11,07

Термодинамика и кинетика упругокалорического эффекта в сплавах с памятью формы

© Г.А. Малыгин

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН,

Санкт-Петербург, Россия

E-mail: malygin.ga@mail.ioffe.ru

Поступила в Редакцию 28 сентября 2021 г. В окончательной редакции 28 сентября 2021 г. Принята к публикации 30 сентября 2021 г.

В рамках теории размытых термоупругих мартенситных переходов, какими являются структурные переходы в сплавах с эффектом памяти формы (ЭПФ), теоретически обсуждается механизм упругокалорического эффекта в кристаллах сплавов с ЭПФ. Теория адекватно описывает упругокалорический эффект при адиабатической разгрузке кристалла и стабильном характере мартенситного перехода. Гибкость теории распространяется также и на нестабильные в кинетическом плане (взрывообразные) мартенситные переходы, вызванные структурными особенностями кристалла, как это имеет место, согласно литературным данным, при сжатии кристаллов сплава $Ni_{50}Fe_{19}Ga_{27}Co_4$ вдоль направления [011].

Ключевые слова: сплавы с ЭПФ, упругокалорический эффект, термоупругие мартенситные переходы, стабильная и нестабильная кинетика мартенситного перехода.

DOI: 10.21883/FTT.2022.02.51949.216

1. Введение

Сплавы с эффектом памяти формы (ЭПФ) чувствительны к магнитным, электрическим и механическим на них воздействиям. В настоящее время эти сплавы используются в качестве рабочих элементов различных устройств микро- и наноэлектроники, робототехники, медицины и промышленности. В последнее десятилетие внимание исследователей привлечено к эффекту адиабатического разогрева и охлаждения кристаллов этих сплавов вблизи критической температуры мартенситного в них перехода. Эффект возникает при быстром включении (выключении) магнитного [1-3] или электрического [4] полей, или в результате приложения к кристаллу и снятия механического напряжения [5-8]. Получаемые при этом магнитокалорический, электрокалорический и упругокалорический (УК) эффекты ΔT_{ad} достигают 5-20 К [1-8]. Источником адиабатического разогрева или охлаждения сплава является изотермическое изменение его энтропии ΔS при прямом и обратном мартенситных переходах, как фазовых переходов первого рода. По сравнению с адиабатическим сжатием и расширением пара или газа указанные калорические эффекты в кристаллах с ЭПФ обладают технологическим преимуществом, особенно в отношении создания твердотельных малообъемных рефрижераторных устройств.

Проведенные в настоящее время исследования показали, что магнитокалорические эффекты в ферромагнитных сплавах с ЭПФ, несмотря на свою достаточно большую величину, при первом изменении напряженности магнитного поля, в последующих его изменениях показывают более низкие и нестабильные по величине результаты [1–3]. Причина неустойчивости связана с

нестабильностью намагничивания сплава при адиабатических изменениях магнитного поля. Кроме того, интервал температур, в котором наблюдается магнитокалорический эффект, довольно узок $(10-20\,\mathrm{K})$ [1]. УК-эффект наблюдается в значительно более широком температурном интервале, например, в кристаллах сплавов $\mathrm{Cu}_{68}\mathrm{Zn}_{16}\mathrm{Al}_{16}$ [6] и $\mathrm{Ni}_{50}\mathrm{Fe}_{19}\mathrm{Ga}_{27}\mathrm{Co}_4$ [7,8] он составляет 150 K (рис. 1). Эксперименты со сплавом $\mathrm{Ni}_{50}\mathrm{Mn}_{34.8}\mathrm{In}_{15.2}$ [9] на базе $4\cdot10^3$ адиабатических циклов показали хорошую циклическую устойчивость упругокалорического эффекта. В [10] на пленках сплава $\mathrm{Ni}_{50.4}\mathrm{Ti}_{49.6}$ толщиной $20\,\mu\mathrm{m}$ продемонстрировано, что адиабатический УК-эффект реально достигается при скоростях деформации выше $0.1\,\mathrm{s}^{-1}$ и практически отсутствует при скорости деформации меньше $10^{-3}\,\mathrm{s}^{-1}$.

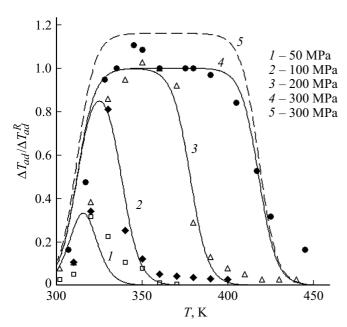
Еще одно обстоятельство было недавно обнаружено при исследовании упругокалорического эффекта в кристаллах сплава Ni₅₀Fe₁₉Ga₂₇Co₄ [7,8]. Это чувствительность указанного эффекта к кристаллографическому направлению приложения к кристаллу механической нагрузки сжатия [7]. Приложение напряжения сжатия вдоль оси [111] кристалла не сопровождается заметным эффектом его адиабатического разогрева или охлаждения. Но упругокалорический эффект в полной мере наблюдается, если адиабатическая нагрузка (loading) и разгрузка (unloading) кристалла осуществляются вдоль оси кристалла [001] [7] (рис. 1). Диаграммы сжатия кристаллов вдоль [001] направления имеют традиционный вид одностадийных кривых псевдоупругой деформации. Необычно выглядит температурная зависимость величины упругокалорического эффекта в кристаллах сплава Ni₅₀Fe₁₉Ga₂₇Co₄, если деформируемый сжатием вдоль оси [011] кристалл адиабатически разгружается [8] 

Рис. 1. Температурные зависимости упругокалорического эффекта в координатах $\Delta T_{ad}/\Delta T_{ad}^R-T$, где $\Delta T_{ad}^R=9.5\,\mathrm{K}$, в кристалле сплава $\mathrm{Ni_{49}Fe_{18}Ga_{27}Co_4}$ при его разгрузке с разных напряжений в диапазоне $50-300\,\mathrm{MPa}$ на диаграмме сжатия кристалла вдоль направления [001]. Экспериментальные точки — [7], кривые I-4 и штриховая линия — согласно уравнениям (5)-(6).

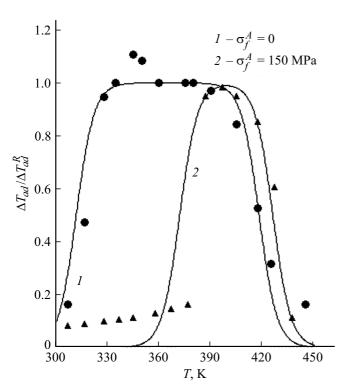


Рис. 2. Температурные зависимости упругокалорического эффекта в $\Delta T_{ad}/\Delta T_{ad}^R-T$ координатах в кристаллах сплава Ni₄₉Fe₁₈Ga₂₇Co₄ при разгрузке с напряжения 300 MPa на диаграмме сжатия кристалла вдоль осей [011] ($\Delta T_{ad}^R=6.1\,\mathrm{K}$) и [001] ($\Delta T_{ad}^R=9.5\,\mathrm{K}$), соответственно. Экспериментальные точки [8]: кружки — вдоль оси [001], треугольники — вдоль оси [011]. Кривые I и I и I и I и I и I манения I и I и I манения I манения I и I манения I манения I и I манения I манения

(рис. 2, треугольники). Видно, что выше температуры 388 К эффект адиабатического охлаждения кристалла качественно развивается подобно тому, как это имеет место в кристаллах этого сплава при его сжатии вдоль оси [001] (рис. 2, кружки). Видно также, что в значительном температурном интервале ниже температуры 388 К эффект адиабатического охлаждения кристалла, деформируемого сжатием в [011] направлении, практически отсутствует. Это означает, как будет дальше показано в настоящей работе (раздел 4), что температура 388 К критическая температура резкого снижения объемной доли мартенсита в кристалле при его разгрузке. Другая особенность диаграмм сжатия кристаллов этого сплава в направлении [011] — это наличие на них резкого спада напряжения, сопровождаемого интенсивной акустической эмиссией [8]. Аналогичные падения напряжения наблюдались ранее на двухстадийных диаграммах сжатия кристаллов сплава $Ni_{49}Fe_{18}Ga_{27}Co_6$ вдоль направления [011] и отсутствовали при его сжатии вдоль оси [001] [11]. Согласно [11,12] появление аномальных спадов напряжений в этом сплаве, деформируемом в [011] направлении, связано с возникновением в кристалле межфазных упругих напряжений и с их взрывной (burst-like) мартенситной релаксацией [12]. Межфазные напряжения — результат изменения ориентации плоскости габитуса в мартенсите при сжатии кристалла в направлении оси [011] по сравнению с его сжатием вдоль направления [001], когда это ориентационное несоответствие отсутствует.

Цель настоящей работы — разработать термодинамически и кинетически обоснованную теорию упругогокалорического эффекта в сплавах с ЭПФ. Для его анализа и моделирования будет использована теория размытых термоупругих мартенситных переходов (РТМП) [13,14], основанная на термодинамических и кинетических соотношениях и чувствительная к структуре кристалла на мезоуровне. В разделе 2 приведены основные ее соотношения, определяющие изотермическое изменение энтропии кристалла $\Delta S < 0$ и величину упругокалорического эффекта $\Delta T_{ad} < 0$ при адиабатической разгрузке кристалла. В третьем разделе эти соотношения используются для анализа упругокалорического эффекта в кристаллах, ориентированных при сжатии в направлении оси [001], т.е. в отсутствие в кристалле межфазных напряжений, в разделе 4 — при их наличии в кристалле, деформируемом сжатием в [011] направлении. Теоретические результаты сравниваются с экспериментальными результатами, полученными при исследовании упругокалорического эффекта в кристаллах сплава $Ni_{50}Fe_{19}Ga_{27}Co_4$ соответствующих ориентаций [7,8].

2. Упругокалорический эффект и теория РТМП

Изотермическое изменение энтропии кристалла $\Delta S < 0$, определяющее величину УК-эффекта $\Delta T_{ad} < 0$, зависит от задаваемой мартенситной деформации

кристалла ε согласно термодинамическому соотношению [5]:

$$\Delta S(\varepsilon) = -\int_{0}^{\varepsilon} \left(\frac{\partial \sigma}{\partial T}\right) d\varepsilon, \tag{1}$$

где T — температура, σ — приложенное к кристаллу механическое напряжение. Согласно теории РМП мартенситная деформация ε изменяется пропорционально относительному объему кристалла φ_M , занятому мартенситом. При одностадийном характере мартенситного перехода этот объем определяется кинетическим и термодинамическим соотношениями [14]:

$$\varepsilon = \varepsilon_m \varphi_M, \quad \varphi_M = \frac{1}{1 + \exp(\Delta U / k_B T)},$$
 (2a)

где ε_m — деформация решетки при ее структурной перестройке, $\Delta U = \omega \Delta u$ — изменение свободной энергии сплава при образовании в нем зародыша новой фазы объемом ω , Δu — объемная плотность свободной энергии фазового перехода,

$$\Delta u = q \frac{T - T_c}{T_c} - \varepsilon_m \sigma - W_{el}, \qquad (2b)$$

 $q=\Delta ST_c$ — теплота перехода, ΔS — изменение энтропии при мартенситном переходе, $T_c=(M_s+A_f)/2$ — характеристическая температура мартенситного превращения в отсутствие внешних и внутренних напряжений, $k_{\rm B}$ — постоянная Больцмана, $W_{el}=\sigma_e \varepsilon_{el}(\phi_M)$ — связанная с переходом внутренняя упругая энергия [12]:

$$W_{el}(\varphi_M) = \sigma_e \varepsilon_m \varphi_M (1 - \varphi_M), \qquad (2c)$$

где σ_e — межфазные напряжения на границе мартенситных и аустенитных фаз (ламелей). Уравнения (2a)-(2c) описывают равновесие мартенситной φ_M и аустенитной $\varphi_A=1-\varphi_M$ фаз в кристалле. Наличие в соотношении (2a) структурно чувствительного элементарного объема превращения ω означает, что перемещение дислокаций мартенситного превращения (МП) по плоскости габитуса пространственно ограничено. Например, размером гомогенного [15] или гетерогенного источников дислокаций МП, или размером поперечного сечения нано- или микрокристалла [16].

Подставляя соотношения (2b) и (2c) в (2a) и разрешая это уравнение относительно напряжения σ , получаем его зависимость от температуры, межфазных напряжений σ_e и величины мартенситной деформации кристалла $\varepsilon = \varepsilon_m \phi_M$,

$$\sigma = \sigma_m \left[\frac{T - T_c}{T_c} - a_e \frac{\varepsilon}{\varepsilon_e} \left(1 - \frac{\varepsilon}{\varepsilon_e} \right) + \frac{1}{\bar{\omega}} \ln \left(\frac{\varepsilon/\varepsilon_m}{1 - \varepsilon/\varepsilon_m} \right) \right],$$

где $\sigma_m = q/\varepsilon_m = (d\sigma/dT)_{\rm K} T_c$, $(d\sigma/dT)_{\rm K}$ — коэффициент Клапейрона—Клаузиуса, $a_e = \sigma_e/\sigma_m$, $\bar{\omega} \approx \omega q/k_{\rm B}T_c$. Дифференцируя (3) частным образом по T, находим что $(\partial\sigma/\partial T)_e = (d\sigma/dT)_{\rm K}$ и, следовательно, изменение

энтропии кристалла согласно термодинамическому соотношению (1) равно

$$\Delta S(\varepsilon) = -\left(\frac{d\sigma}{dT}\right)_{K} (\varepsilon - \varepsilon_{0})$$

$$= -\varepsilon_{m} \left(\frac{d\sigma}{dT}\right)_{K} [\varphi_{M}(T, \sigma, \sigma_{e}) - \varphi_{0}]. \tag{4a}$$

Оно определяется величиной мартенситной деформации ε , зависящей от концентрации мартенсита в кристалле (2a). Условие $\Delta S(\varepsilon_0)=0$ определяет постоянную интегрирования уравнения (1)

$$\varepsilon_0(T, \sigma_e) = -\varepsilon_m \left(\frac{d\sigma}{dT}\right)_{K} [-\varphi_0]$$

$$= -\varepsilon_m \left(\frac{d\sigma}{dT}\right)_{K} [-\varphi_M(T, 0, \sigma_e)]. \tag{4b}$$

В результате, для величины упругокалорического эффекта (снижения температуры кристалла при его адиабатической разгрузке) получаем соотношение

$$\Delta T_{ad} = \frac{T_c}{C_p} \Delta S = -\varepsilon_m \left(\frac{d\sigma}{dT}\right)_K \frac{T_c}{C_p} \Delta \varphi_M(T, \sigma, \sigma_e)$$

$$= -\frac{q}{C_p} \Delta \varphi_M(T, \sigma, \sigma_e), \qquad (5a)$$

$$\Delta \varphi_M(T, \sigma, \sigma_e) = \varphi_M(T, \sigma, \sigma_e) - \varphi_M(T, \sigma = 0, \sigma_e), \quad (5b)$$

где C_p — теплоемкость кристалла, ΔS и q — соответственно, изменение энтропии и теплота обратного (reverse) мартенситного перехода, $\Delta \phi_M(T,\sigma,\sigma_e)$ — объемная доля мартенсита, определяющая величину упругокалорического эффекта в зависимости от температуры T, приложенного к кристаллу напряжения σ и наличия в нем внутренних упругих напряжений σ_e .

3. Упругокалорический эффект в отсутствие межфазных напряжений

Рис. 3 демонстрирует в качестве иллюстрации температурные зависимости объемных долей мартенсита $\varphi 1_M(T,0,\sigma)$ (кривая I) и $\varphi 2_M$ (кривая 2) согласно уравнениям (2), а также их разницу $\Delta \varphi_M = \varphi 2_M - \varphi 1_M$ (кривая 3) в отсутствие в кристалле внутренних упругих напряжений ($\sigma_e=0$), где

$$\varphi 1_{M}(T,0,0) = \left[1 + \exp\left(\bar{\omega}\left(\frac{T - T_{c}}{T_{c}}\right)\right)\right]^{-1},$$

$$\varphi 2_{M}(T,\sigma,0) = \left[1 + \exp\left(\bar{\omega}\left(\frac{T - T_{c}}{T_{c}} - \frac{\sigma - \Delta\sigma_{h}}{\sigma_{m}}\right)\right)\right]^{-1},$$
(6)

 $\Delta\sigma_h=(d\sigma/dT)_{
m K}\Delta T_h$ — гистерезис напряжений при прямом и обратном мартенситном превращении,

258 Г.А. Малыгин

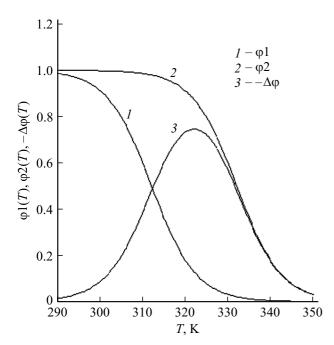


Рис. 3. Температурные зависимости согласно уравнениям (5b) и (6) объемных долей мартенсита φ в отсутствие приложения (кривая I) и приложении к кристаллу сплава напряжения 20 MPa (кривая 2), а также разница между этими долями (кривая 3), определяющая изменение энтропии ΔS^R и температуры кристалла ΔT_{ad} при его разгрузке с указанного напряжения.

 $\Delta T_h = (A_s + A_f - M_s - M_f)/2$ — эквивалентный $\Delta \sigma_h$ температурный гистерезис. При оценке в (6) значений параметров $T_c = 312 \,\mathrm{K}, \ \sigma_m = 780 \,\mathrm{MPa}, \ \bar{\omega} = 60,$ $\Delta T_h = 14.6 \, {
m K}$ и $\Delta \sigma_h = 35 \, {
m MPa}$ использовались обозначения (3) и данные [7] для кристаллов сплава NiFeGaCo: $M_s = 304 \,\mathrm{K}, \ M_f = 296 \,\mathrm{K}, \ A_s = 310 \,\mathrm{K},$ $A_f = 320 \,\mathrm{K}, \ (d\sigma/dT)_\mathrm{K} = 2.5 \,\mathrm{MPa/K}.$ На рис. 3 кривая Iпоказывает температурную зависимость концентрации ϕ термоупругого мартенсита в кристалле, а кривая 2 рост этой концентрации в результате приложения к кристаллу напряжения $\sigma = 20\,\mathrm{MPa}$. Кривая 3 демонстрирует температурную зависимость объемной доли мартенсита $\Delta \phi_M$, которая согласно уравнению (5) определяет изотермическое изменение энтропии ΔS и величину упругокалорического эффекта при разгрузке кристалла до $\sigma = 0$. Видно, что объемная доля мартенсита $\Delta \varphi$ вначале увеличивается с ростом температуры за счет деформационного мартенсита. Затем достигает максимума и снижается до нуля из-за перехода деформационного мартенсита в аустенит под действием высокой температуры.

Именно, такой колоколоподобный вид имеют температурные зависимости упругокалорического эффекта ΔT_{ad} в кристаллах сплава $\mathrm{Ni_{49}Fe_{18}Ga_{27}Co_4}$ (рис. 1) при их разгрузке с различных напряжений на диаграмме сжатия кристалла (кривые I-4). На рис. 1 эти зависимости представлены в приведенных координатах $\Delta T_{ad}/\Delta T_{ad}^R-T$ согласно уравнениям (5) и значениям параметров, указанных в (6), где $\Delta T_{ad}^R=q/C_p$. Согласно калоримет-

рическим данным [7] ($q = 280 \text{ J/mol}, C_p = 26 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$) максимальная величина адиабатического снижения температуры ΔT_{ad}^R должна составлять $\approx 11\,\mathrm{K}$ (рис. 1, штриховая линия). Но эксперимент фиксирует более низкое ее значение $\Delta T_{ad}^R \approx 9.5\,\mathrm{K}$. При обсуждении этого расхождения авторы [7] предполагают, что оно может быть вызвано недостаточной адиабатичностью процедуры разгрузки кристалла сплава $(0.3 \, \mathrm{s}^{-1})$. Следует также отметить полученные в [8] результаты дифракционного анализа структур термоупругого и деформационного мартенситов в исследуемом сплаве. Оказалось, что в первом случае — это модулированный 14М мартенсит, во втором — не модулированный тетрагональный L1₀ мартенсит. Это означает, что при температурах до максимума на кривых 1-4 (рис. 1) превращение аустенита L2₁ в L1₀ мартенсит происходит в два этапа $L2_1 \rightarrow 14M \rightarrow L1_0$.

В заключение раздела заметим, что величине параметра $\bar{\omega}=60$ в соотношениях (6) соответствует (при $q=280\,\mathrm{J/mol},\ T_c=312\,\mathrm{K}$ и $\mathrm{mol}=7.84\,\mathrm{cm}^3)$ величина элементарного объема мартенсита $\omega=\bar{\omega}(k_\mathrm{B}T_c/q)=6.6\,\mathrm{nm}^3$. При образовании гомогенным источником одной петли дислокации МП диаметром d элементарный объем фазового превращения составляет $\omega=(\pi d^2/4)a_0$, где $a_0=0.4\,\mathrm{nm}$ [7] — расстояние между соседними габитусными плоскостями в мартенсите. Приведенной выше оценке элементарного объема превращения соответствует диаметр дислокационной петли мартенситного превращения $d=(4\omega/\pi a_0)\approx 4.6\,\mathrm{nm}$, близкий к размеру гомогенного источника дислокаций МП [15].

4. Влияние межфазных напряжений на упругокалорический эффект

Как уже было сказано выше, при сжатии кристаллов сплава $Ni_{49}Fe_{18}Ga_{27}Co_4$ вдоль оси [011] диаграммы сжатия содержат продолжительный по деформации участок падения напряжения, свидетельствующий о нестабильном (взрывном, burst-like [11,12]) характере мартенситного перехода в этом сплаве [8]. Чтобы наглядно продемонстрировать это обстоятельство, на рис. 4, a и b приведены результаты моделирования в рамках теории РТМП диаграмм сжатия кристаллов этого сплава — соответственно, в отсутствие в кристалле межфазных напряжений ($\sigma_e = 0$) (рис. 4, a) и при их наличии ($\sigma_e \neq 0$) (рис. 4, b). Принимая во внимание упругую деформацию кристалла при сжатии $\varepsilon_E(\sigma) = \sigma/E$, уравнение для расчета зависимости напряжения σ от суммарной деформации сжатия $\varepsilon = \varepsilon_E + \varepsilon_M$ имеет вид

$$\varepsilon = \varepsilon_E + \varepsilon_m \left[1 + \exp\left(\bar{\omega} \left(\frac{T - T_c}{T_c} - \frac{\sigma_e}{\sigma_m} \left(\varepsilon - \varepsilon_E \right) \right) \right. \\ \left. \times \left(1 - \left(\varepsilon - \varepsilon_E \right) \right) - \frac{\sigma \mp \Delta \sigma_h}{\sigma_m} \right) \right) \right]^{-1}, \tag{7}$$

где $\varepsilon_M = \varepsilon_m \phi_M$ — мартенситная деформация (2a), $E = (E_M + E_A)/2$ — усредненный модуль упругости,

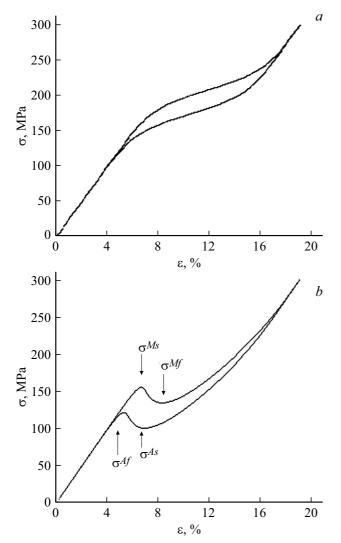


Рис. 4. Вид диаграмм сжатия кристаллов сплава NiFeGaCo в отсутствие (a) и при наличии (b) в них межфазных напряжений согласно уравнению (7) (подробности в тексте).

 σ_h — гистерезис напряжений при нагружении (—) и разгружении (+) кристалла напряжением сжатия. Зависимость $\sigma(\varepsilon)$ содержится в уравнении (7) в неявном виде, поэтому уравнение решалось численно при следующих значениях переменных и параметров: $T = 388 \, \mathrm{K}$, $\varepsilon_m = 7\%$, $E = 2.5\,\mathrm{GPa}$, в отсутствие межфазных напряжений ($\sigma_e = 0$, $\sigma_h = 17 \, \mathrm{MPa}$), и при их наличии $(\sigma_e = 280 \,\mathrm{MPa}, \, \sigma_h = 17 \,\mathrm{MPa});$ значения остальных параметров такие же, что ранее использовались при построении кривых на рис. 1. Как видно из сравнения кривых на рис. 4, а и b, наличие межфазных напряжений в кристалле провоцирует нестабильный характер мартенситного перехода. В результате вместо плато (рис. 4, a) на диаграмме сжатия возникает участок падения деформирующего напряжения. На реальной диаграмме сжатия кристалла Ni₅₀Fe₁₉Ga₂₇Co₄ в направлении оси [011], как и в случае кристаллов сплава $Ni_{49}Fe_{18}Ga_{27}Co_6$ [12], это падение состоит из двух этапов: на первом этапе образуется двойникованный L1₀ мартенсит (14M), на

втором этапе происходит раздвойникование 14М мартенсита. Рис. 4, b иллюстрирует лишь один из этих этапов (в [12] в рамках теории РТМП промоделированы оба этапа). Результаты моделирования [12] в согласии с экспериментом показали, что с ростом температуры двухстадийное падение напряжения на диаграммах сжатия кристаллов сплава $Ni_{49}Fe_{18}Ga_{27}Co_6$ сменяется одностадийным, т. е. $L2_1$ аустенит непосредственно превращается в тетрагональный $L1_0$ мартенсит, что имеет место и в случае кристаллов сплава $Ni_{50}Fe_{19}Ga_{27}Co_4$ [8].

место и в случае кристаллов сплава $Ni_{50}Fe_{19}Ga_{27}Co_4$ [8]. На рис. 4, b напряжения σ^{Ms} и σ^{Mf} на диаграмме сжатия маркируют начало и конец прямого, а напряжения σ^{As} и σ^{Af} — обратного мартенситных превращений в кристалле. При напряжении σ^{Af} мартенсит в кристалле полностью превращается в аустенит. Следовательно, объемная доля мартенсита $\Delta \phi_M$, определяющая изотермическое изменение энтропии ΔS и величину упругокалорического эффекта ΔT_{ad} , равна

$$\Delta \varphi_M(T, \sigma, \sigma_e) = \varphi_M 2(T, \sigma, \sigma_e) - \varphi_M 1(T, \sigma^{Af}, \sigma_e),$$
 (8a)

где

$$\varphi 1_M = \left[1 + \exp\left(\bar{\omega}\left(\frac{T - T_c}{T_c} - \frac{\sigma^{Af} + \sigma_h}{\sigma_m}\right)\right)\right]^{-1},$$

$$\varphi 2_M = \left[1 + \exp\left(\bar{\omega}\left(\frac{T - T_c}{T_c} - \frac{\sigma + \sigma_h}{\sigma_m}\right)\right)\right]^{-1}.$$
 (8b)

На рис. 2 кривая 2 демонстрирует зависимость $\Delta T_{ad}(T) \sim \Delta \varphi(T)$ согласно уравнениям (8) в координатах $\Delta T_{ad}/\Delta T_{ad}^R - T$, где $\Delta T_{ad}^R = 6.1\,\mathrm{K}$. Видно, что при температуре $\approx 388\,\mathrm{K}$ эта доля начинает сильно сокращаться и обращается в нуль. Видно также, что имеется хорошее согласие между теорией и экспериментом. Существование не нулевых значений $\Delta T_{ad} \approx 1\,\mathrm{K}$ ниже температуры $388\,\mathrm{K}$ связано с гистерезисными потерями [8]. Сильное снижение упругокалорического эффекта при температурах ниже $388\,\mathrm{K}$ вызвано тем, что при наличии в кристалле межфазных напряжений концентрация мартенсита в кристалле становится равной нулю при $\sigma^{Af}=150\,\mathrm{MPa}$ [8], а не при $\sigma^{Af}=0$, как в отсутствие этих напряжений. В результате, упругокалорический эффект снижается на величину

$$\Delta T_{ad}^{Af} = -\Delta T_{ad}^{R} \left[\varphi_{M}(T, \sigma^{Af}) - \varphi_{M}(T, 0) \right].$$
 (8c)

Максимальное значение упруго-калорического эффекта 6.1 К выше температуры 388 К, т.е. в температурной области стабильного мартенситного перехода, на 36% меньше, чем при сжатии кристалла в [001] направлении.

Это снижение становится еще больше и составляет 44% при сравнении величины эффекта 6.1 К с теоретической оценкой $\Delta T_{ad}^R=11$ К. Так как $\Delta T_{ad}^R\sim q$, то имеется основание предполагать, что указанное снижение связано с уменьшением теплоты мартенситного перехода q. В литературе имеются калориметрические данные (рис. 5, кривая I) для кристаллов сплава

260 Г.А. Малыгин

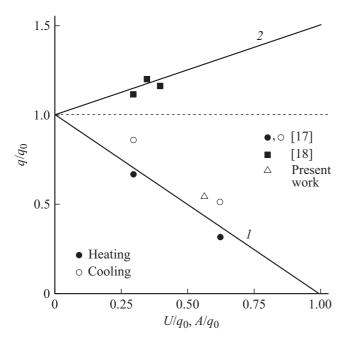


Рис. 5. Зависимость теплоты мартенситного перехода $q(\sigma_{in})$ в кристалле сплава Cu-Al-Ni от энергии внутренних упругих напряжений σ_{in} (кривая I) [17] и от работы $A(\sigma_{ex})$ при действии на кристалл приложенного извне напряжения σ_{ex} (кривая 2) [18].

Cu-Al-Ni [17], что теплота мартенситного перехода зависит от энергии $U = \sigma_{in} \varepsilon_{in}$ внутренних упругих напряжений σ_{in} согласно закону $q = q_0(1-U/q_0)$, где q_0 теплота перехода в отсутствие внутренних напряжений, ε_{in} — соответствующие упругие деформации. Теплота перехода наоборот возрастает, $q = q_0(1 + A/q_0)$, где $A = \sigma_{ext} \varepsilon_m$ (рис. 5, кривая 2), если кристалл сплава находится под постоянным напряжением (свободно подвешенный груз). Очевидно, что в первом случае в изолированной термодинамической системе часть теплоты q_0 затрачивается на релаксацию внутренних упругих напряжений, во втором случае теплота q_0 возрастает за счет работы А при опускании груза. В нашем случае $q_0 = 280 \,\mathrm{J/mol}, \ \sigma_{in} = \sigma_e = 280 \,\mathrm{MPa}, \ \varepsilon_{in} = \varepsilon_m = 7 \cdot 10^{-2},$ $U(\sigma_{in})=153.7\,\mathrm{J/mol}$ и, следовательно, $U(\sigma_{in})/q_0=0.55$, $q(\sigma_{in})/q_0 = 6.1/11 = 0.56$. На рис. 5 символом Δ обозначено соотношение между теплотой $q(\sigma_{in})$ и энергией внутренних упругих напряжений $U(\sigma_{in})$ в кристалле сплава Ni₅₀Fe₁₉Ga₂₇Co₄ [8]. Видно, что это соотношение находится вблизи кривой 1, описывающей это соотношение в кристаллах сплава Cu-Al-Ni [17].

5. Заключение

Таким образом, в рамках термодинамически и кинетически обоснованной теории фазовых переходов первого рода (теории РМТП), какими являются структурные мартенситные переходы в сплавах с эффектом памяти формы, теоретически проанализирован упругокалорический эффект в кристаллах сплава с ЭПФ. Гибкость

и адекватность теории продемонстрирована не только на стабильных в кинетическом плане мартенситных переходах, но и распространяется на нестабильные (взрывообразные) переходы, вызванные структурными особенностями кристалла, как это имеет место при сжатии кристаллов сплава $Ni_{50}Fe_{19}Ga_{27}Co_4$ [8] вдоль направления [011].

Конфликт интересов

Автор заявляет об отсутствии конфликта интересов.

Список литературы

- K.A. Gschneidner, V.K. Pecharsky, A.O. Tsokol. Rep. Prog. Phys. 68, 1479 (2005).
- [2] A. Planes, L. Mañosa, M. Aset. J. Phys.: Condens. Matter 21, 233201 (2009).
- [3] T. Brück. J. Phys. D 38, R381 (2005).
- [4] A.S. Mishenko, Q. Zhang, J.F. Scott, R.W. Wathmore, N.D. Mathur. Science 311, issue 5765, 1270 (2006).
- [5] E. Bonnot, R. Romero, L. Mañosa, E. Vives, A. Planes. Phys. Rev. Lett. 100, 125901 (2008).
- [6] L. Mañosa, S. Jarque-Farnos, E. Vives, A. Planes. Appl. Phys. Lett. 103, 211904 (2013).
- [7] F. Xiao, M. Jin, J. Liu, X. Jin. Acta Mater. 96, 292 (2015).
- [8] D. Zhao, F. Xiao, Zh. Nie, D. Cong, W. Sun, J. Liu. Scripta Mater. 149, 6 (2018).
- [9] X-M. Huang, L-D. Wang, H-X. Liu, H-L. Yan, N. Jia, B. Yang, Z-B. Li, Yu-D. Zhang, C. Esling, X. Zhao, L. Zuo. Intermetallics 113, 106579 (2019).
- [10] H. Ossmer, F. Lambrecht, M. Gültig, C. Chluba, E. Quandt, V. Kohl. Acta Mater. 81, 9 (2014).
- [11] В.И. Николаев, П.Н. Якушев, Г.А. Малыгин, С.А. Пульнев. ПЖТФ **36**, *19*, 83 (2010).
- [12] Г.А. Малыгин, В.И. Николаев, В.М. Крымов, С.А. Пульнев, С.И. Степанов. ЖТФ **89**, 873 (2019).
- [13] Г.А. Малыгин. ФТТ **36**, 1489 (1994).
- [14] Г.А. Малыгин. УФН 171, 187 (2001).
- [15] Г.А. Малыгин. ФТТ **63**, 272 (2021).
- [16] Г.А. Малыгин. ФТТ 61, 288 (2019).
- [17] V.I. Nikolaev, G.A. Malygin, S.A. Pulnev, P.N. Yakushev, V.M. Egorov. Mater. Sci. Forum 738/739, 51 (2013).
- [18] J. Ortin, L. Manosa, C.M. Friend, A. Planes, M. Yoshikawa. Phil. Mag. A 65, 461 (1992).

Редактор Ю.Э. Китаев