## **Теория магнитоэлектрического эффекта в гетерогенных структурах** на основе ферромагнетик—пьезоэлектрик

© Д.А. Филиппов

Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого, 173003 Великий Новгород, Россия

(Поступила в Редакцию 4 июня 2004 г. В окончательной редакции 27 августа 2004 г.)

Представлена теория магнитоэлектрического эффекта в двухслойных структурах на основе ферромагнетик—пьезоэлектрик для образцов в виде пластинок. Получено выражение для магнитоэлектрического коэффициента по напряжению через параметры, характеризующие магнитную и пьезоэлектрическую фазы. Показано, что в области электромеханического резонанса наблюдается значительное усиление магнитоэлектрического коэффициента. Получено соотношение между толщиной ферромагнетика и пьезоэлектрика, при котором наблюдается максимальное значение магнитоэлектрического коэффициента. Приведены результаты расчета коэффициента для структур на основе пермендюр-ЦТС и сравнение полученных результатов с экспериментальными данными.

Работа выполнена при частичной поддержке гранта Министерства образования РФ (E02-3.4-278) и программы Университеты России (проект УР 01.01.007).

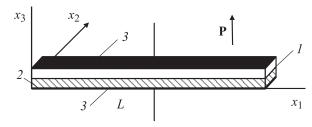
Композиционные магнитоэлектрические (МЭ) материалы представляют собой механически взимодействующие смеси магнитострикционной и пьезоэлектрической компонент. Наличие МЭ эффекта в композиционных материалах обусловлено механическим взаимодействием магнитной и пьезоэлектрической подсистем. В магнитном поле вследствие магнитострикции в магнетике возникают механические колебания, которые передаются в пьезоэлектрическую фазу и благодаря пьезоэффекту вызывают поляризацию. Поскольку в магнитострикционных пьезоэлектрических композитах МЭ эффект связан с механическим взаимодействием подсистем, в области электромеханического резонанса наблюдается значительное увеличение магнитоэлектрического коэффициента [1-6]. Если масштабы изменения внешних воздействий много больше характерных размеров композиционных материалов, такие материалы можно рассматривать как гомогенные среды с некоторыми эффективными параметрами [7]. В [3-5] представлены теория МЭ эффекта для феррит-пьезоэлектрических композитов, основанная на методе эффективных параметров материала, и экспериментальные результаты для образцов в форме диска и пластинки на основе никелевой феррошпинели — цирконата-титаната свинца (ЦТС). Использование в качестве магнитной фазы ферромагнетика с большими константами магнитострикции, чем у феррита, позволяет повысить значение магнитоэлектрического коэффициента. В [6] приведены экспериментальные исследования структур пермендюр-ЦТСпермендюр. В этом случае композиционный материал уже нельзя считать гомогенной средой, и указанная выше теория неприменима. В настоящей работе получено выражение для магнитоэлектрического коэффициента для случая гетерогенных композитов.

В качестве модели рассмотрим образец в форме пластинки из двухслойного композиционного материала, представляющего собой механическое соединение

ферромагнетика (m) и пьезоэлектрика (p) (рис. 1). На внешних поверхностях пьезоэлектрика и ферромагнетика нанесены металлические контакты, толщину которых будем считать пренебрежимо малой. Пусть образец поляризован по нормали к плоскостям контактов (ось  $X_3$ ). Постоянное (подмагничивающее) и переменное магнитные поля могут быть направлены как по нормали к плоскости контактов, так и в плоскости контактов вдоль оси  $X_1$ . В соответствии с этим будем различать продольный и поперечный МЭ эффекты.

Переменное магнитное поле вследствие магнитострикции вызывает колебания в ферромагнетике, которые распространяются как по толщине образца, так и в плоскости. Ограничимся рассмотрением только объемных колебаний, распространяющихся вдоль пластинки, так как они являются наиболее низкочастотными.

Будем считать, что толщина  ${}^mh+{}^ph$  и ширина W пластинки много меньше ее длины L. Поскольку грани пластинки свободные, напряжения на ее поверхностях равны нулю. Поскольку пластинка тонкая и узкая, можно считать, что компоненты напряжений  $T_2$  и  $T_3$  равны нулю не только на поверхностях, но и во всем объеме и отличной от нуля компонентой тензора напряжений будет только  $T_1$ . Вследствие эквипотенциальности верхней и нижней граней пластинки отличной от нуля компонен-



**Рис. 1.** Схематическое изображение структуры. Стрелка указывает направление поляризаций **Р**. I — пьезоэлектрик, 2 — ферромагнетик, 3 — металлические контакты.

той вектора напряженности электрического поля будет только  $E_3$ . Уравнения для тензора деформаций  $^mS_i$  в магнетике, для тензора деформаций  $^pS_i$  и индукции электрического поля  $D_i$  в пьезоэлектрике при поперечной ориентации полей имеют вид

$${}^{m}S_{1} = {}^{m}S_{11}{}^{m}T_{1} + {}^{m}q_{11}H_{1}, \tag{1}$$

$${}^{p}S_{1} = {}^{p}S_{11}{}^{p}T_{1} + {}^{p}d_{31}E_{3}, (2)$$

$$D_3 = {}^{p}\varepsilon_{33}E_3 + {}^{p}d_{31}{}^{p}T_1, \tag{3}$$

где  $^ms_{11}$ ,  $^ps_{11}$  — компоненты тензора податливости магнетика и пьезоэлектрика соответственно;  $^p\varepsilon_{33}$  — компонента тензора диэлектрической проницаемости пьезоэлектрика;  $^pd_{31}$ ,  $^mq_{11}$  — пьезоэлектрический и пьезомагнитный коэффициенты. При продольной ориентации электрического и магнитного полей в (1) вместо  $^mq_{11}H_1$  будет  $^mq_{31}H_3$ .

Выражая из (1) компоненты напряжений через компоненты деформаций и подставляя их в уравнение движения среды, получим дифференциальное уравнение для x — проекции вектора смещения среды магнетика  $^m u_x$ , решение которого запишем в виде

$$^{m}u_{x}(x) = A_{1}\cos(^{m}kx) + B_{1}\sin(^{m}kx),$$
 (4)

где  ${}^m k = \omega ({}^m \rho^m s_{11})^{1/2}, {}^m \rho$  — плотность ферромагнетика. Колебания среды магнетика вследствие махнической связи вызывают колебания пьезоэлектрика, которые можно представить в виде суперпозиции колебаний, обусловленных связью с магнетиком, и собственных колебаний пьезоэлектрика, вызванных индуцированным электрическим полем. Поскольку контакт между слоями неидеальный, для смещений среды пьезоэлектрика  ${}^p u_x(x)$  можно записать

$${}^{p}u_{x}(x) = \beta^{m}u_{x}(x) + (1 - \beta)^{p}u_{x}^{(0)}(x), \tag{5}$$

где  $\beta \in (0,1)$  — коэффициент связи между фазами,  ${}^pu_x^{(0)}(x)$  — смещения пьезоэлектрика в отсутствие связи с ферромагнетиком. Решая уравнение движения среды не связанной с ферромагнетиком пьезоэлектрической пластинки, для смещений  ${}^pu_x^{(0)}(x)$  получим выражение

$${}^{p}u_{x}^{(0)}(x) = \frac{{}^{p}d_{31}E_{3}}{{}^{p}k\cos({}^{p}\kappa)}\sin({}^{p}kx), \tag{6}$$

где  ${}^pk = \omega({}^p\rho\,{}^ps_{11})^{1/2},\,{}^p\rho$  — плотность пьезоэлектрика;  ${}^p\kappa = {}^pkL$  — безразмерный параметр.

Постоянные интегрирования  $A_1$  и  $B_1$  находятся из граничных условий. Поскольку левая и правая грани образца свободные, результирующая сила, действующая на них, равна нулю. Следовательно, на левой и правой границах имеют место соотношения

$$^{m}h^{m}T_{1}(-L/2) + ^{p}h^{p}T_{1}(-L/2) = 0,$$
 (7)

$$^{m}h^{m}T_{1}(L/2) + ^{p}h^{p}T_{1}(L/2) = 0.$$
 (8)

С учетом (5) и граничных условий (7), (8) для смещений  $^{p}u_{x}(x)$  в пьезоэлектрике получим выражение

где  ${}^m\kappa = {}^mkL/2, \gamma = ({}^ps_{11}/{}^ms_{11})({}^mh/{}^ph)$  — безразмерные параметры.

Возникающую вследствие деформаций напряженность электрического поля в пьезоэлектрике найдем из уравнения (3) с использованием условия разомкнутой цепи, а именно

$$\int_{0}^{W} dy \int_{-L/2}^{L/2} D_3(x) dx = 0.$$
 (10)

Подставляя полученные выражения в (10) и вычисляя интеграл для напряженности электрического поля в пьезоэлектрике  $E_3$ , получим уравнение

$$E_{3} = -\frac{\gamma \beta}{(\gamma + \beta)} \frac{{}^{p} d_{31}{}^{m} q_{11}}{{}^{p} \varepsilon_{33}{}^{p} s_{11} \Delta_{a}} \frac{\operatorname{tg}({}^{m} \kappa)}{{}^{m} \kappa} H_{1}.$$
 (11)

Здесь введено обозначение

$$\Delta_{a} = 1 - \left(1 - (1 - \beta) \frac{\lg({}^{p}\kappa)}{{}^{p}\kappa} - \frac{\beta^{2}}{(\gamma + \beta)} \frac{\lg({}^{m}\kappa)}{{}^{m}\kappa}\right) K_{31}^{2}, (12)$$

где  $K_{31}^2 = {}^p d_{31}^2/({}^p \varepsilon_{33}{}^p s_{11})$  — квадрат коэффициента электромеханической связи пьезоэлектрика при планарных колебаниях.

Магнитоэлектрический коэффициент по напряжению для двухслойной структуры определим из соотношения

$$\alpha_E = E_{\rm av}/H,\tag{13}$$

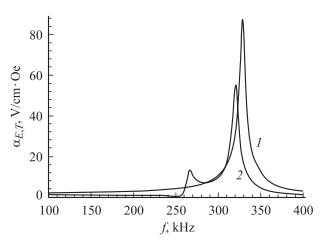
где  $E_{\rm av}=U/(^mh+^ph)$  — среднее значение напряженности электрического поля в образце, U — возникающая разность потенциалов между электродами. Полагая, что все падение электрического напряжения происходит в пьезоэлектрике, для магнитоэлектрического коэффициента по напряжению при поперечной ориентации электрического и магнитного полей получим следующее выражение:

$$\alpha_{E,T} = -\frac{\gamma \beta}{(\gamma + \beta)} \frac{{}^{p}d_{31}{}^{m}q_{11}}{{}^{p}\varepsilon_{33}{}^{p}s_{11}\Delta_{a}} \frac{\operatorname{tg}({}^{m}\kappa)}{{}^{m}\kappa} \frac{{}^{p}h}{({}^{m}h + {}^{p}h)}.$$
(14)

При продольной ориентации электрического и магнитного полей (вдоль оси  $X_3$ ) в выражении для магнитоэлектрического коэффициента вместо  ${}^mq_{11}$  будет стоять  ${}^mq_{31}$ . Поскольку вследствие влияния размагничивающих полей величина  ${}^mq_{31}$ , как правило, меньше  ${}^mq_{11}$ , то и величина эффекта при продольной ориентации, как правило, на порядок меньше, чем при поперечной.

Из выражения (14) для магнитоэлектрического коэффициента следует, что при частотах, когда  $\Delta_a = 0$  наблюдается резонансное увеличение магнитоэлектрического

1084 Д.А. Филиппов



**Рис. 2.** Частотная зависимость магнитоэлектрического коэффициента по напряжению для структуры на основе пермендюра и цирконата-титаната свинца.  $I - \beta = 1, 2 - 0.4$ .

коэффициента. Потери, имеющие место в структуре, можно учесть через коэффициент затухания, представив круговую частоту в виде [8]  $\omega=\omega'+i\chi$ , где  $\chi$  — параметр, характеризующий затухание. На рис. 2 представлены рассчитанные по формуле (15) частотные зависимости магнитоэлектрического коэффициента для структуры на основе пермендюр–ЦТС при различных значениях коэффициента связи  $\beta$ . При расчетах использованы следующие параметры:  $^ms_{11}=5.5\cdot 10^{-12}\,\mathrm{m}^2/\mathrm{N},\ ^mq_{11}=63.75\cdot 10^{-10}\,\mathrm{m}/\mathrm{A},\ ^mh=0.36\,\mathrm{mm},\ ^ps_{11}=15\cdot 10^{-12}\,\mathrm{m}^2/\mathrm{N},\ ^pd_{31}=-175\cdot 10^{-12}\,\mathrm{m}/\mathrm{V},\ ^p\varepsilon_{33}/\varepsilon_0=1750,\ ^ph=0.36\,\mathrm{mm},\ коэффициент$  затухания  $\chi=20000\,\mathrm{rad}/\mathrm{s},\ длина$  образца  $L=7.5\,\mathrm{mm},\$ коэффициент связи фаз  $\beta=1$  и 0.4.

Как видно из рисунка, в случае жесткой связи ферромагнетика и пьезоэлектрика ( $\beta = 1$ ) на частоте около 330 kHz для данных размеров образца наблюдается резонансное увеличение магнитоэлектрического коэффициента. Это увеличение коэффициента связано с резонансом в ферромагнетике. В случае, когда коэффициент связи меньше единицы, на частотной зависимости появляется дополнительный резонанс. В случае жесткой связи магнитное поле возбуждает механические колебания в ферромагнетике, и колебания пьезоэлектрика повторяют их. В случае, когда коэффициент связи меньше единицы, наряду с колебаниями среды пьезоэлектрика с параметром  $^{m}k$  появляются колебания с параметром  $^{p}k$ , что и приводит к возникновению дополнительного пика на частотной зависимости магнитоэлектрического коэффициента по напряжению.

В области низких частот магнитоэлектрический коэффициент практически не зависит от частоты и его значение определяется выражением

$$\alpha_{E,T}^{\text{low}} = -\frac{\gamma \beta}{(\gamma + \beta)} \frac{{}^{p} d_{31}{}^{m} q_{11}}{{}^{p} \varepsilon_{33}{}^{p} s_{11} \left(1 - K_{31}^{2} \gamma \beta / (\gamma + \beta)\right)} \times \frac{{}^{p} h}{({}^{m} h + {}^{p} h)}.$$
(15)

Из (14) следует, что величина магнитоэлектрического коэффициента зависит как от параметров магнетика и пьезоэлектрика, так и от процентного состава композита и коэффициента связи фаз. При малых значениях коэффициента связи  $\beta$  величина магнитоэлектрического коэффициента прямо пропорциональна ему, при стремлении  $\beta$  к единице зависимость становится более слабой. Как следует из (14) и (15), максимальное значение магнитоэлектрического коэффициента достигается при соотношении между толщинами слоев ферромагнетика и пьезоэлектрика, равном

$$^{m}h/^{p}h = (\beta ^{m}s_{11}/^{p}s_{11})^{1/2}.$$
 (16)

В эксперименте [6] максимальное значение магнитоэлектрического коэффициента наблюдалось при значении толщины пьезоэлектрика  $^ph=0.6$  mm при толщине магнетика  $^mh=0.36$  mm. Подставляя значения податливости для пермендюра и ЦТС, получаем согласие экспериментальных результатов с теорией при значении коэффициента связи  $\beta\approx 1$ .

Таким образом, механическое взаимодействие между магнитострикционной и пьезоэлектрической подсистемами в композиционных материалах на основе ферромагнетик—пьезоэлектрик приводит к возникновению магнитоэлектрического эффекта. Максимальное значение магнитоэлектрического коэффициента наблюдается при определенном соотношении между толщиной магнетика и пьезоэлектрика, значение которого зависит от коэффициента связи фаз и отношения модулей податливости ферромагнетика и пьезоэлектрика.

## Список литературы

- [1] М.И. Бичурин, Д.А. Филиппов, В.М. Петров, G. Srinivasan. Физика электронных материалов. Мат. Междунар. конф. Калуга, Россия (2002). С. 309.
- [2] D.A. Filippov, M.I. Bichurin, V.M. Petrov, G. Srinivasan. Bull. American Phys. Soc. 48, 214 (2003).
- [3] M.I. Bichurin, D.A. Filippov, V.M. Petrov, V.M. Laletsin, N. Paddubnaya, G. Srinivasan. Phys. Rev. B 68, 132 408 (2003).
- [4] Д.А. Филиппов, М.И. Бичурин, В.М. Петров, В.М. Лалетин, Н.Н. Поддубная, G. Srinivasan. ПЖТФ 30, 1, 15 (2004).
- [5] Д.А. Филиппов, М.И. Бичурин, В.М. Петров, В.М. Лалетин, G. Srinivasan. ФТТ 46, 9, 1621 (2004).
- [6] V. Laletsin, N. Padubnaya, G. Srinivasan, C.P. DeVreugd. Appl. Phys. A 78, 33 (2004).
- [7] M.I. Bichurin, V.M. Petrov, G. Srinivasan. J. Appl. Phys. 92, 12, 7681 (2002).
- [8] Р. Труэлл, Ч. Эльбаум, Б. Чик. Ультразвуковые методы в физике твердого тела / Пер. с англ. под ред. И.Г. Михайлова и В.В. Леманова. Мир, М. (1972). 307 с.