## О релаксационном вкладе в сдвиговые модули упругости низкотемпературной фазы твердого C<sub>60</sub>

© Н.П. Кобелев

Институт физики твердого тела Российской академии наук, 142432 Черноголовка, Московская обл., Россия

E-mail: kobelev@issp.ac.ru

(Поступила в Редакцию 7 мая 2001 г.)

В рамках феноменологической "двухуровневой" модели ориентационных состояний в низкотемпературной фазе твердого  $C_{60}$  рассчитан релаксационный вклад, связанный с переориентацией молекул в упругом поле звуковой волны, в эффективные сдвиговые модули упругости. При проведении расчета были приняты во внимание полярность оси вращения молекул  $C_{60}$  и возможность наличия ориентационных доменов в структуре низкотемпературной фазы. Проведено сравнение полученных оценок с данными проведенных ранее экспериментов.

Работа выполнена в рамках ГНТП "Актуальные направления в физике конденсированных сред: Фуллерены и атомные кластеры" (комплексный проект № 2).

Известно [1–4], что при охлаждении твердого С<sub>60</sub> в области  $T_c = 260 \, \mathrm{K}$  происходит ориентационный фазовый переход, при котором гранецентрированная кубическая решетка (fcc) превращается в простую кубическую (sc) с симметрией  $Pa\bar{3}$ . Однако ориентационная подвижность молекул С<sub>60</sub> частично сохраняется и в низкотемпературной фазе [5] они могут поворачиваться вокруг оси типа [111] кристалла, причем для всех четырех молекул элементарной ячейки направления этих осей различны. При повороте молекул меняется их взаимная ориентация и соответственно энергия межмолекулярного взаимодействия; при этом, в зависимости от угла поворота, наблюдаются два минимума энергии: абсолютный (так называемая "пентагонная" ориентация) и относительный ("гексагонная" ориентация) [6–8]. Это нашло отражение в феноменологической модели двухъямного ориентационного потенциала [6,9-11], в которой молекула может занимать два энергетических положения, отличающихся примерно на 10 meV [6,10,12] и разделенных барьером величиной около 0.3 eV [5,10,12–14]. (В принципе, конечно, ориентационное движение молекул носит кооперативный характер, однако оценки показывают [15], что активационный объем, связанный с элементарным актом перехода из одного энергетического состояния в другое, примерно равен объему кристалла, приходящемуся на одну молекулу С60, что свидетельствует о правомерности использования одночастичного (одномолекулярного) приближения). Из-за теплового движения значительная часть молекул (около 40% вблизи температуры ориентационного перехода) находится в возбужденном состоянии. Наличие внешних возмущений выводит систему из равновесного состояния, что в случае, например, распространения в материале звуковой волны приводит к дополнительной неупругой деформации и появлению дополнительного вклада релаксационного типа в эффективные модули упругости [11,15–18]. Имеющиеся к настоящему времени экспериментальные данные о зависимостях упругих свойств твердого С<sub>60</sub> от температуры свидетельствуют о наличии такого вклада [15-20], а оценки активационных параметров процесса релаксации согласуются с данными, полученными с помощью других методик [5,10,12–14,21]. Нужно отметить, что существующие теоретические расчеты (см., например, [11]) предсказывают наличие подобного релаксационного вклада только для упругих колебаний продольного типа, сопровождающихся дилатацией кристалла. Между тем, в [15] было экспериментально обнаружено существование такого дополнительного релаксационного вклада и в чисто сдвиговые эффективные модули упругости. Далее будет показано, что при учете некоторых особенностей структуры низкотемпературной фазы твердого С<sub>60</sub> теоретический анализ также приводит к наличию релаксационного вклада, связанного с ориетационной подвижностью молекул, в сдвиговые модули упругости.

**1**. Ось вращения молекулы  $C_{60}$  в sc-решетке должна быть полярной, о чем свидетельствуют данные некоторых расчетов [22]. Это, вообще говоря, предопределяется симметрией кристалла  $(Pa\bar{3})$  и связано также с тем, что плоскости типа [110] кристалла, проходящие через ось вращения молекулы, не являются для нее плоскостями симметрии (отклонение плоскостей симметрии молекулы от плоскостей типа [110] составляет, по последним данным [8,23], от 2 до  $6^{\circ}$ ). Симметрия кристалла обусловливает также изоморфизм структуры этой фазы [24]. С точки зрения энергетики кристалла более выгодным в этом случае является сосуществование изоморфных структур не в виде гомогенного раствора, а путем образования доменов. Таким образом, можно ожидать, что реальная структура низкотемпературной фазы характеризуется наличием в ней ориентационных доменов изоморфного типа, в пользу чего свидетельствуют и данные некоторых экспериментов [9,25].

Характерные размеры доменов определяются как энергией междоменных границ, так и условиями формирования структуры в процессе ориентационного фазового превращения. Будем считать, что эти условия

таковы, что размеры отдельных доменов достаточно велики и содержат статистически значимое число молекул, а суммарный объем междоменных границ существенно меньше объема кристалла. Будем полагать также кристалл достаточно совершенным для того, чтобы можно было пренебречь нарушениями структуры, связанными с полными и частичными дислокациями и другими дефектами. При этих условиях направление и знак полярности оси вращения молекулы сохраняются при трансляции на период решетки в пределах домена. Сопоставим каждой молекуле домена аксиальный вектор  $S^{\alpha}$  ( $\alpha = 1, 2, 3, 4$ ), коллинеарный ее оси вращения. (Если в качестве такого набора для одного из вариантов структуры выбрать вектора  $(1, 1, 1), (1, \bar{1}, \bar{1}), (\bar{1}, \bar{1}, 1)$ и  $(\bar{1}, 1, \bar{1})$  [24], то для другого (изоморфного) варианта этот набор будет следующим:  $(\bar{1}, \bar{1}, \bar{1})$ ,  $(1, 1, \bar{1})$ ,  $(1, \bar{1}, 1)$ и  $\bar{1}, 1, 1$ ). Таким образом, все молекулы домена можно разделить на четыре подсистемы в соответствии с направлением векторов  $S^{\alpha}$ . Для температур, далеких от  $T_c$ , эти подсистемы являются статистически независимыми, поскольку знак и направление оси вращения сохраняются и невозможен переход молекулы из одной подсистемы в другую. В то же время при отсутствии внешних воздействий они статистически эквивалентны, поэтому число возбужденных ориентационных состояний  $N_e^{lpha}$  в подсистеме lpha равно  $N_e^{lpha}=N_e/4$ , где  $N_e$  число возбужденных состояний домена, а общее число состояний в подсистеме  $\alpha N^{\alpha} = N/4$  (N — общее число ориентационных состояний домена). Тогда по аналогии с [11] для  $N_{\rho}^{\alpha}$  можно в рамках феноменологической модели двухъямного ориентационного потенциала записать кинетическое уравнение

$$\frac{\partial N_e^{\alpha}}{\partial t} = -\frac{N_e^{\alpha}}{\tau_0} \exp\left(-\frac{U_h}{kT}\right) + \frac{(N/4 - N_e^{\alpha})}{\tau_0} \exp\left(-\frac{U_p}{kT}\right), (1)$$

где  $U_h = E_0 - \Delta U/2$ ,  $U_p = E_0 + \Delta U/2$ ,  $E_0$  — энергия активации,  $\Delta U$  — разница энергетических уровней основного и возбужденного состояний,  $\tau_0$  — характерное время релаксации. (Нужно отметить, что такое простое кинетическое уравнение можно записать лишь при малой плотности возбужденных состояний, когда взаимодействием между ними можно пренебречь. В противном случае активационные параметры будут зависеть от плотности возбуждений, что должно привести к появлению спектра значений энергий активации, времен релаксации и т.д. Поэтому при большой плотности возбуждений величины  $E_0$ ,  $\Delta U$ ,  $\tau_0$  в выражении (1) (как в дальнейшем и величины деформационных потенциалов) нужно рассматривать как эффективные интегральные значения, зависящие, вообще говоря, от температуры).

В дальнешем удобно перейти к относительной плотности возбужденных состояний  $n^{\alpha}=N_{e}^{\alpha}/N^{\alpha}$ . Нетрудно видеть, что  $n=N_{e}/N=(\sum_{\alpha}n^{\alpha})/4$ , а относительные равновесные плотности возбужденных состояний при отсутствии внешних воздействий  $n_{0}^{\alpha}=n_{0}=1/(1+\exp(\Delta U/kT))$ . Введем теперь, как и в [11],

добавки к величинам барьеров  $U_h$  и  $U_p$ , обусловленные малыми упругими деформациями решетки,

$$U_{p,h}^{\alpha}(\varepsilon) = U_{p,h} - V_{p,h}^{(1)} \delta_{ij} \varepsilon_{ij} - V_{p,h}^{(2)} S_i^{\alpha} S_j^{\alpha} \varepsilon_{ij}, \qquad (2)$$

(суммирования по  $\alpha$  нет), где  $V_{p,h}^{(1)}$  и  $V_{p,h}^{(2)}$  — постоянные, имеющие размерность энергии. (Первый дополнительный член в (2) аналогичен соответствующей добавке, связанной с упругой деформацией для кубического кристалла, в работе [11]. Второй дополнительный член возникает потому, что симметрия окружения молекулы в подсистеме  $\alpha$  определяется вектором  $\mathbf{S}^{\alpha}$ ). Кинетическое уравнение для  $n^{\alpha}$  в линейном по деформации приближении тогда можно представить в виде

$$\tau \frac{\partial n^{\alpha}}{\partial t} + (n^{\alpha} - n_0) = n_0 (1 - n_0) (\Delta V_1 \delta_{ij} \varepsilon_{ij} + \Delta V_2 S_i^{\alpha} S_i^{\alpha} \varepsilon_{ij}) / (kT), \quad (3)$$

где 
$$\Delta V_1 = V_p^{(1)} - V_h^{(1)}$$
,  $\Delta V_2 = V_p^{(2)} - V_h^{(2)}$  и  $\tau = \tau_0 \sqrt{n_0 (1-n_0)} \exp(E_0/kT)$ .

**2.** Рассмотрение влияния ориентационных возбуждений кристалла на его эффективные упругие характеристики проведем аналогично тому, как это было сделано в работе [11]. Под влиянием малых деформаций  $\varepsilon_{ij}$  возникают малые отклонения плотности ориентационных возбуждений от их равновесных значений:  $v^{\alpha} = n^{\alpha} - n_0$ , что приводит к изменению плотности свободной энергии F. С точностью до членов второго порядка по  $\varepsilon$  и  $\nu$  изменение плотности свободной энергии в домене при заданной температуре можно записать в виде

$$F = F_0 - a \sum_{\alpha} v^{\alpha} (\Delta V_1 \delta_{ij} \varepsilon_{ij} + \Delta V_2 S_i^{\alpha} S_j^{\alpha} \varepsilon_{ij})$$
$$+ b \sum_{\alpha} (v^{\alpha})^2 + c \sum_{\alpha, \beta} v^{\alpha} v^{\beta} + 1/2 C_{ijkl} \varepsilon_{ij} \varepsilon_{kl}, \quad (4)$$

где  $F_0$  — равновесное значение плотности свободной энергии, a,b и c — зависящие от температуры коэффициенты. В выражение (4) не включены для простоты добавки, связанные с возможным изменением температуры, поскольку нас интересует в первую очередь влияние ориентационных возбуждений на распространение сдвиговых колебаний, которые не сопровождаются дилатацией и термоупругими эффектами [26]. Для продолжительных мод звуковых колебаний это будет означать изотермическое приближение. Влияние термоупругого эффекта на распространение продольных звуковых колебаний в фуллерите подробно рассмотрено в [11].

Из (4), используя термодинамическое определение тензора упругих напряжений ( $\sigma_{ij} = |\partial F/\partial \varepsilon_{ij}|_{T,\nu}$ ), получаем выражение, связывающее величины  $\sigma$ ,  $\varepsilon$  и  $\nu$ 

$$\sigma_{ij} = C_{ijkl}\varepsilon_{kl} - a\sum_{\alpha} v^{\alpha} (\Delta V_1 \delta_{ij} + \Delta V_2 S_i^{\alpha} S_j^{\alpha}).$$
 (5)

190 Н.П. Кобелев

Поиск совместного решения этого уравнения с уравнениями (6)

$$\tau \dot{\nu}^{\alpha} + \nu^{\alpha} = n_0 (1 - n_0)$$

$$\times (\Delta V_1 \delta_{ij} \varepsilon_{ij} + \Delta V_2 S_i^{\alpha} S_i^{\alpha} \varepsilon_{ij}) / (kT), \quad (6)$$

описывающими релаксацию ориентационных возбуждений, в виде разложения по гармоникам  $\exp(i\omega t)$  приводит к комплексным модулям упругости

$$\tilde{C}_{ijkl}(\omega) = C_{ijkl} - \frac{an_0(1 - n_0)}{kT(1 + i\omega\tau)} + \left[ 4(\Delta V_1)^2 \delta_{ij} \delta_{kl} \Delta V_1 \Delta V_2 \sum_{\alpha} (\delta_{ij} S_k^{\alpha} S_l^{\alpha} + \delta_{kl} S_i^{\alpha} S_j^{\alpha}) + (\Delta V_2)^2 \sum_{\alpha} S_i^{\alpha} S_j^{\alpha} S_k^{\alpha} S_l^{\alpha} \right].$$
(7)

Легко показать, что при подстановке в (7) любого из двух вариантов набора векторов  $\mathbf{S}^{\alpha}$  и проведении суммирования второй член в квадратных скобках сводится к выражению  $8\Delta V_1 \Delta V_2 \delta_{ij} \delta_{kl}$ , а третий — к  $4(\Delta V_2)^2 (\delta_{ij} \delta_{kl} + \delta_{ik} \delta_{jl} + \delta_{il} \delta_{jk})$ . Это означает, что при любых объемных соотношениях между изоморфными структурами в кристалле его упругие свойства описываются одним и тем же выражением

$$\tilde{C}_{ijkl}(\omega) = C_{ijkl} - \frac{4an_0(1 - n_0)}{kT(1 + i\omega\tau)} \times [(\Delta V_1 + \Delta V_2)^2 \delta_{ij} \delta_{kl} + (\Delta V_2)^2 (\delta_{ik} \delta_{il} + \delta_{il} \delta_{ik})].$$
(8)

(На самом деле исходные условия, в рамках которых решалась эта задача, являются избыточными. Так, условие полярности оси вращения молекулы при выводе (8) нигде не использовались. Кроме того, из анализа выражений (7) и (8) следует, что условие наличия в домене статистически большого числа молекул не является необходимым. При наличии в кристалле микродоменов статистическое усреднение можно провести по каждому из возможных " $S^{\alpha}$ -состояний" кристалла, получив в итоге то же самое соотношение (8). Необходимо лишь, чтобы объем "дефектных" областей (границ доменов) был существенно меньше объема кристалла, а время "жизни" микродомена — много больше времени ориентационной релаксации  $\tau$  и времени измерения).

**3.** Выпишем теперь, используя (8), действительные части эффективных упругих постоянных фуллерита  $C_{11}, C_{12}$  и  $C_{44}$ 

$$C_{11}(\omega) = C_{11}^{(\infty)} - \frac{4an_0(1 - n_0)}{kT(1 + (\omega\tau)^2)} (\Delta V_1 + \Delta V_2)^2, \quad (9)$$

$$C_{12}(\omega) = C_{12}^{(\infty)} - \frac{4an_0(1 - n_0)}{kT(1 + (\omega\tau)^2)} (\Delta V_1 + \Delta V_2)^2, \quad (10)$$

$$C_{44}(\omega) = C_{44}^{(\infty)} - \frac{4an_0(1 - n_0)}{kT(1 + (\omega\tau)^2)} (\Delta V_2)^2, \tag{11}$$

Выражения (9) и (10) аналогичны (с точностью до обозначений) ранее полученным в [11] (см. также [15]). Из выражения (11) следует, что релаксационный вклад в упругий модуль  $C_{44}$ , связанный с ориентационной подвижностью молекул C<sub>60</sub> в sc-решетке фуллерита, также должен существовать, а его величина определяется разницей  $\Delta V_2$  деформационных потенциалов  $V_p^{(2)}$ и  $V_h^{(2)}$ . В то же время, как видно из (9) и (10), ... релаксационная составляющая в другом сдвиговом модуле,  $C' = (C_{11} - C_{12})/2$ , отсутствует. Это прекрасно согласуется с экспериментальными данными работы [15], где было обнаружено наличие релаксационного вклада в упругий модуль  $C_{44}$  и отсутствие такого вклада (с точностью до ошибки измерения) в модуль C'. Полученные в [15] экспериментальные величины релаксационных вкладов в различные упругие модули могут быть использованы для оценки величины  $\Delta V_2$ . Как уже отмечалось в [15], величина  $V_{\Delta} = \Delta V_1 + \Delta V_2 \approx -0.8\,\mathrm{eV}$ может быть получена по данным работы [27]. Из (9)-(11) следует  $(\Delta V_2)^2/(V_\Delta)^2 = A_G/A_K$ , где  $A_G$  и  $A_K$  релаксационные вклады в сдвиговой модуль  $C_{44}$  и модуль объемной упругости  $K = (C_{11} + 2C_{12})/3$  соответственно. Тогда из данных [15] получаем  $|\Delta V_2| \approx 0.45 \, \mathrm{eV}$ .

## Список литературы

- P.A. Heiney, J.E. Fischer, A.R. McGhie, W.J. Romanov, A.M. Denenstein, J.P. McCauley, A.B. Smith, D.E. Cox. Phys. Rev. Lett. 66, 2911 (1991).
- [2] R. Sachidanandam, A.B. Harris. Phys. Rev. Lett. 67, 1467 (1991).
- [3] W.I.F. David, R.M. Ibberson, J.C. Matthewman, K. Prasides, T.J.S. Dennis, J.P. Hare, H.W. Kroto, R. Taylor, D.R.M. Walton. Nature 353, 147 (1991).
- [4] S. Liu, Y.Lu, M.M. Kappes, J.A. Ibers. Science 254, 408 (1991).
- [5] R. Tycko, R.C. Haddon, G. Dabbagh, S.H. Glarum, D.C. Douglass, A.M. Mijsce. J. Phys. Chem. 95, 518 (1991).
- [6] W.I.F. David, R.M. Ibberson, T. Matsuo. Proc. Roy. Soc. (London) A442, 129 (1993).
- [7] S. Savin, A.B. Harris, T. Yildirim. Phys. Rev. B55, 14182 (1997).
- [8] K.-P. Bohnen, R. Heid. Phys. Rev. Lett. 83, 1167 (1999).
- [9] W.I.F. David, R.M. Ibberson, T.J.S. Dennis, J.P. Hare, K. Prasides. Europhys. Lett. 18, 219 (1992); 18, 735 (1992).
- [10] R.C. Yu, N. Tea, M.V. Salanon, D. Lorents, R. Malhotra. Phys. Rev. Lett. 68, 2050 (1992).
- [11] В.Д. Нацик, А.В. Подольский. ФНТ 24, 689 (1998).
- [12] F.Gugenberg, R. Heid, C. Meingast, P. Adelman, M. Braun, H. Wühl, M. Halushka, H. Kuzmany. Phys. Rev. Lett. 69, 3774 (1992).
- [13] T. Matsuo, H. Suga, W.I.F. David, R.M. Ibberson, P. Bernier, A. Zahab, C. Fabre, A. Rassat, A. Dworkin. Solid Stat. Commun. 83, 711 (1992).
- [14] R.D. Johnson, C.S. Yannoni, H.C. Dorn, J.R. Salem, D.C. Bethune. Science 255, 1235 (1992).
- [15] Н.П. Кобелев, Р.К. Николаев, Н.С. Сидоров, Я.М. Сойфер. ФТТ 43, 11, 000 (2001).

- [16] X.D. Shi, A.R. Kortan, J.M. Williams, A.M. Kini, B.M. Savall, P.M. Chaikin. Phys. Rev. Lett. 68, 827 (1992).
- [17] W. Shranz, A. Fuith, P. Dolinar, H. Wardanek, M. Halushka, H. Kuzmany. Phys. Rev. Lett. **71**, 1561 (1992).
- [18] Н.П. Кобелев, А.П. Моравский, Я.М. Сойфер, И.О. Башкин, О.Г. Рыбченко. ФТТ 36, 2732 (1994).
- [19] S. Hoen, N.G. Chopra, R. Mostovoy, J. Hou, W.A. Vareka, A. Zettl. Phys. Rev. **B46**, 12 737 (1992).
- [20] Ya.M. Soifer, N.P. Kobelev. Molecular Mater. 7, 267 (1996).
- [21] G.B. Alers, B. Golding, A.R. Kortan, R.C. Haddon, F.A. Thiel. Science 257, 511 (1992).
- [22] E. Burgos, E. Halas, H. Bonadeo. Phys. Rev. B49, 15544 (1994).
- [23] O. Blaschko, G. Krexner, Ch. Maier, R. Karavatzki. Phys. Rev. B56, 2288 (1997).
- [24] A.V. Harris, R. Sachidanandam. Phys. Rev. **B46**, 4944 (1992).
- [25] H.-B. Bürgi, E. Blanc, D. Schwarzenbach, S. Liu, Y.Lu, M.M. Kappes, J.A. Ibers. Angew. Chem. 104, 667 (1992).
- [26] В. Новацкий. Теория упругости. Мир, М. (1975). 872 с.
- [27] W.I.F. David, R.M. Ibberson. J. Phys.: Condens. Matter 5, 7923 (1993).