

## Ширина ступеней на шероховатой поверхности

© А.А. Берзин, А.И. Морозов

Московский государственный институт радиотехники, электроники и автоматики (технический университет),  
117454 Москва, Россия

E-mail: morosov@eot-qw.eot.mirea.ac.ru

(Поступила в Редакцию 18 мая 1999 г.)

Путем моделирования найдена связь между степенью шероховатости межслойных границ и корреляционной длиной, определяемыми экспериментально, и характерной шириной атомных ступеней на поверхностях раздела слоев в многослойных структурах.

**1.** В настоящее время большое внимание уделяют исследованиям магнитных и полупроводниковых многослойных структур. Качество границы раздела между слоями может существенно сказываться на характеристиках таких сэндвичей. В частности, в случае магнитных многослойных структур, состоящих из чередующихся ферромагнитных и немагнитных металлических слоев, наличие шероховатости, т. е. атомных ступеней на границах раздела может при определенных условиях привести к разбиению магнитных слоев на домены [1]. При этом определяющим параметром является характерная ширина таких ступеней, т. е. характерное расстояние между двумя ступенями, изменяющими толщину данного слоя на один моноатомный слой.

Выделяют скоррелированную и нескоррелированную шероховатости. В случае скоррелированной шероховатости ступени возникают на противоположных границах слоя таким образом, что его толщина остается неизменной (рис. 1, *a*). В случае нескоррелированной шероховатости ступени на границах слоя возникают независимо (рис. 1, *b*).

Как показано в работах [2,3], методами дифракции рентгеновских лучей можно разделить эти вклады в шероховатость и определить независимо величину шероховатости  $\sigma$ , характеризующую среднеквадратичное отклонение границы раздела от идеальной плоскости, а также длины корреляции  $\xi_c$  и  $\xi_u$  для скоррелированной и нескоррелированной шероховатостей соответственно. Корреляционная длина для толщины слоя, естественно, совпадает с  $\xi_u$ .

Однако длина корреляции не совпадает со средним значением ширины ступеней. Цель данной работы — нахождение связи между этими двумя величинами при произвольном значении  $\sigma$ .

**2.** Для этого было проведено моделирование шероховатой поверхности. Мы ограничились случаем, когда края ступеней параллельны (одномерный случай).

Задавалась случайная реализация ступеней, причем вероятность возникновения ступеней длиной  $L$  описывалась формулой [4]

$$P(L) = A \exp\left(-\frac{2L}{\langle L \rangle}\right) L, \quad (1)$$

где  $\langle L \rangle$  — средняя длина ступени, а константа  $A$  находится из условия нормировки. Высота ступеней равнялась

одному атомному слою, а вероятность каждого из двух направлений скачка (вверх или вниз)  $w_{+(-)}$  —

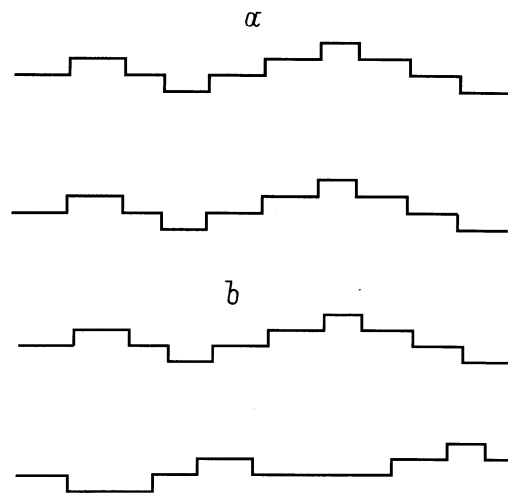
$$w_{\pm} = A' \exp[-(h \pm 1)^2/s^2], \quad (2)$$

где  $h$  — высота предшествующей ступени, а константа  $s$  характеризует степень шероховатости поверхности. Значение  $\sigma$  однозначно определяется величиной  $s$ , соответствующая зависимость изображена на рис. 2. При малых значениях  $s$  отклонения от уровня  $h = 0$  происходят на один слой вверх или вниз ( $h = \pm 1$ ), причем ступени, соответствующие  $h = 0$ , встречаются вдвое чаще, чем с  $h = \pm 1$ . Поэтому значение  $\sigma$  равно  $(2)^{-1/2}$ . При  $s > 1$  имеем

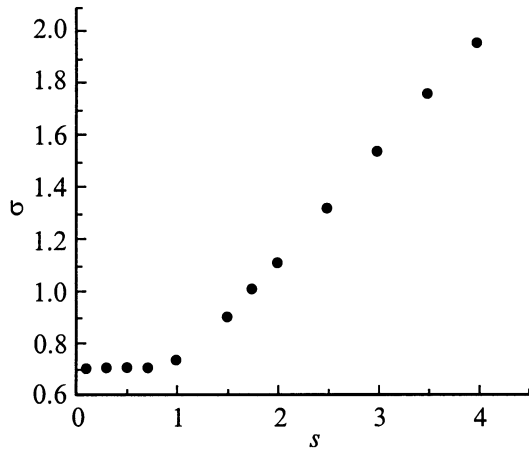
$$\sigma = 0.254 + 0.427s, \quad (3)$$

т. е.  $\sigma$  линейно растет с увеличением  $s$ .

Затем находилась корреляционная функция  $K(x) = \langle h(0)h(x) \rangle$ . С хорошей точностью она аппроксимировалась экспоненциальной зависимостью с корреляционной длиной  $\xi$ . Для интересующего нас случая  $\sigma \sim 1$ ,  $\langle L \rangle \gg 1$  отношение  $\xi/\langle L \rangle$  является



**Рис. 1.** Скоррелированная (*a*) и нескоррелированная (*b*) шероховатости на границах слоя.



**Рис. 2.** Зависимость среднеквадратичного отклонения поверхности от идеальной плоскости от параметра  $s$ .

универсальной функцией  $\sigma$ , которая имеет вид

$$\xi/\langle L \rangle = (1.71 \pm 0.03)\sigma^{(2.38 \pm 0.03)}.$$

Полученная зависимость слабо зависит от характера распределения  $P(L)$ . Например, для ступеней фиксированной длины имеем

$$\xi/\langle L \rangle = (1.52 \pm 0.06)\sigma^{(2.47 \pm 0.03)}.$$

Таким образом, результаты нашего моделирования позволяют определить по экспериментально полученным величинам  $\xi$  и  $\sigma$  характерную ширину ступеней.

## Список литературы

- [1] А.И. Морозов, А.С. Сигов. ФТТ **39**, 7, 1244 (1997).
- [2] D.E. Savage, J. Kleiner, B.N. Schimke, Y.-H. Phang, T. Jankowski, J. Jakobs. J. Appl. Phys. **69**, 3 1411 (1991).
- [3] A. Schreyer, J.F. Ankner, Th. Zeidler, H. Zabel, M. Schafer, J.A. Wolf, P. Grunberg, C.F. Majkrzak. Phys. Rev. **B52**, 22, 16066 (1995).
- [4] P.R. Pukite, C.S. Lent, P.I. Cohen. Surface Science **161**, 1, 39 (1985).