05;12

## Модифицированный слоистый композит с большой анизотропией пьезоконстант $e_{ii}^*$ и $d_{ii}^*$

© В.Ю. Тополов, А.В. Турик

Ростовский государственный университет

Поступило в Редакцию 24 сентября 1997 г.

Рассмотрен трехкомпонентный композит, сочетающий черты структур со связностями 2-2 и 3-1 и характеризующийся значительной пьезоэлектрической анизотропией  $e_{33}^*/|e_{31}^*|$ ;  $d_{33}^*/|d_{31}^*|$  при изменении объемной концентрации одного из компонентов. Проведен анализ физических факторов, влияющих на пьезоэлектрическую анизотропию композита и обусловливающих своеобразное распределение в нем внутренних механических и электрических полей.

Как известно, эффективные упругие, пьезо- и диэлектрические свойства композитных материалов зависят от свойств и объемной концентрации компонентов, микроструктуры (связности) и т.п. Проблемы моделирования композитных структур, оптимизации и анизотропии их физических свойств являются сложными и многогранными. В частности, это относится к сегнетопьезоактивным композитам, нередко обладающим либо большими пьезоэлектрическими модулями  $d_{ij}^*$  или другими пьезоконстантами  $(g_{ij}^*, e_{ej}^*$  или  $h_{ij}^*$ ), либо их большой анизотропией. В настоящем сообщении теоретически обосновывается возможность создания трехкомпонентного композита, содержащего сегнетопьезокерамики (СПК) и характеризующегося достаточно большой пьезоэлектрической анизотропией  $d_{33}^*/|d_{31}^*|$  и  $e_{33}^*/|e_{31}^*|$ , что является важным преимуществом для различных практических применений.

Наши предварительные оценки, основанные на методах усреднения [1-3], показали, что двухкомпонентная слоистая структура типа 2-2 может характеризоваться анизотропией  $d_{33}^*/|d_{31}^*|$  и  $e_{33}^*/|e_{31}^*|$ , более высокой по сравнению с анизотропией  $d_{33}^{(k)}/|d_{31}^{(k)}|$  и  $e_{33}^{(k)}/|e_{31}^{(k)}|$  (k=1;2) исходных компонентов. Среди таких компонентов выделяются, например, СПК ВаТіО $_3$  и полимер поливинилиденфторид (PVF) либо СПК

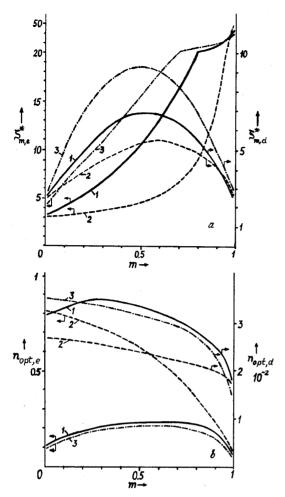
5 65

ЦТС-19 и PVF, пьезоэлектрические константы  $d_{3j}^{(k)}$  и  $e_{3j}^{(k)}$  которых в широком температурном интервале не обнаруживают значительной анизотропии [4,5]. Влияние слоистой структуры на пьезоэлектрическую анизотропию может быть усилено при армировании полимерного слоя достаточно длинными стержнями из СПК, электромеханические константы которой соизмеримы с аналогичными константами СПК из другого слоя. Ниже приводятся свидетельствующие об этом результаты расчетов.

В предлагаемом модифицированном слоистом композите слой 1 формируется из полимерной матрицы (объемная концентрация 1-n внутри слоя 1), характеризующейся низкой или нулевой пьезоактивностью и пронизанной насквозь СПК стержнями (объемная концентрация n внутри слоя 1) вдоь оси  $OX_3$  прямоугольной системы координат  $(X_1X_2X_3)$ . В слое 2 присутствует только СПК другого состава. Объемные концентрации слоев 1 и 2, чередующихся в направлении  $OX_3$ , равны соответственно m и 1-m. Данная композитная структура предполагается поляризованной вдоль  $OX_3$ , а ее электромеханические константы определяются с помощью формул [1,2] для слоистых и [6] волокнистых [6] композитов.

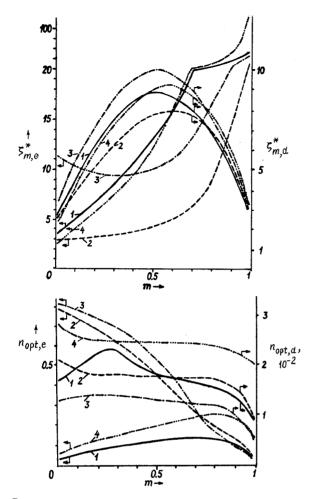
Концентрационные зависимости  $\xi_{m,e}^*(m) = e_{33}^*(m, n_{opt,e})/|e_{31}^*(m, n_{opt,e})|$  и  $\xi_{m,d}^*(m) = d_{33}^*(m, n_{opt,d})/|d_{31}^*(m, n_{opt,d})|$  модифицированного композита и оптимальных концентраций СПК стержней  $n_{opt,e}(m)$  и  $n_{opt,d}(m)$ , обусловливающих при значениях  $0.01 \leqslant m \leqslant 0.99$  максимумы анизотропии  $e_{33}^*(m, n/|e_{31}^*(m, n)|$  и  $d_{33}^*(m, n)/|d_{31}^*(m, n)|$  соответственно, приведены на рис. 1 и 2. Форма кривых  $\xi_{m,e}^*(m)$  и  $\xi_{m,d}^*(m)$  практически не меняется при наличии пьезо- (рис. 1) или непьезоактивной (рис. 2) матрицы в слое 1. При переходе к непьезоактивной матрице величины  $\xi_{m,e}^*$  и  $\xi_{m,d}^*$  несколько возрастают (ср., например, кривые I на рис. 1,a и 2,a) и слегка изменяется вид кривых  $n_{opt,e}(m)$  и  $n_{opt,d}(m)$  (ср. кривые I на рис. 1,b и 2,b). В то же время различия в анизотропии  $e_{33}^{(k)}/|e_{31}^{(k)}|$  или  $d_{33}^{(k)}/|d_{31}^{(k)}|$  исходных СПК компонентов не оказывают большого влияния на взаимное расположение кривых  $\zeta_{m,e}^*(m)$  и положение

 $<sup>^1</sup>$  Следует отметить, что формулы [3] для определения эффективных констант пьезоактивных волокнистых композитов типа  $3\!-\!1$  оказываются в ряде случаев некорректными вследствие наблюдающегося при некоторых взаимодействующих компонентах перехода модуля упругости  $c_{66}^*$  через нуль в отрицательную область. По нашему мнению, этот результат может быть следствием недостаточно корректного учета в [3] различий между упругими свойствами матрицы и волокон (стержней).



**Рис. 1.** Расчетные концентрационные зависимости величин анизотропии пьезоконстант  $\zeta_{m,e}^*(m)$  и  $\zeta_{m,d}^*(m)$  модифицированного слоистого композита (a) и соответствующих оптимальных концентраций  $n_{opt,e}$  и  $n_{opt,d}$  стержней (b), окруженных в слое 1 пьезоактивной полимерной матрицей из PVF. В качестве материалов для стержней и слоя 2 выбираются следующие СПК: I — PZT-4 и ЦТС-19; 2 —ТБК-3 и ЦТС-19; 3 — ЦТС-19 и ТБК-3 соответственно. Электромеханические константы компонентов, измеренные при комнатной температуре, взяты из работ [4,5].

5\* Письма в ЖТФ, 1998, том 24, № 11



**Рис. 2.** Расчетные концентрационные зависимости величин анизотропии пьезоконстант  $\xi_{m,e}^*(m)$  и  $\xi_{m,d}^*(m)$  модифицированного слоистого композита (a) и соответствующих оптимальных концентраций  $n_{opt,e}$  и  $n_{opt,d}$  стержней (b), окруженных в слое 1 непьезоактивной полимерной матрицей из аральдита. В качестве материалов для стержней и слоя 2 выбираются следующие СПК: I— PZT-4 и ЦТС-19; 2— ТБК-3 и ЦТС-19; 3— ЦТБС-3 и ТБКС; 4— ТБКС и ЦТБС-3 соответственно. Электромеханические константы компонентов, измеренные при комнатной температуре, взяты из работ [4,6].

Письма в ЖТФ, 1998, том 24, № 11

 $\max \zeta_{m,e}^*(m)$  (ср. кривые 2,3,4 на рис. 2,a). Сравнение кривых  $\zeta_{m,d}^*(m)$  для различных составов СПК компонентов и матрицы (рис. 1,2) показывает, что значения  $\max \zeta_{m,e}^*(m)$  достигаются при  $m\approx 0.5\dots 0.6$  и  $n_{opt,d}(m)\approx (1\dots 3)\cdot 10^{-2}$ , тогда как для кривых  $\zeta_{m,e}^*(m)$  наибольшие значения имеют место при  $m\to 1$  и соответствующих оптимальных концентрациях  $n_{opt,e}(m)\lesssim 0.1$ .

Как следует из анализа немонотонных зависимостей  $\zeta_{m,d}^*(m)$ (рис. 1,2) и соотношений между электромеханическими константами [4–6] компонентов, значения  $\max \zeta_{m,d}^*(m) \approx 10$  для различных составов достигаются вследствие больших скачков пьезо-, диэлектрических и упругих констант при переходе от слоя к слою (полимер с малыми  $n_{opt,d}$  или  $n_{opt,e}$  СПК стержней в слое 1 oСПК слой  $2 o \dots )$  при достаточно близких ( $m \approx 0.4...0.6$ ) объемных концентрациях слоев. Большая анизотропия  $\zeta_{m,e}^*(m)\gg 1$  наблюдается, наоборот, при резком преобладании объема слоя 1 слабоармированного полимера  $(1-n\gg n)$ по сравнению с объемом СПК слоя 2, т.е.  $m\gg 1-m$ . Это связано с заметно различающимися наклонами кривых  $e_{33}^{(1)}(m)$  и  $|e_{31}^{(1)}(m)|$  при  $m \to 1$  и  $n = n_{opt,e} \ll 1$ , что обусловлено граничными условиями для электрических и упругих полей внутри слоя 1, а также со значительными скачками электромеханических констант компонентов. Такие скачки, а следовательно и перераспределение внутренних полей, имеют место как при переходе от стержня к матрице и, наоборот, внутри слоя 1, так и при переходе через границу слоев  $x_3 = const$ , даже если отвлечься от возникающих вблизи торцевых поверхностей цилиндров избыточных механических напряжений. Можно полагать, что оба вида указанных скачков констант оказывают важное влияние на  $\zeta_{m,e}^*(m)$ .

Числовые оценки, основанные на анализе электроупругого взаимодействия пьезоактивного включения с окружающей средой [7,8], показывают, что в данном композите, в особенности в случае непьезоактивной матрицы, достигается необычное распределение индуцированных деформаций  $\xi_{33}^{(k)}$ :  $|\xi_{33}^{(1)}|$  существенно возрастает в СПК стержнях, окруженных в слое 1 менее жесткой полимерной матрицей, а  $|\xi_{33}^{(2)}|$ , наоборот, уменьшается благодаря присутствию более жесткого СПК слоя 2 по сравнению со слоем 1 и равенству на границе слоев  $(x_3 = \text{const})$  внутренних механических напряжений  $\sigma_{33}^{(1)} = \sigma_{33}^{(2)}$ . Что касается распределения электрических полей вдоль оси  $OX_3$ , то в стержнях эффект деполяризации сильно уменьшается, а в слоях, наоборот, воз-

Письма в ЖТФ. 1998. том 24. № 11

растает [8]. Вероятно, указанные особенности распределения полей внутри композита связаны с его эффективными константами  $e_{33}^*$  и  $d_{33}^*$ , а также с анизотропией  $\zeta_{m,e}^*$  и  $\zeta_{m,d}^*$  соответственно.

## Список литературы

- [1] Hashimoto K.Y., Yamaguchi M. // Proc. IEEE Ultrason. Symp. Williamsburg, Va, Nov. 17–19, 1986. V. 2. New York, NY, 1986. P. 697–702.
- [2] Akcakaya E., Farnell G.W. // J. Appl. Phys. 1988. V. 64. N 9. P. 4469-4473.
- [3] Хорошун Л.П., Маслов Б.П., Лещенко П.В. Прогнозирование эффективных свойств пьезоактивных композитных материалов. Киев: Наук. думка, 1989. 208 с.
- [4] Landolt-Börnstein. Zahlenwerte und Funktionen aus Naturwissenschaften und Technik. Neue Serie. Gr. III. Bd 18. Berlin etc.: Springer-Verlag, 1984. 559 p.; Bd 28. Berlin etc.: Springer-Verlag, 1990. 833 p.
- [5] Sessler G.M. // J. Acoust. Soc. Amer. 1981. V. 70. N 6. P. 1596–1608.
- [6] Chan H.L.W., Unsworth J. // IEEE Trans. Ultrason., Ferroelec. and Freq. Contr. 1990. V. 36. N 4. P. 434–442.
- [7] Бондаренко Е.И., Тополов В.Ю. // Письма в ЖТФ. Т. 18. № 3. С. 10–13.
- [8] Dunn M.L., Taya M. // Trans. ASME: J. Appl. Mech. 1994. V. 61. N 2. P. 474–475.