугольную квантовую яму (КЯ).

Измерения спектров ФЛ выполнялись при  $T=77\,\mathrm{K}$ . В качестве источника возбуждения ФЛ использовали  $\mathrm{Ar}^+$ -лазер с плотностью облучения  $\sim 100\,\mathrm{Br/cm^2}$ .

На рис. 2 представлены спектры ФЛ МЛГС с различными значениями  $d_a$  и  $d_s$ . Для образцов с  $d_a > 50$  нм, независимо от степени легирования и толщины  $d_s$ , в спектре ФЛ наблюдалась только одна линия (рис. 2,a), спектральное положение которой  $h\nu_0 = 1.508$  эВ не зависело от вариации  $d_a$  в диапазоне  $50 \div 1000$  нм и выше и соответствовало межзонной излучательной рекомбинации трехмерных носителей в GaAs при 77 K, т. е. равнялось ширине запрещенной зоны  $E_g = 1.508$  эВ при этой температуре.



**Рис. 3.** Экспериментальная (штриховая линия) и расчетная (сплошная) зависимости интенсивности  $\Phi \Pi$  (в максимуме) 3D электронов от расстояния между гетеробарьерами.

На рис. З приведена зависимость интенсивности этой линии в максимуме  $I_M$  от  $d_a$ . Как видно из рис. З,  $I_M$  с увеличением  $d_a$  возрастает. Интересно, что хотя с увеличением  $d_a$  скорость возрастания  $I_M(d_a)$  несколько замедляется, но отсутствует эффект насыщения, ожидаемый при  $d_a>0.4$  мкм, когда должно выполняться условие  $\alpha d_a\gg 1$ , где  $\alpha\approx 10^4\,\mathrm{cm}^{-1}$  — коэффициент поглощения в GaAs на длине волны возбуждающего лазера. Отсутствие эффекта насыщения в  $I_M(d_a)$  может быть связано с уменьшением доли фотоносителей, участвующих в поверхностной безызлучательной рекомбинации на гетерограницах.

Обнаружено, при малых  $d_a$ вблизи  $d_a \approx 40 \div 50$  нм ниже, форма спектра МЛГС претерпевает принципиальные изменения. A именно, исходная линия при  $h\nu_0$ 1.508 ∍B трансформируется в дублетную структуру (рис. 2), состоящую из высокоэнергетического пика при  $h\nu_2$ и низкоэнергетического "плеча" (или пика) при  $h\nu_1$ . Этот факт приписывается переходу от ФЛ трехмерных носителей к ФЛ с участками ДЭГ. Возникшая дублетная структура связывается с оптическими переходами из 2-х нижних подзон ДЭГ, локализованного у верхнего МЛГП, в подзоны дырочной ямы, расположенной у нижнего гетеробарьера (рис. 1). Данная структура возникает, когда большинство фотовозбужденных носителей захватывается в упомянутые электронную и дырочную ямы и когда перекрытие их волновых функций становится достаточным для заметной излучательной рекомбинации.

В случае нелегированных ГС, в которых изгиб зон, связаный с ДЭГ, мал, дублетная структура в спектре  $\Phi \Pi$  при  $d_s \leq 40\,\mathrm{hm}$  не возникает. В таких структу-

рах формируется КЯ, близкая к прямоугольной, и в соответствии с этим наблюдается только одна линия  $\Phi \Pi$ . Ее спектральное положение при уменьшении  $d_a$  сдвигается к большим  $h \nu$  из-за размерного квантования обусловленного гетеробарьерами. Эта линия всегда занимает промежуточное спектральное положение между компонентами дублета в МЛГС (рис. 2).

Как видно из рис. 2, интенсивности компонентов дублетной структуры в МЛГС, их форма и спектральное положение зависят от  $d_a$  и  $d_s$ . В таблице приведены ее основные характеристики для МЛГС (при  $d_a \leq 30$  нм) с различными значениями  $d_a$  и  $d_s$ .

Здесь  $I_2$  и  $I_1$  — интенсивности (в максимумах) высокои низкоэнергетического компонентов дублета соответственно, а  $h\nu_2$  и  $h\nu_1$  — их спектральные положения,  $h\Delta_{12}=h\nu_2-h\nu_1$  — спектральное расщепление компонентов дублета,  $h\nu_0$  — спектральное положение линии  $\Phi \Pi$  в нелегированных  $\Gamma C$  (понятие  $d_s$  для этих структур лишено смысла).

Из рис. 2 и таблицы следует, что при уменьшении толщины спейсер-слоя  $d_s$  (и, соответственно, возрастания концентрации ДЭГ n и связанного с ним самосогласованного потенциала изгиба зон) для всех МЛГС (при  $d_a \leq 30$  нм) имеют место:

- увеличение отношения интенсивностей  $I_2/I_1$  как за счет сильного уменьшения  $I_1$ , так и увеличения  $I_2$ ;
- спектральный сдвиг обоих компонентов дублета в сторону меньших энергий. Причем пик  $h\nu_1$  сдвигается сильнее, чем  $h\nu_2$ , что обусловливает увеличение спектрального расщепления дублета  $h\Delta\nu_{12}$  при снижении  $d_a$ .

Интересно, что для МЛГС с  $18\,\mathrm{HM} \le d_a \le 30 \div 40\,\mathrm{HM}$  компонента  $h\nu$  располагается при энергиях фотонов,

$d_a$ , нм	$d_s$ , нм	$h\nu_1$ , эВ	$h\nu_2$ , эВ	$h\nu_0$ , эВ	$h\Delta u_{21}$ , мэВ	$I_2/I_1$
30	10	1.496	1.510		13.5	7
	3	1.490	1.512	1.509	22	12
25	10	1.503	1.419		17	2
	3	1.492	1.517	1.511	25	7.7
22.5	10	1.503	1.520	1.512	17	1.8
	3	1.493	1.518		25	4.27
20	10	1.506	1.531	1.515	25	0.75
	3	1.500	1.526		26	3.47
18	10	1.509	1.532	1.517	23	0.7
	3	1.503	1.526		23	1.93
15	10	1.511	1.538	1.521	27	0.41
	3	1.508	1.536		28	1.27
13.5	10	1.512	1.545	1.523	33	0.18
	3	1.506	1.540		34	0.39
12	10	1.515	1.553	1.528	38	0.09
	3	1.513	_		_	_
10	10	_	_	1.535	_	_
	3	1.523	_		_	_
8.5	10	_	_	1.545	_	_
	3	1.536	_		_	_
6.5	10	_	_	1.5609	_	_
	3	1.547	_		_	_

меньших, чем ширина запрещенной зоны  $E_g$  в GaAs при 77 К.

Отчетливые закономерности также обнаруживаются и для зависимости спектров ФЛ от расстояния между гетеробарьерами  $d_a$  (для  $d_a \leq 30$  нм). При снижении  $d_a$  они проявляются в следующем:

- сдвиг обоих компонентов дублета в МЛГС в сторону больших энергий. При этом линия  $h\nu_0$  в нелегированных ГС также сдвигается к большим  $h\nu$ ;
- происходит увеличение энергетического расщепления между компонентами дублета за счет более сильного сдвига пика  $h\nu_2$  к большим  $h\nu$  (по сравнению со сдвигом компонента  $h\nu_1$ );
- уменьшение отношения интенсивностей  $I_2/I_1$  за счет увеличения  $I_1$  и уменьшения  $I_2$ .

Далее представлены результаты теоретических расчетов, выполненные для обоснования экспериментальных результатов.

Отдельно будут рассмотрены:

- 1. "Широкие ямы" ( $d_a > 50$  нм), в случае которых изза большого расстояния между электронной и дырочной КЯ перекрытие волновых функций двумерных электронов и дырок мало, так что в спектр ФЛ дает вклад только межзонная рекомбинация трехмерных носителей.
- 2. Квантовые ямы (для  $d_a \leq 30 \div 40$  нм), в случае которых спектр ФЛ соответствует оптическим переходам с участием ДЭГ.

#### Теоретические модели

1. Сначала проанализируем зависимость интенсивности ФЛ от  $d_a$  в широких ямах (рис. 3). Как известно, основным механизмом релаксации энергии неравновесных носителей в GaAs при температурах  $T \geq 77\,\mathrm{K}$  является испускание оптических фононов. Для таких процессов характерная длина релаксации энергии составляет  $\sim 50\,\mathrm{hm}$ , и поэтому в случае широких ям все фотовозбужденные носители должны рекомбинировать в пределах ямы. При стационарной накачке и слабом уровне возбуждения распределение избыточных электронов  $\delta n$  и дырок  $\delta p$  ( $\delta n = \delta p$ ) по координате z (вдоль направления роста слоев) описывается следующим уравнением:

$$D\frac{d^2(\delta n)}{dz^2} = Ge^{-\alpha z} + \frac{\delta n}{\tau},\tag{1}$$

где D — коэффициент амбиполярной диффузии, G — скорость фотогенерации при z=0 и au — эффективное время жизни

$$\frac{1}{\tau} = \frac{1}{\tau_r} + \frac{1}{\tau_{nr}},$$

где  $\tau_r$  — время жизни для межзонной излучательной рекомбинации и  $\tau_{nr}$  — суммарное время жизни всех остальных типов безызлучательной и излучательной объемной рекомбинации. Очевидно, что для интенсивности  $\Phi \Pi I$  справедливо следующее:

$$I \sim \int_{0}^{d_a} \delta n(z) dz. \tag{2}$$

Если принять, что скорость поверхностной рекомбинации  $S_0$  одинакова для обоих гетерограниц, то интегрируя (1) и подставляя в (2), получаем

$$I = B \frac{S[\operatorname{ch}(d_a/L) - 1] + \operatorname{sh}(d_a/L)}{(1 + S^2)\operatorname{sh}(d_a/L) + 2S \cdot \operatorname{sh}(d_a/L)}$$

$$\times [(\alpha L + S)(\alpha L - S)\operatorname{exp}(-\alpha d_a)]$$

$$- [1 - \operatorname{exp}(-\alpha d_a)]/\alpha L, \tag{3}$$

где  $S=S_0L/D,\ L=\sqrt{D\tau}$  — длина амбиполярной диффузии, B — коэффициент пропорциональности.

В случаяе наших экспериментов выполняются условия  $d_a/L \ll 1$  и  $\alpha L \gg 1$ . Сравнение экспериментальных значений I на рис. 3 с результатами расчета показывает, что наилучшее согласие с экспериментом достигается при  $S \ll 1$  и (3) может быть представлено в упрощенном виде:

$$I = B\alpha L \frac{d_a}{d_a + 2SL} \left( 1 - e^{-\alpha d_a} \right). \tag{4}$$

Обработка экспериментальных результатов по методу наименьших квадратов с использованием (4) дает  $S=2.7\cdot 10^{-3}$ , что соответствует  $S_0=10\,\mathrm{cm/c}$ . Это означает, что скорость поверхностной рекомбинации в исследуемых ГС очень мала, а выражение (4) хорошо описывает зависимости интенсивности ФЛ от ширины ямы (рис. 2).

2. Квантовые ямы  $(d_a \le 30 \div 40 \text{ нм}).$ 

При вычислении характеристик ФЛ было выяснено, что для хорошего совпадения с экспериментом необходимо точное определение эффективной высоты сверхрешеточного (СР) барьера. Его высота вычислялась по модели Кронига—Пенни. Она составила  $0.48\Delta E_c$  и  $0.44\Delta E_v$  для электронов и дырок соответственно, где  $\Delta E_c$  и  $\Delta E_v$  — разрывы зоны проводимости и валентной зоны на гетерогранице  $GaAs/Al_{0.25}Ga_{0.75}As$  соответственно.

Если при расчетах нелегированных ГС предположить, что КЯ является прямоугольной, то не удается достичь согласия с экспериментом. Причиной этого является изгиб зон (рис. 1). Вычисление энергий, волновых функций и заселенности подзон ДЭГ в МЛГС выполнялось в приближении  $\delta n \ll n$  (квазиравновесная ситуация) путем решения системы уравнений (система Кона–Шэма) [7]:

$$-\frac{\hbar^2}{2m_c}\frac{d^2\Psi_e^i}{dz^2} + U_e(z)\Psi_e^i = E_e^i\Psi_e^i,$$
 (5)

$$\chi \frac{d^2 \varphi}{dz^2} = q \big[ n - N(z) \big], \tag{6}$$

где z — направление, перпендикулярное гетерограницам,  $\Psi_e^i(z)$  — огибающая волновая функции,  $U_e(z)$  — потенциальная энергия,  $\chi$  — диэлектическая проницаемость,  $\varphi(z)$  — электростатический потенциал, который определяется равновесным распределением электронов,  $E_e^i$  — энергия движения электронов вдлоль z, N(z) —

концентрация примеси.

$$U_e(z) = \Delta E_c(z) - q(\varphi + \varphi_{xc}), \tag{7}$$

где  $\varphi_{xc}=\frac{q}{3\pi\chi}n^{1/3}$  — потенциал обменно-корреляционного взаимодействия электронов, и

$$n = \int n_{s_E} |\Psi_e|^2 dE, \qquad (8)$$

где  $n_{s_E}$  — слоевая концентрация электронов с энергией E .

В (8) интегрирование производится как по дискретным, так и по непрерывным участкам спектра. Для дырок уравнение (5) записывается в том же виде, что и для электронов, с потенциальной энергией

$$U_p(z) = \Delta E_v(z) + q(\varphi + \varphi_{xc}). \tag{9}$$

В плоскости гетероперехода движение электронов и дырок не ограничено и волновые функции являются плоскими волнами. Новым в выражении (9) является введение в потенциальную энергию для дырок потенциала обменно-корреляционного взаимодействия  $\varphi_{xc}$ , зависящего только от концентрации электронов. Расчеты показали, что без этого нельзя получить удовлетворительного согласия с экспериментом. Для электронов введение  $\varphi_{xc}$  строго обосновано в [7]. Обоснование же введения  $\varphi_{xc}$ , зависящего только от концентрации электронов, в (9) нам не известно.

Задача вычисления энергий оптических переходов последовательно выполнялась путем решения самосогласованной системы уравнений (5)–(8) для электронов, а затем, используя полученые значения потенциала (9), решалась система уравнений (5) и (9) для дырок. Такой упрощенный подход возможен в нашем случае, поскольку выполняется условие  $\delta p \ll n$ .

В случае  $\delta n \sim n$  было бы необходимо самосогласовано решать полную систему уравнений для электронов и дырок. Это не представляет особых затруднений, если известны функции распределения носителей по энергии.

Следует отметить, что в случае электронов рассматриваемая МЛГС представляет собой две почти независимые потенциальные ямы (перед сверхрешеточным гетеробарьером и за ним). Поэтому для упрощения расчетов система уравнений (5)–(8) решалась отдельно для каждой из ям, а уравнение связи для потенциалов на границах СР получалось из решения (6) в области СР при n=0.

Решение выполнялось численно итерационным методом. Подробно эта процедура изложена в [8].

После всех этих вычислений спектр ФЛ рассчитывается достаточно просто. В качестве функций распределения носителей по энергии были взяты функции Ферми-Дирака с квазиуравнениями Ферми  $E_{F,e}=E_F-\delta h k T$  для электронов и дырок соответственно ( $E_F$  —равновесное значение энергии Ферми). Можно показать, что в случае  $\delta n \ll n$  выполняется условие

 $\delta h \gg \delta_e$ . Тогда из интеграла столкновений Больцмана получаем следующее выражение для интенсивности ФЛ:

$$I(h\nu) = B(e^{\delta_n} - 1) \sum_{i,j} \frac{W_{ij}}{1 + m_e/m_h}$$

$$\times \frac{\exp\left(-\frac{h\nu - E_g}{kT}\right)}{1 + \exp\left(\frac{E_F - E_e^i - E^{ij}}{kT}\right)} \Theta(E^{ij}/kT), \quad (10)$$

где  $E_e^i$  — энергия *i*-й подзоны размерного квантовая ДЭГ,  $h\nu$  — энергия излучаемых фотонов,

$$E^{ij} = \frac{h\nu - E_g - E_e^i - E_h^j}{1 + m_e/m_h},\tag{11}$$

 $E_h^j$  — энергия j-й дырочной подзоны размерного квантовая,  $\Theta$  — тета-функция,  $W_{ij}$  — квадрат интеграла перекрытия огибающих электронной и дырочной волновых функций  $\Psi_e^i$  и  $\Psi_h^j$ .

Следует отметить, что в отличие от случая широких ям B в (10) зависит от  $d_a$  и  $d_s$ . Это связано с тем, что количество захваченных в КЯ электронов и дырок зависит как от размеров ямы, так и от величины изгиба зон и, соответственно, от концентрации  $n_{2d}$  ДЭГ [9]. Поэтому использование выражения (10), строго говоря, допустимо лишь для качественного сравнения интенсивностей пиков в спектре ФЛ в МЛГС с различными значениями  $d_a$  или  $d_s$ .

### Обсуждение результатов

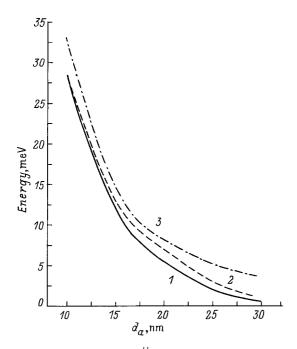
Поскольку интенсивность ФЛ в широких ямах была уже проанализирована, здесь будут обсуждены только результаты по КЯ.

Начнем с рассмотрения нелегированных ГС. Как видно из рис. 4, картина идеально прямоугольных КЯ не позволяет объяснить экспериментальную зависимость  $h\nu_0(d_a)$  (кривая I). Удовлетворительное согласие теории и эксперимента достигается, если учесть наличие изгиба зон  $\varphi_0$  (рис. 4, кривая 3). Как показывает точный расчет, его величина в нелегированной ГС (при концентрации фоновой примеси  $\sim 1 \cdot 10^{14} \, \mathrm{cm}^{-3}$ ) приблизительно равна  $20 \, \mathrm{m9B}$ . В этом случае энергия оптических переходов может быть аппроксимирована следующим выражением:

$$h\nu_0 = E_g + E_e^i + E_h^j - qFd_a,$$
 (12)

где  $E_e^i + E_h^j \sim \frac{1+m_e/m_h}{d_a^2}$  — суммарная энергия нижних электронной и дырочной подзон и  $qFd_a$  — потенциал изгиба зон в пределах КЯ, где F — эффективное электрическое поле изгиба зон.

Поскольку отклонение формы КЯ от прямоугольной не велико, то, как показывает расчет, приблизительно выполняются правила отбора  $W_{ij}\approx 1$  для i=j и  $W_{ij}\approx 0$  для  $i\neq j$  (и для тяжелых и легких дырок). Из-за отсутствия специального легирования заселенность всех



**Рис. 4.** Зависимости  $E_1^e - E_1^{hh} - E_g$  от ширины нелегированной ямы (I — самосогласованный расчет, 2 — эксперимент, 3 — расчет в модели прямоугольной ямы).

подзон i>1 должна быть близка к нулю. Таким образом, в спектре  $\Phi\Pi$  нелегированных  $\Gamma C$  должна наблюдаться только одна линия, соответствующая оптическому переходу  $E_e^1 \to E_{hh}^1$ .

Для МЛГС имеет место значительный изгиб зон  $\varphi_0 \approx 80 \div 120$  мэВ и, соответственно, сильное электрическое поле в КЯ. Это обусловливает снятие запрета на оптические переходы между различными электронными и дырочными подзонами. Высокая концентрация ДЭГ  $n_{2d} \sim (6-10) \cdot 10^{11}$  см² обеспечивает заселенность 2-х нижних электронных подзон  $E_e^1$  и  $E_e^2$  в большинстве МЛГС. Расчет показал, что в дублетную структуру в спектре ФЛ МЛГС заметный вклад могут давать 6 типов отпических переходов между электронными подзонами  $E_e^1$  и  $E_e^2$ , с одной стороны, и дырочными подзонами  $E_{hh}^1$ ,  $E_{hh}^1$ , с другой стороны ( $E_{lh}$  и  $E_{hh}$  — соответственно подзоны легких и тяжелых дырок). Причем вклады каждого из них зависят от  $d_a$  и  $d_s$ .

Основной вклад в низкоэнергетический компонент дублета  $h\nu$  вносят  $E_e^1 \to E_{hh}^1$  оптический переход, а также переходы  $E_e^1 \to E_{lh}^1$  и  $E_e^1 \to E_{hh}^2$ .

Вклады в высокоэнергетический пик при  $(h\nu_2)$  вносят переходы  $E_e^2 \to E_{hh}^1$  и  $E_e^2 \to E_{hh}^2$ , причем вклад последнего снижается при уменьшении  $d_a$ . Следует отметить, что пик  $I_2$  должен проявляться только тогда, когда подзона  $E_e^2$  заметно заселена электронами, т.е. когда уровень Ферми  $E_F$  расположен или выше  $E_e^2$  или чуть ниже (так, чтобы оптическая накачка обеспечивала ее заселенность).

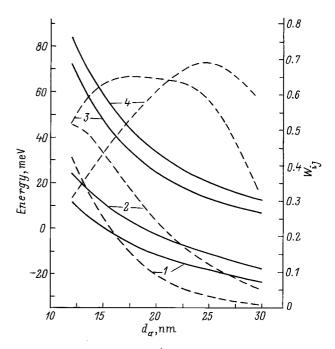
На рис. 2 приведены экспериментальные и расчетные спектры ФЛ для  $d_a=20\,\mathrm{hm}$ . Из их сравнения следует,

что теоретическая модель по крайней мере качественно объясняет форму спектров  $\Phi \Pi$ , включая спектральное положение компонентов дублета, соотношение их интенсивностей и характер их изменения при уменьшении  $d_s$ .

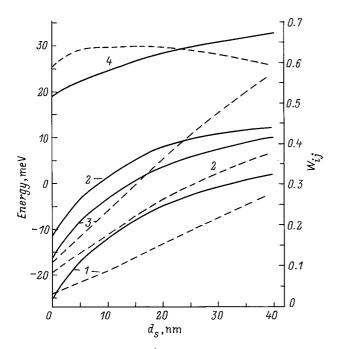
На рис. 5 приведены расчетные зависимости от  $d_s$  энергий и квадратов интегралов перекрытия для различных оптических переходов. В соответствии с экспериментом здесь имеет место сдвиг компонентов дублета к меньшим  $h\nu$  при снижении  $d_s$ . Это обусловлено увеличением изгиба зон (из-за увеличения концентрации ДЭГ  $n_{2d}$ ), приводящего к снижению эффективных энергетических щелей между электронными и дырочными подзонами. Теория также объясняет уменьшение  $I_1$  и возрастание  $I_2$ , и, соответственно, увеличение отношения  $I_2/I_1$  при снижении  $d_s$ . Уменьшение  $I_1$  в этом случае обусловлено уменьшением интеграла перекрытия волновой функции основного  $(\Psi^1_e)$  состояния ДЭГ с дырочными волновыми функциями из-за сужения и "заострения" нижней части квазитреугольной ямы с ДЭГ, приводящих к уменьшению протяженности  $\Psi_e^1(z)$  вдоль *z*-направления. Что касается увеличения интенсивности  $I_2$ , то оно обусловлено увеличением заселенности  $E_e^2$  из-за увеличения  $n_{2d}$ . В то же время, из-за достаточно большой протяженности волновой фукнции  $\Psi^2_{\ell}(z)$ , ее интегралы перекрытия с дырочными волновыми функциями слабо зависят от  $d_s$ .

На рис. 6 представлены теоретические зависимости энергий оптических переходов и соответствующих интегралов перекрытия  $W_{ij}$  от расстояния между гетеробарьерами  $d_a$ .

Согласно этим результатам, за наблюдаемое повышение интенсивности пика  $I_1$  при уменьшении  $d_a$  ответственно увеличение интеграла перекрытия волновой



**Рис. 5.** Зависимости  $E_i^e - E_j^h - E_g$  (сплошные линии) и квадратов интегралов перекрытия (штриховые) от ширины ямы (I — переход 1e-1hh, 2-1e-2hh, 3-2e-1hh, 4-2e-1lh) для  $d_s=10$  нм.



**Рис. 6.** Зависимости  $E_i^e - E_j^h - E_g$  (сплошные линии) и квадратов интегралов перекрытия (штриховые) от толщины спейсерслоя (1 — переход 1e-1hh, 2 — 1e-2hh, 3 — 2e-1hh, 4 — 2e-1lh) для  $d_a=20$  нм.

фукнции  $\Psi_e^1$  с волновыми функциями нижних подзон тяжелых и легких дырок. Происходящее при этом уменьшение интенсивности пика  $I_2$  следует связывать со снижением заселенности подзоны  $E_e^2$ , поскольку соответствующие интегралы перекрытия слабо зависит от  $d_a$ . Теория в согласии с экспериментом (рис. 6) предсказывает увеличение энергий всех исследуемых оптических переходов при уменьшении  $d_a$ , причем для пика  $h\nu_2$  предсказывается более сильный сдвиг по сравнению с пиком  $h\nu_1$ . Это приводит к увеличению спектрального расщепления дублета  $h\Delta\nu_{12}=h\nu_2-h\nu_1$ . Быстрое повышение энергии  $E_e^2$  относительно энергии Ферми  $E_F$  обусловливает уменьшение заселенности этой подзоны при снижении  $d_a$ .

Представленные результаты демонстрируют отчетливые различия в поведении волновых функций ДЭГ подзон  $E_e^1$  и  $E_e^2$ . Более слабая зависимость от  $d_a$  интегралов перекрытия для оптических переходов из подзоны  $E_e^2$ по сравнению с переходами из подзоны  $E_e^1$  и обратная ситуация для зависимостей от  $d_a$  энергий этих подзон обусловлены различиями в протяженности волновых фукнций  $\Psi_e^2(z)$  и  $\Psi_e^1(z)$  вдоль *z*-направления. Из полученных результатов следует, что пространственная протяженность  $\Psi^{1}_{e}(z)$  составляет около  $12 \div 15$  нм, тогда как для  $\Psi_e^2(z)$  она может быть оценена  $\sim 30$  нм. Малая протяженность  $\Psi_e^1(z)$  и обусловливает достаточно слабое влияние приближения второго гетеробарьера (при  $d_a \ge 15$  нм) на энергию подзоны  $E_e^1$ , с одной стороны, но сильное его влияние на величину интеграла перекрытия  $\Psi^1_{\scriptscriptstyle 
ho}(z)$  с дырочными волновыми функциями, с другой стороны. В то же время приближение 2-го гетеробарьера

оказывает существенное влияние на более протяженное состояние, описываемое волновой фукнцией  $\Psi_e^2(z)$ , повышая его энергию  $E_e^2$  и соответственно уменьшая его заселенность.

В связи с этим измерения зависимости  $I_1(d_a)$  могут быть использованы для экспериментальной оценки пространственной протяженности волновой функции  $\Psi^1_e(z)$ , а измерения  $I_2$  — для оценки заселенности подзоны  $E_2^2$ . Последнее позволяет применять метод ФЛ для исследования распределения электронов по двумерным подзонам (обычно это делается путем низкотемпературных измерений Шубникова–де-Гааза), причем даже при достаточно высоких температурах.

В заключение отметим, что в спектрах ФЛ двухбарьерных МЛГС с уменьшением расстояния между гетеробарьерами  $d_a$  обнаруживается переход от ФЛ трехмерных носителей к ФЛ с участием ДЭГ. Вблизи  $d_a \approx 40$  нм линия в спектре ФЛ при  $h\nu_0$ , соответствующая межзонной рекомбинации трехмерных электронов и дырок, исчезает и вместо нее возникает новая дублетная структура с компонентами при  $h\nu_1$  и  $h\nu_2$ . Проведены экспериментальные исследования этой ФЛ в МЛГС с различными значениями расстояния  $d_a$  и толщины спейсер-слоя  $d_s$ , выполнен теоретический анализ экспериментальных данных на основе самосогласованного решения уравнений Шредингера и Пуассона.

Выяснено, что дублетная структура в спектре ФЛ обусловлена оптическими переходами между двумя наинизшими подзонами с ДЭГ  $E_e^1$  и  $E_e^2$  и дырочными подзонами  $E_{hh}^1$ ,  $E_{lh}^1$  и  $E_{hh}^2$ . Относительные вклады каждого из переходов зависят от  $d_a$  и  $d_s$ . Наблюдаемое увеличение отношения интенсивностей компонентов дублета  $I_2/I_1$  при уменьшении  $d_s$  обусловлено увеличением заселенности подзоны  $E_e^2$ , с одной стороны, и снижением вероятности оптических переходов из подзоны  $E_e^1$ , с другой стороны. Происходящее при этом увеличение изгиба зон обусловливает сдвиг всех оптических переходов в сторону меньших  $h\nu$  за счет снижения эффективной межзонной щели.

Выяснено, что уменьшение расстояния  $d_s$  различным образом влияет на спектральное положение и интенсивности компонентов дублета в спектре ФЛ. Для пика  $h\nu_2$  наблюдается значительно больший сдвиг в сторону больших  $h\nu$ , чем для пика  $h\nu_1$ . При этом интенсивность первого из них уменьшается, а второго — увеличивается. Это обусловлено существенными различиями в пространственной протяженности волновых функций  $\Psi_e^1(z)$  и  $\Psi_e^2(z)$ , которые и приводят к различным зависимостям от  $d_a$  энергий этих подзон, их заселенностей и интегралов перекрытия с дырочными волновыми функциями.

Полученные в работе результаты представляют несомненный интерес как для понимания явлений размерного квантования в ДЭГ, так и для разработки эффективных методов диагностики его параметров.

Данная работа выполнена при финансовой поддержке Министерства науки  $P\Phi$  в рамках програмы "Физика твердотельных наноструктур".

#### Список литературы

- Y.K. Yuan, K. Mohammed, M.A.A. Pudensi., J.L. Mezz. Appl. Phys. Lett., 45, 739 (1984).
- [2] Ж.И. Алфёров, А.М. Васильев, П.С. Копьев. Письма ЖЭТФ, 43, 520 (1986).
- [3] П.Д. Алтухов, А.А. Бакун, Б.К. Медведев, В.Г. Мокеров, А.А. Рогачев, Г.П. Рубцов. ФТП, 21, 449 (1987).
- [4] I.V. Kukushkin, K.V. Klitzing, K. Ploog. Phys. Rev. B, 37, 8509 (1988).
- [5] S.K. Lyo, E.D. Jones. Phys. Rev. B, 38, 4113 (1988).
- [6] H.J. Polland, K. Leo, K. Rother, K. Ploog. Phys. Rev. B, 38, 7635 (1988).
- [7] Теория неоднородного электронного газа, под ред. С. Лудквиста, Н. Марча (М., Мир, 1987).
- [8] В.Э. Каминский. ФТП, 23, 662 (1989).
- [9] В.А. Соловьев, И.Н. Яссиевич, В.М. Чистяков. ФТП, **29**, 1264 (1985).

Редактор В.В. Чалдышев

## Optical spectroscopy of two-dimensional electron state in modulation doped N-AlGaAs/GaAs heterostructures

V.G. Mokerov, V.E. Kaminsky, A.V. Hook, Yu.V. Fedorov, Yu.V. Khabarov

Institute of Radio Engineering and Electronics, Russian Academy of Sciences, 103907 Moscow, Russia

**Abstract** The 77 K photoluminescence (PL) spectra associated with the two dimensional electron gas in the modulation doped N-AlGaAs/GaAs heterostructures with the different thickness of the undoped spacer layer  $d_s$  have been investigated. All the samples had the undoped superlattice (SL) buffer layer (as the second heterobarrier) located at the distance  $d_a$  below the "main" heterobarrier. The theoretical analysis of the experimental data based on the self-consistent solution of the Poisson and Schrödinger equation is performed.

In the case of  $13\,\mathrm{nm} \leq d_a \leq 40\,\mathrm{nm}$ , the PL-spectra are presented by the two lines at the photon energies of  $h\nu = h\nu_1$  and  $h\nu = h\nu_2$  ( $h\nu_2 > h\nu_1$ ) with intensities of  $I_1$  and  $I_2$ , respectively. This doublet structure is associated with optical transitions between the lowest electron subbands  $E_e^1, E_e^2$  and the lowest both heavy  $E_{hh}^1$ , and light holes  $E_{lh}^1$  subbands. It was shown that the increase of the  $I_2/I_1$  intensity ratio with the reduction of  $d_s$  is caused by the increase of the population of the  $E_e^2$  subbands and the reduction of the probability of the optical transitions associated with the  $E_e^1$ -subbands. The low energy shift of both the PL-lines in this case is associated with the increase of the band bending.

It was shown that the change of the distance  $d_a$  in different ways influences the intensities  $I_1$ ,  $I_2$  and the spectral positions  $h\nu_2$ ,  $h\nu_1$  of the different doublet components. This result is explained by the essential differences in the spatial extentions of the  $\Psi_e^1(z)$  and  $\Psi_a^2(z)$  electron wave functions.