01.1;13.1

## Моделирование подвижности носителей заряда в зависимости от морфологии органического слоя, содержащего кристаллиты

© В.Р. Никитенко, Я.В. Бурдаков, А.Ю. Саунина

Национальный исследовательский ядерный университет "МИФИ", Москва, Россия

E-mail: ayus03@mail.ru

Поступило в Редакцию 28 сентября 2022 г. В окончательной редакции 6 ноября 2022 г. Принято к публикации 20 ноября 2022 г.

Проведено моделирование подвижности носителей заряда методом Монте-Карло в полимерном слое толщиной порядка 100 nm, содержащем как наноразмерные кристаллиты, так и неупорядоченные (аморфные) области. Подвижность имеет максимум при определенной энергетической глубине кристаллитов. Полученные результаты позволяют оценить параметры структуры, при которых подвижность в слое данного материала максимальна.

Ключевые слова: неупорядоченные полимеры, морфология тонких полимерных слоев.

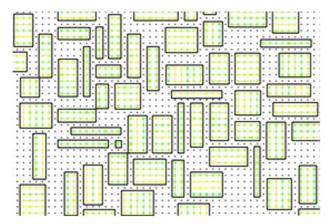
DOI: 10.21883/PJTF.2023.03.54456.19377

Органические, в частности полимерные, полупроводники привлекают большое внимание исследователей в связи с применением в таких электронных устройствах, как светоизлучающие диоды, фотовольтаические элементы, полевые транзисторы и т. д. Транспорт заряда, характеризующийся в первую очередь подвижностью, является одним из ключевых физических процессов, лежащих в основе работы электронных устройств. Активный полупроводниковый слой в таких устройствах, как правило, представляет собой тонкую (около 100 nm) пленку, которая может иметь особенности морфологии помимо пространственно усредненных характеристик беспорядка, таких как энергетическое распределение прыжковых центров. В частности, в зависимости от условий изготовления пленка может содержать аморфные, поликристаллические или кристаллические агрегированные фазы. В неупорядоченном полимере макромолекулы ориентированы довольно хаотично (аморфная фаза), но могут быть относительно упорядочены, образуя агрегированные наноразмерные области с уменьшенным энергетическим беспорядком, которые далее будем называть кристаллитами. Информация о влиянии морфологии органических полупроводников на подвижность носителей заряда противоречива. Для полукристаллических полимеров, таких как поли(3-гексилтиофен) (РЗНТ), увеличение перекрытия волновых функций из-за более плотной упаковки молекул в кристаллической агрегированной фазе в сравнении с аморфной фазой приводит к возрастанию подвижности в кристаллитах по сравнению с подвижностью аморфной фазы [1,2]. Границы зерен в поликристаллических материалах, которые могут действовать как ловушки или барьеры в зависимости от положения их средней энергии относительно энергии кристаллических доменов, напротив, препятствуют переносу заряда [2,3]. С другой стороны, сообщалось, что для  $\pi$ -сопряженных низкомолекулярных соединений, таких как периленбисимиды, наличие кристаллитов может как снижать, так и увеличивать подвижность носителей заряда по сравнению с таковой в аморфной пленке в зависимости от структуры молекул [4].

Цель настоящей работы состоит в моделировании подвижности заряда в тонких двухфазных органических слоях методом Монте-Карло (МК) в зависимости от морфологии слоя и температуры. В рамках модели материал строится из точечных прыжковых центров, которые образуют простую кубическую решетку, как и в работе [5]. Некоторая часть узлов V относится к кристаллитной фазе. Алгоритм генерации двухфазной структуры имитирует естественный процесс роста кристаллитов из аморфной фазы. "Зародыши" кристаллитов в отличие от работы [5] случайно распределены в пространстве, так же как и размеры кристаллитов (среднее значение  $\langle l \rangle$ ). Кристаллиты, имеющие форму параллелепипедов, разделены состояниями аморфной фазы (рис. 1), минимальное расстояние между кристаллитами а (постоянная решетки). Энергетическое распределение узлов кубической решетки (из которых составлены как кристаллиты, так и аморфная фаза) является суммой двух гауссовых распределений в соответствии с моделью гауссова беспорядка [6]:

$$g(E) = a^{-3} \left[ \frac{1 - V}{\sqrt{2\pi\sigma_1^2}} \exp\left(-\frac{E^2}{2\sigma_1^2}\right) + \frac{V}{\sqrt{2\pi\sigma_2^2}} \exp\left(-\frac{(E - E_t)^2}{2\sigma_2^2}\right) \right]. \tag{1}$$

Верхний и нижний гауссианы с дисперсиями  $\sigma_1$  и  $\sigma_2 < \sigma_1$  относятся к состояниям из аморфной и кристаллитной фаз соответственно (далее состояния G1 и G2). Состояния G2 также имеют некоторый энергетический разброс  $\sigma_2$  вследствие структурного беспоряд-



**Рис. 1.** Пример моделируемой структуры (*M*1-модель) в разрезе. Кристаллиты выделены прямоугольниками.

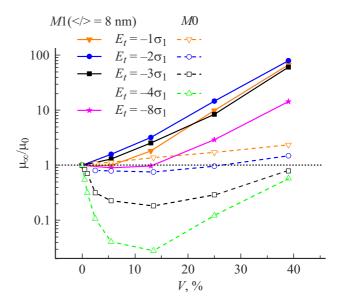
ка [2]. Энергетический сдвиг нижнего гауссиана  $E_t < 0$ , который может значительно превышать как тепловую энергию kT, так и  $\sigma_1$  [2], связан с более компактной структурой кристаллитов. В отличие от моделей недавних работ [3,5] в рассматриваемом случае преобладает аморфная фаза, V < 0.4 (наибольшие значения 0.4-0.5для РЗНТ приведены в [2]). Случайные блуждания носителя по узлам решетки моделируются согласно модели гауссова беспорядка так же, как в предшествующих работах [6-8]. Частоты прыжковых переходов вычисляются согласно известной модели Миллера-Абрахамса [6], при этом радиусы локализации волновых функций для G1- и G2-центров определены как a/5 и a/2.5, так что прыжки с участием G2-центров происходят много быстрее, чем прыжки между G1-центрами (M1-модель). Для сравнения вычисления проведены также в случае, когда точечные G2-состояния случайно распределены в пространстве и имеют тот же радиус локализации, что и G1, т. е. являются точечными дефектами, а не образуют кристаллиты (однофазный аморфный материал, М0-модель). Дрейфовая подвижность вычисляется на основе времени пролета носителя через слой, усредненного по нескольким тысячам испытаний:  $\mu = \langle 1/t_{tr} \rangle \cdot (L/F)$ , где L толщина слоя, F — напряженность поля,  $t_{tr}$  — время пролета. В отличие от большинства предшествующих работ [1-3,5] поле приложено не вдоль, а поперек тонкого слоя  $(20 \le L \le 100 \,\mathrm{nm}, \,\mathrm{octaльныe} \,\mathrm{paзмеры} \,\mathrm{нa})$ порядок больше), что характерно для приложений не в транзисторах, а в светодиодах и фотовольтаике.

Расчеты показывают, что для двухфазных систем зависимость подвижности от среднего размера кристаллита довольно слабая, более значимым параметром является доля кристаллитов V. Дрейфовая подвижность значительно уменьшается с увеличением толщины слоя (по крайней мере, до  $L=100\,\mathrm{nm}$ ). Причиной, по-видимому, является вклад диффузии в ток. "Истинная" подвижность как характеристика материала получена экстраполяцией зависимости дрейфовой подвижности от толщины [7]. Таким образом, метод МК-расчетов настоящей

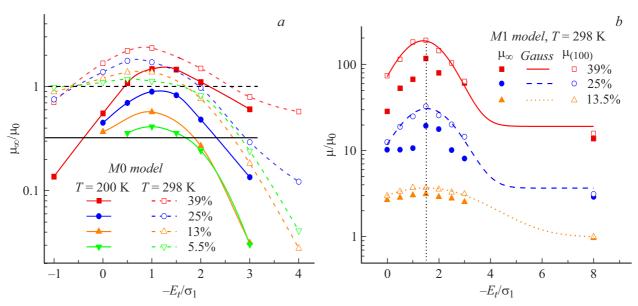
работы позволяет находить как дрейфовую подвижность в тонких (менее 100 nm) слоях, так и "истинную" объемную подвижность на основе вычислений для тонких слоев, экономя вычислительные ресурсы.

На рис. 2 показаны зависимости "истинной" подвижности от объемной доли кристаллитной фазы V при различных значениях  $E_t$ . Подвижность нормирована на ее значение при V=0 ( $\mu_0$ ). Подвижность в двухфазном материале обычно увеличивается с V и может превышать величину  $\mu_0$  на несколько порядков. Для аморфного материала подвижность увеличивается с V, если средняя энергия кристаллитов не слишком велика. Иначе зависимость  $\mu(V)$  проходит через глубокий минимум при  $V < V_* \cong 0.1$ . При заданной доле G2-состояний V подвижность аморфного материала (как "истинная", так и дрейфовая при  $L=100\,\mathrm{nm})$  проходит через максимум при некотором значении  $E_t = E_t^{\text{max}}$  (рис. 3, *a*). Подвижность нормируется на значение  $\mu_0$  при V=0и  $T=298\,\mathrm{K}$ . Это верно и для двухфазной системы (рис. 3, b). Однако в этом случае  $\mu/\mu_0 > 1$  во всей рассматриваемой области параметров вследствие высокой скорости прыжков внутри кристаллитов и между кристаллитами из-за более слабой локализации волновых функций G2-состояний.

В случае аморфного материала можно утверждать, что  $E_t^{\max} \approx E_C$ , где  $E_C$  — транспортный уровень [8], так что при  $E_t \approx E_t^{\max}$  G2-центры служат "проводящими" состояниями, а не ловушками (как при  $E_t \ll E_C$  и  $V \ll V_*$ ). При  $E_t^{\max} \approx E_C$  с ростом V растет доля "проводящих" состояний, и подвижность возрастает, а при  $E_t \ll E_C$  подвижность убывает до тех пор, пока



**Рис. 2.** Дрейфовая подвижность в зависимости от объемной доли G2-состояний для двухфазного (M1-модель, закрашенные символы и сплошные линии) и аморфного (M0-модель, светлые символы и штриховые линии) материала при различных значениях средней энергии G2-состояний  $E_t$ . T=298 K,  $\sigma_1=2.12kT$ ,  $\sigma_2=\sigma_1/3$ , eFa=kT, F— напряженность электрического поля, a=1 nm.



**Рис. 3.** Зависимости подвижности от средней глубины G2-центров для различных значений доли G2-центров V. a — аморфный материал (M0-модель), "истинная" подвижность. Горизонтальные линии показывают значения подвижности при V=0. b — двухфазный материал (M1-модель), "истинная" подвижность (закрашенные символы) и дрейфовая подвижность при  $L=100\,\mathrm{nm}$  (светлые символы и линии).

при  $V > V_*$  прыжки между G2-центрами не начинают преобладать над термоактивированными прыжками на состояния вблизи транспортного уровня. В случае очень глубоких G2-центров прыжки происходят только между ними.

Непонятно, как определить транспортный уровень для двухфазной системы (M1-модель), если доля Vдостаточно велика, однако можно проанализировать зависимость средней энергии занятых состояний  $E_{av}$  от энергии  $E_t$ . Расчеты показывают, что эта энергия при фиксированном V имеет максимальное значение  $E_{av}^{\max}$ именно при глубине кристаллитов  $E_t^{\max}$ , соответствующей максимальной подвижности. В этом случае термическая активация не задерживает большинство прыжков, а плотность состояний вблизи обеих энергий  $E_{av}$  и  $E_t$ максимальна. Носитель может легко найти состояние G1 с примерно той же энергией вблизи кристаллита, которое служит "мостиком" для перехода между кристаллитами. Такие переходы не требуют значительной термической активации, поэтому подвижность максимальна. Если  $E_t > E_t^{\max}$  ( $E_t < E_t^{\max}$ ), термическая активация из состояний G1 в G2 (из G2 в G1) задерживает транспорт. При  $E_t \ll E_t^{\max}$  термическая активация из состояний G2 в G1 маловероятна, и быстрота переноса ограничена прыжками на большие расстояния между кристаллитами. Поэтому подвижность увеличивается с V (рис. 2) и слабо зависит от температуры из-за малого энергетического беспорядка G2-состояний ( $\sigma_2 < kT$ ). Как и в [5], в настоящей работе зависимость подвижности от температуры подчиняется закону Аррениуса:  $\mu \varpropto \exp[-E_a/kT]$ . При  $E_t pprox E_t^{
m max}$  и комнатной температуре энергия активации  $E_a$  близка к  $\sigma_1^2/kT = 0.1$  eV, т.е. транспорт контролируется термически активированными прыжками из "хвоста" G1-состояний [6]. Это качественно согласуется с данными [2] (от 0.05 до  $0.1\,\mathrm{eV}$ ). При больших значениях  $|E_t|$  и низких температурах энергия активации мала (несколько meV) в согласии с результатами расчетов работы [5] и практически не зависит от  $|E_t|$ , поскольку транспорт осуществляется путем прыжков между кристаллитами.

Таким образом, в работе определены зависимости дрейфовой подвижности от объемной доли кристаллитной фазы, средней энергетической глубины и среднего размера кристаллитов, а также от температуры. Выяснен физический механизм данной зависимости. Результаты объясняют, почему кристаллизация при различной структуре молекул (в предположении, что от нее зависит величина  $E_t$ ) может приводить как к уменьшению подвижности (аморфная фаза играет роль ловушек на границе зерен,  $E_t \gg E_t^{\max}$ ), так и к ее увеличению по сравнению с подвижностью аморфной фазы [4] ( $E_t \approx E_t^{\rm max}$ , состояния аморфной фазы участвуют в проводимости). Результаты работы позволяют оценить параметры структуры материала, при которых подвижность в слое данного материала максимальна, что важно для оптимизации характеристик электронного устройства, содержащего указанный активный слой.

## Финансирование работы

Работа выполнена при поддержке РНФ (грант № 22-22-00612).

## Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- P. Pingel, A. Zen, R.D. Abellón, F.C. Grozema,
   L.D.A. Siebbeles, D. Neher, Adv. Funct. Mater., 20, 2286 (2010). DOI: 10.1002/adfm.200902273
- R. Noriega, J. Rivnay, K. Vandewal, F.P.V. Koch, N. Stingelin,
   P. Smith, M.F. Toney, A.A. Salleo, Nat. Mater., 12, 1038 (2013).
   DOI: 10.1038/nmat3722
- [3] I. Vladimirov, M. Kühn, T. Geßner, F. May, R.T. Weitz, Sci. Rep., 8, 14868 (2018). DOI: 10.1038/s41598-018-33308-y
- [4] M.-A. Muth, G. Gupta, A. Wicklein, M. Carrasco-Orozco, T. Thurn-Albrecht, M. Thelakkat, J. Phys. Chem. C, 118, 92 (2014). DOI: 10.1021/jp4086602
- [5] T. Meier, H. Bässler, A.Köhler, Adv. Opt. Mater., 9, 2100115 (2021). DOI: 10.1002/adom.202100115
- [6] H. Bässler, Phys. Status Solidi B, 175, 15 (1993).DOI: 10.1002/pssb.2221750102
- [7] A.Ya. Freidzon, A.A.Bagaturyants, Ya.V. Burdakov,V.R. Nikitenko, V.A. Postnikov, J. Phys. Chem. C, 125, 13002 (2021). DOI: 10.1021/acs.jpcc.1c02779
- [8] V.R. Nikitenko, M.N. Strikhanov, J. Appl. Phys., 115, 073704 (2014). DOI: 10.1063/1.4866326