11

# Особенности фазовых состояний двумерного разбавленного магнетика с фрустрацией

© Д.Н. Ясинская, В.А. Улитко, Ю.Д. Панов

Уральский федеральный университет, Екатеринбург, Россия

E-mail: daria.iasinskaia@urfu.ru

Поступила в Редакцию 26 марта 2020 г. В окончательной редакции 26 марта 2020 г. Принята к публикации 2 апреля 2020 г.

Для изучения свойств разбавленного изинговского магнетика рассматривается двумерная спин-псевдоспиновая модель с заряженными примесями и фрустрацией, вызванной конкуренцией зарядового и магнитного типов упорядочений. С помощью численного расчета классическим методом Монте-Карло была получена фазовая диаграмма основного состояния, а также исследованы необычные фазовые состояния, возникающие при конечных температурах. Были обнаружены области, в которых наблюдаются фазовые переходы порядокпорядок, а также возвратные фазовые переходы.

**Ключевые слова**: разбавленный изинговский магнетик, классический метод Монте-Карло, фрустрация, фазовые переходы.

DOI: 10.21883/FTT.2020.09.49784.18H

## 1. Введение

В настоящее время изучение свойств неупорядоченных и фрустрированных магнетиков, а также разбавленных систем, представляет большой интерес с фундаментальной и практической точки зрения. Такие системы имеют богатую фазовую диаграмму основного состояния и обладают высокой чувствительностью к внешним воздействиям, демонстрируя различные типы фаз и фазовых переходов при конечных температурах [1–3]. Интерес к необычным фазовым состояниям таких систем особенно актуален с учетом их тесной связи со спиновыми жидкостями [4].

Рассматриваемая нами спин-псевдоспиновая модель принадлежит к широкому классу псевдоспиновых моделей типа Блюма-Эмери-Гриффитса [5], которые широко используются для описания свойств квантовых и классических жидкостей, бинарных и тернарных сплавов, метамагнетиков, разбавленных магнетиков, холодных атомов и многих других физических систем [6]. Спинпсевдоспиновая модель была предложена нами ранее [7] для описания конкуренции магнитного и зарядового упорядочений в ВТСП-купратах в нормальном состоянии. В данной модели для CuO2 плоскости купрата наряду с  $[CuO_4]^{6-}$  центрами, обладающими спином 1/2, рассматриваются взаимодействующие  $[CuO_4]^{5-}$ и  $[CuO_4]^{7-}$ -центры со спином 0 в основном состоянии. Более подробное обоснование модели и возможность ее применения для описания физических свойств купратов, а также результаты в приближении среднего поля приведены в работах [8,9]. Гамильтониан модели включает одноузельные  $(\Delta)$  и межузельные (V) заряд-зарядовые корреляции для немагнитных центров, имеющие вид одноионной анизотропии и изинговского обмена на языке псевдоспиновых операторов, а также обычное спиновое обменное взаимодействие в форме Изинга (J):

$$\mathcal{H} = \Delta \sum_{i} S_{iz}^{2} + V \sum_{\langle ij \rangle} S_{iz} S_{jz} + \tilde{J} \sum_{\langle ij \rangle} \sigma_{iz} \sigma_{jz} - \mu \sum_{i} S_{iz}.$$

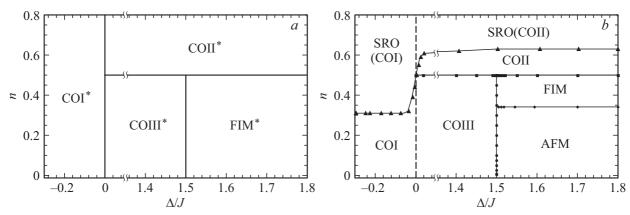
$$\tag{1}$$

Здесь  $\sigma_{iz}=(1-S_{iz}^2)s_{iz},\ \tilde{J}=Js^2,\ \mu$  — химический потенциал, необходимый для учета условия постоянства заряда

$$n = \frac{1}{N} \sum_{i} \hat{S}_{iz} = \text{const}, \tag{2}$$

где n — плотность заряда. Состояния, отвечающие двум проекциям псевдоспина  $S_z=\pm 1$ , соответствуют двум немагнитным состояниям  $[\mathrm{CuO_4}]^{5-,7-}$  с зарядами  $\pm 1$ , отсчитываемыми от заряда, которым обладает магнитное состояние  $[\mathrm{CuO_4}]^{6-}$  с  $S_z=0$ . Магнитное состояние с  $S_z=0$  является спиновым дублетом s=1/2. Суммирование идет по узлам двумерной квадратной решетки,  $\langle i \ j \rangle$  означает ближайших соседей.

Термин "фрустрация" может иметь разные значения, поэтому в данной работе его необходимо уточнить. Фрустрированными можно назвать системы с отличной от нуля энтропией основного состояния [10]. В рассматриваемой нами системе из-за наличия сильно взаимодействующих примесей ненулевая энтропия основного состояния наблюдается в широком диапазоне параметров [11]. В данной работе точкой фрустрации мы будем называть значения параметров модели, при которых наблюдается смена типа упорядочения с зарядового на магнитное в основном состоянии. Она является классическим аналогом квантовой критической точки.



**Рис. 1.** Фазовые диаграммы основного состояния для предела слабого спинового обмена, полученные a) в ПСП и b) с помощью метода МК.

Особенностью нашей модели является наличие как беспорядка (отожженных заряженных примесей), так и фрустрации, связанной с конкуренцией взаимодействий разного типа. В работах [12,13] показано, что внесение в систему примесей и различных дефектов структуры существенно влияет на фазовые состояния и критическое поведение, а также расширяет возможности использования рассматриваемой модели для описания реальных физических систем. Таким образом, представляется интересным изучить влияние заряженных примесей на фазовые состояния нашей системы вблизи точки фрустрации.

# 2. Методы

Для численного моделирования мы использовали классический метод Монте-Карло (МК). Условие постоянства заряда (2) обеспечивалось модификацией алгоритма Метрополиса [14]. Расчеты проводились на квадратной решетке с периодическими граничными условиями, линейными размерами La и количеством узлов  $N=L\times L$ , где a— постоянная решетки, принятая за 1. Все расчеты МК проводились для решетки L=64, с отжигом  $1\cdot 10^6$  МК шагов на узел, данные усреднялись по 100 копиям системы. Все обсуждаемые в статье эффекты и результаты проверялись для L=256.

Температурные зависимости теплоемкости и восприимчивости определяются с помощью флуктуационных соотношений

$$C = \frac{1}{N} \frac{\langle E^2 \rangle - \langle E \rangle^2}{k_{\rm B} T^2}; \quad \chi = \frac{1}{N} \frac{\langle \mathcal{O}^2 \rangle - \langle \mathcal{O} \rangle^2}{k_{\rm B} T}, \quad (3)$$

где  $k_B$  — постоянная Больцмана, E — энергия системы с гамильтонианом (1). Параметры порядка  $\mathcal O$  для шахматных антиферромагнитной и зарядово-упорядоченной фазы определялись следующим образом:

$$\mathscr{O} = \begin{cases} m_1 - m_2, \\ M_1 - M_2. \end{cases}$$
 (4)

Здесь  $m_{\lambda} = \sum_{i \in \lambda} s_{iz}$  — намагниченность подрешетки  $\lambda = 1, 2, \; M_{\lambda} = \sum_{i \in \lambda} S_{iz}$  — суммарный заряд подрешетки  $\lambda$  (псевдонамагниченность).

Зарядовый и спиновый структурные факторы вычислялись с помощью следующих выражений

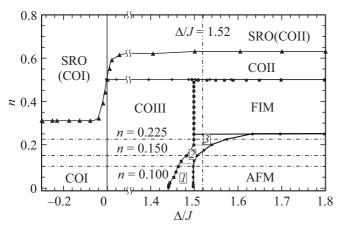
$$S(\mathbf{q}) = \frac{1}{N^2} \sum_{lm} e^{i\mathbf{q}(\mathbf{r}_l - \mathbf{r}_m)} \langle S_{lz} S_{mz} \rangle,$$

$$s(\mathbf{q}) = \frac{1}{N^2} \sum_{lm} e^{i\mathbf{q}(\mathbf{r}_l - \mathbf{r}_m)} \langle s_{lz} s_{mz} \rangle. \tag{5}$$

Критические температуры фазовых переходов определялись по максимумам теплоемкости и восприимчивостей. Погрешности определения критических температур в этом случае не превышали 1% в сравнении с критическими температурами, полученными по методу кумулянтов Биндера. Наличие зарядового и антиферромагнитного порядков (как дальнего, так и ближнего) определялось с помощью значений структурных факторов в точке  $a\mathbf{q}=(\pi,\pi)$ .

# 3. Результаты и их обсуждение

В работе [15] было показано, что в приближении среднего поля (ПСП) изменение соотношения параметров V и J приводит к двум качественно различающимся фазовым диаграммам основного состояния. В настоящей работе мы ограничились случаем слабого спинового обмена ( $V=4\tilde{J}$ ). В этом случае в ПСП в основном состоянии формируются 4 фазы с зарядовым упорядочением (СО) типа шахматной доски (рис. 1,a). Фаза СОІ соответствует зарядовому порядку без спиновых центров, СОІІ и СОІІІ разбавлены спиновыми центрами, распределенными только по одной подрешетке. В фазе СОІІ, при  $|n| \geqslant 0.5$ , одна подрешетка полностью заселена зарядовыми центрами одного типа. В ПСП обе фазы обладают магнитным упорядочением, которого, очевидно, не наблюдается при численном



**Рис. 2.** Диаграмма возможных фазовых состояний. Вблизи точки фрустрации  $\Delta^*/J=1.5$  существуют области 1, 2 и 3, в которых наблюдается смена типов упорядочений при понижении температуры. Горизонтальные пунктирные линии соответствуют температурным фазовым диаграммам, изображенным на рис. 3—5. Вертикальная пунктирной линия соответствует зависимостям структурных факторов от плотности заряда n на рис. 6.

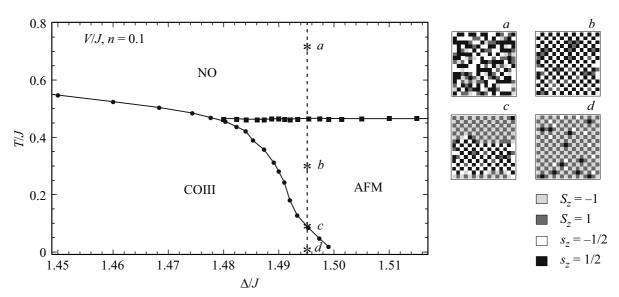
расчете МК. ПСП для фазы FIM предсказывает ферромагнитное упорядочение, однако численный расчет показал наличие разбавленного антиферромагнитного (AFM) упорядочения при малых n и ближнего AFM-упорядочения при  $0.33 \lesssim n < 0.5$ . Кроме того, фазовая диаграмма основного состояния, полученная в рамках метода МК (рис. 1,b), отличается наличием большой области ближнего зарядового порядка (SRO) того или иного типа. Звездочками обозначены фазы, полученные в рамках ПСП.

Особый интерес представляет исследование фазовых состояний системы при конечных температурах. Полная диаграмма возможных фазовых состояний для  $V=4\tilde{J}$  представлена на рис. 2. Вблизи точки фрустрации  $\Delta^*/J=1.5$  наблюдаются три области, обозначенные цифрами 1, 2 и 3 в рамках, в которых происходит смена типа упорядочения при понижении температуры.

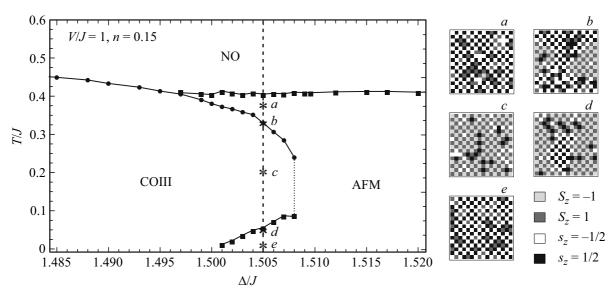
На рис. 3-5 представлены температурные фазовые диаграммы для  $n=0.1,\ n=0.15$  и  $n=0.225,\$ соответствующие горизонтальным линиям в областях  $1,\ 2$  и 3 на рис. 2 соответственно. Справа от фазовых диаграмм представлены моментальные снимки фрагментов решетки  $16\times 16$  узлов. Разным градациям серого соответствуют разные проекции псевдоспина  $S_z=\pm 1$  (2 зарядовых состояния) и спина  $s_z=\pm 1/2$  (2 магнитных состояния). В области 1 для n=0.1 (рис. 3) при понижении температуры происходит фазовый переход из неупорядоченного состояния (NO) в AFM-фазу, а затем, при более низких температурах, происходит второй фазовый переход типа порядок—порядок со сменой AFM-упорядочения на COIII. Смена типа упорядочения наблюдается вплоть до значения  $\Delta/J=1.5$ .

В области 2 ("перемычка") такая смена упорядочений происходит дважды при понижении температуры. Это изображено на рис. 4 для n=0.15. Таким образом, происходят три последовательных фазовых перехода: из высокотемпературной NO-фазы в упорядоченное AFM-состояние, затем смена на зарядовое упорядочение COIII и возвратный фазовый переход в AFM-фазу. На линии для n=0.225 (рис. 5) при  $\Delta/J>\Delta^*/J=1.5$  также наблюдается смена одного типа упорядочения на другой, а именно COIII на AFM.

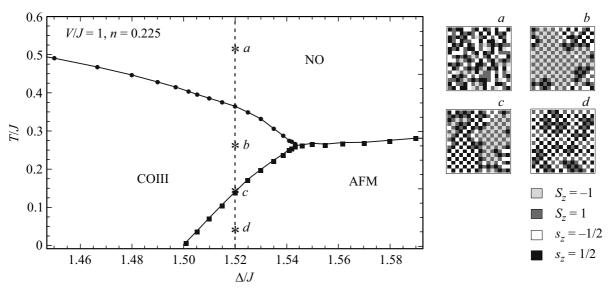
На рис. 6 представлена зависимость максимальных значений зарядового и спинового структурных факто-



**Рис. 3.** Температурная фазовая диаграмма для n = 0.1 вблизи точки фрустрации. При понижении температуры наблюдается второй фазовый переход, сопровождающийся сменой AFM-упорядочения на COIII.



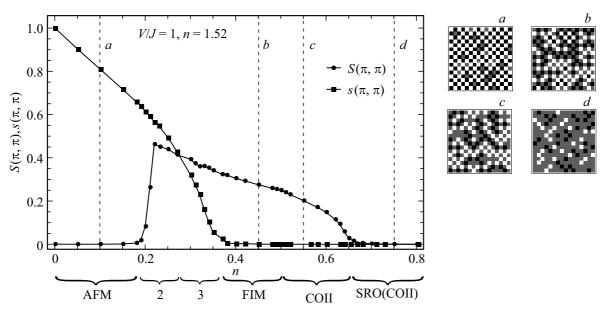
**Рис. 4.** Температурная фазовая диаграмма для n = 0.15 вблизи точки фрустрации. Наблюдается двойная смена типа упорядочения при понижении температуры, т. е. возвратный фазовый переход в AFM.



**Рис. 5.** Температурная фазовая диаграмма для n = 0.225 вблизи точки фрустрации. При понижении температуры наблюдается второй фазовый переход с COIII на AFM.

ров в точке  $(\pi,\pi)$  от концентрации заряда n. Этот рисунок соответствует вертикальной линии  $\Delta/J=1.52$  на рис. 2. Величина максимума спинового (зарядового) структурного фактора в точке  $(\pi,\pi)$  позволяет судить о наличии AFM- (CO-) упорядочения и определить границу между дальним и ближним порядками. В данном случае мы определяли эту границу по величине структурного фактора, равной 0.1. Важно отметить, что определенный структурный фактор может достигать своего максимального значения не в основном состоянии, а при конечных температурах в связи со сменой типов упорядочений. Как показано на рис. 6, при малых n в системе формируется дальний AFM-порядок. При

увеличении *n* (области 2 и 3), СО- и АFM-упорядочение "сосуществуют", сменяют друг друга. Условие сохранения концентрации заряда (2) формально соответствует наличию внешнего поля, действующего на псевдоспиновую подсистему. В случае слабого обмена при больших *n* зарядовое упорядочение минимизирует энергию зарядзарядовых корреляций. В этом смысле зарядовое упорядочение индуцируется условием постоянства заряда. В фазе FIM одна подрешётка целиком заполнена различными магнитными центрами, а вторая — зарядовыми состояниями одного типа, разбавленными небольшим количеством магнитных центров. Поэтому фаза FIM выглядит как порядок типа СОІІ, разбавленный ближним



**Рис. 6.** Зависимость максимумов зарядового и спинового структурных факторов в точке  $(\pi,\pi)$  от концентрации заряда n для  $\Delta/J=1.52$ .

АҒМ-порядком. Она сохраняется вплоть до n=0.5, причём для  $n\gtrsim 0.42$  величина пика спинового структурного фактора в точке  $(\pi,\pi)$  не превышает 0.002.

#### 4. Заключение

С помощью классического метода МК мы исследовали двумерную спин-псевдоспиновую модель для изинговского магнетика, разбавленного заряженными примесями и фрустрированного конкуренцией зарядового и магнитного упорядочений. Особое внимание было уделено влиянию отожженных заряженных примесей на фазовые состояния системы вблизи точки фрустрации в случае слабого спинового обмена.

Показано, что в разбавленной системе конкуренция зарядового и магнитного упорядочений приводит к формированию необычных фазовых состояний при конечных температурах.

Моделирование методом МК позволило уточнить фазовую диаграмму основного состояния, полученную ранее в ПСП, и определить границу между дальним и ближним порядками. Также была построена диаграмма возможных фазовых состояний, учитывающая их эволюцию с понижением температуры. Вблизи точки фрустрации  $\Delta^*/J=1.5$  были обнаружены три области, в которых при конечных температурах происходит смена типов упорядочений, а также возвратные фазовые переходы. Данный эффект вызван комбинацией следующих факторов. В случае слабого спинового обмена существенная концентрация заряженных примесей приводит к зарядовому упорядочению, в отличие от случая сильного спинового обмена [8], при котором наблюдается фазовое расслоение на макроскопические

области, состоящие из зарядовых и магнитных центров. Кроме того, в случае слабого обмена в точке фрустрации основное состояние вырождено по энергии для двух различных типов упорядочений — зарядового и антиферромагнитного. В результате, при конечных температурах вблизи точки фрустрации могут проявляться упорядочения, которые не соответствуют минимальной энергии при T=0.

## Финансирование работы

Работа была выполнена при поддержке программы повышения конкурентоспособности Уральского федерального университета (Акт 211 Правительства РФ, соглашение № 02.А03.21.0006) и Министерства образования и науки РФ, проект FEUZ-2020-0054, а также при поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 18-32-00837 $\setminus$ 18.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

# Список литературы

- [1] H.T. Diep. Frustrated Spin Systems. 2nd ed. World Scientific, Singapore (2013).
- [2] T.A. Kaplan, N. Menyuk. Phil. Mag. 87, 25, 3711 (2007).
- [3] S.T. Bramwell, M.J.P. Gingras. Science **294**, 1595 (2001).
- [4] L. Balents. Nature **464**, 7286, 199 (2010).
- [5] M. Blume, V.J. Emery, R.B. Griffiths. Phys. Rev. A 4, 1071 (1971).
- [6] V.V. Hovhannisyan, N.S. Ananikian, A. Campa, S. Ruffo. Phys. Rev. E 96, 6, 062103 (2017).

- [7] Y.D. Panov, A.S. Moskvin, A.A. Chikov, I.L. Avvakumov. J. Supercond. Nov. Magn. 29, 4, 1077 (2016).
- [8] Ю.Д. Панов, В.А. Улитко, К.С. Будрин, Д.Н. Ясинская, А.А. Чиков. ФТТ **61**, *5*, 822 (2019).
- [9] А.С. Москвин, Ю.Д. Панов. ФТТ 61, 9, 1603 (2019).
- [10] A.V. Zarubin, F.A. Kassan-Ogly, A.I. Proshkin. arXiv preprint 2002.05430 (2020).
- [11] A.V. Shadrin, V.A. Ulitko, Y.D. Panov. J. Phys.: Conf. Ser. 1389, 1, 012088 (2019).
- [12] V.S. Dotsenko. Phys.-Usp. 165, 481 (1995).
- [13] G. Giacomin. École d'Été de Probabilités de Saint-Flour XL 2025 (2010).
- [14] K.S. Budrin, V.A. Ulitko, A.A. Chikov, Yu.D. Panov, A.S. Moskvin. PCT'2018, 22 (2018).
- [15] Y.D. Panov, A.S. Moskvin, A.A. Chikov, K.S. Budrin. J. Low Temp. Phys 187, 5-6, 646 (2017).

Редактор Е.В.Толстякова