05,08

# Критические индексы магнитных фазовых переходов как индикаторы топологии обменного взаимодействия в пленках гольмия

© Р.Б. Моргунов <sup>1,2,3</sup> С.Н. Кашин <sup>1</sup>, Р.А. Валеев <sup>3</sup>, В.П. Пискорский <sup>3</sup>, М.В. Бурканов <sup>3</sup>

Тамбов, Россия

E-mail: spintronics2022@yandex.ru

Поступила в Редакцию 26 апреля 2024 г. В окончательной редакции 26 апреля 2024 г. Принята к публикации 30 апреля 2024 г.

Переходы между различными типами спинового упорядочения в пленках гольмия исследованы в диапазоне температур  $10-140\,\mathrm{K}$  и магнитных полей  $0-4\,\mathrm{T}$ . Магнитная фазовая диаграмма в координатах H-T, указывает на наличие переходов между промежуточными фазами геликоида из геликоидального состояния (helix) в такие спиновые структуры, как ферромагнетик (ferro), веер (fan) и скользящие структуры (spin-slip). Метод Арротта позволил определить критические индексы для каждого из переходов. На основе критических индексов сделан выбор моделей и их комбинаций, применимых для описания упомянутых неколлинеарных спиновых состояний.

**Ключевые слова:** пленки гольмия, спиновые структуры, спин-переориентационный переход, критические инпексы.

DOI: 10.61011/FTT.2024.05.58077.106

#### 1. Введение

Гольмий ниже температуры Кюри демонстрирует различные типы спинового упорядочения. Помимо коллинеарного ферромагнитного состояния наблюдаются различные магнитные фазы (fan, helix, spin-slip), существующие ниже температуры Нееля 133 К (рис. 1). Эти спиновые структуры образуются в результате конкуренции обменного взаимодействия с магнитной анизотропией, а также в результате разницы контактного обменного взаимодействия в слоях и между слоями гексагональной кристаллической решетки гольмия. В частности, имеет значение соотношение обменного взаимодействия между соседними слоями и следующими соседями [1]. Все эти факторы зависят от температуры, что приводит к смене спиновой структуры в гольмии при ее изменении. Увеличение магнитного поля и соответствующей Зеемановской энергии изменяет баланс энергий обменных взаимодействий и магнитной анизотропии, также приводя к переключению между различными спиновыми конфигурациями.

В [2] мы установили границы переходов между упомянутыми состояниями в пленках гольмия толщиной 400 nm (рис. 2). Фазовая диаграмма в координатах поле H — температура — T для пленок гольмия не отличается значительно от фазовых диаграмм, установ-

ленных другими авторами для объемных образцов гольмия [3,4]. Это связано с тем, что толщина пленки 400 nm значительно превышает максимальный известный период спиновых структур в гольмии  $\sim 30-40$  nm [5]. Например, период вращения спиновой спирали в геликоидальной спиновой структуре гольмия равен 12 параметрам решетки 5.6 Å вдоль кристаллографической оси c.

Магнитные фазовые переходы между различными состояниями могут быть охарактеризованы критическими индексами, определяемыми из диаграммы Арротта [6]. Хотя анализ спиновых конфигураций и метод Арротта основаны на молекулярной теории поля Вейсса, предполагающей пропорциональность между собственным магнитным полем ферромагнетика и его намагниченностью, этот метод может быть использован и тогда, когда теория Вейсса неприменима. Анализ магнитных фазовых переходов основан на уравнении Арротта—Ноукса, которое связывает намагниченность M и магнитное поле H [6]:

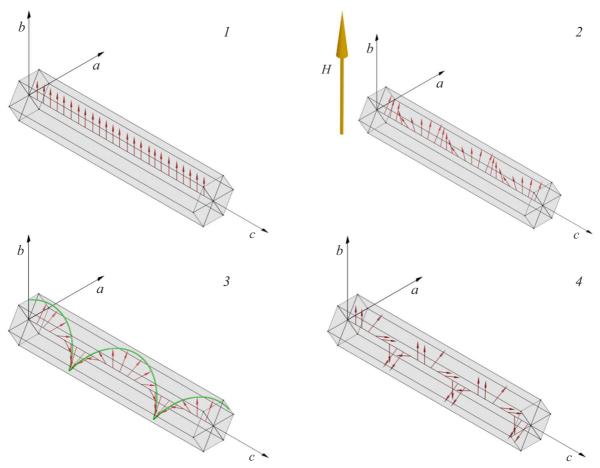
$$(H/M)^{1/\gamma} = \frac{(T - T_c)}{T_c} + \left(\frac{M}{M_0}\right)^{1/\beta},$$
 (1)

где  $\gamma$  и  $\beta$  — критические параметры, подлежащие определению и сравнению с их значениями для известных моделей обменного взаимодействия. Например, в рамках модели среднего поля критические параметры

 $<sup>^1</sup>$  Федеральный исследовательский центр проблем химической физики и медицинской химии РАН, Черноголовка, Россия

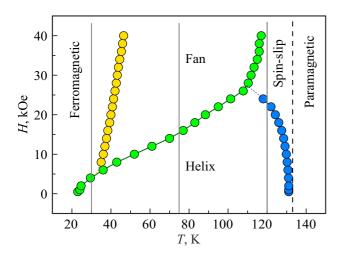
<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Тамбовский государственный технический университет,

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Всероссийский научно-исследовательский институт авиационных материалов научно-исследовательского центра "Курчатовский институт", Москва, Россия



**Рис. 1.** Ферромагнитные (1), веерные (2), геликоидальные (3) и spin-slip (4) спиновые состояния в пленках гольмия. Стрелкой показано направление поля.

равны  $\beta=0.5,\ \gamma=1.0$  и определяются из зависимости M(H), которая окажется прямой линией в координатах  $M^2(H/M)$ . Положительный наклон прямой линии в ко-



**Рис. 2.** Магнитная фазовая диаграмма пленки гольмия, полученная методом СКВИД-магнитометрии в [2]. Вертикальными линиями показаны температуры фазовых переходов, исследуемых методом кривых Арротта.

ординатах  $M^2(H/M)$  указывает на переход второго рода в то время, как отрицательный наклон соответствует переходу первого рода. Теоретические коэффициенты, известные из литературы для различных моделей обменного взаимодействия [7–9], представлены в табл. 1.

Перечисленные в табл. 1 модели среднего поля, Изинга, Гейзенберга и трикритическая модель различаются вкладом обменного взаимодействия для x, y, z компонент спинов и определяют топологию упорядоченной спиновой конфигурации, которая в предельных случаях может быть двумерной (модель 2D Изинга) или трехмерной (модель Гейзенберга). Разумеется, классы универсальности в табл. 1 и соответствующие критические индексы совсем не обязательно реализуются в конкретной системе спинов. Часто наблюдаются смешанные ситуации с промежуточными значениями коэффициентов  $\beta, \gamma$ .

Цель работы заключалась в определении критических индексов переходов ferro — helix, fan — helix, spinslip — helix и анализе их значений для получения информации о моделях обменного взаимодействия, применимых к описанию неколлинеарных состояний пленок гольмия.

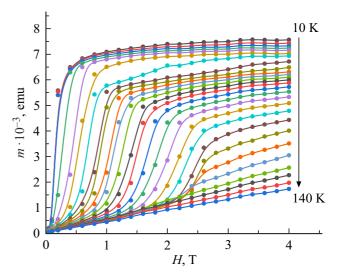
Таблица 1. Теоретические значения критических коэффици-
ентов для различных моделей спинового упорядочения с раз-
личным соотношением вкладов $x, y, z$ компонент спинов

Используемая модель	Критические коэффициенты $\beta$ , $\gamma$	Ссылка на работу
Среднее поле	$\beta = 0.5$ $\gamma = 1$	[7]
Трикритическая модель	$\beta = 0.25$ $\gamma = 1$	[8]
3D-XY	$\beta = 0.346$ $\gamma = 1.316$	[7]
2D-Изинг	$\beta = 0.125$ $\gamma = 1.75$	[9]
3D-Изинг	$\beta = 0.325$ $\gamma = 1.24$	[7]
Гейзенберг	$\beta = 0.365$ $\gamma = 1.386$	[7]

### 2. Методика и образцы

Методом магнетронного распыления мы нанесли пленку Но толщиной 400 nm на монокристаллическую подложку MgO с промежуточным буферным слоем из вольфрама W. Напыление W на MgO (100) сначала приводит к росту W (100), что устанавливает эпитаксиальный рост в Но с осью c (0002), перпендикулярной пленке. Для защиты пленки Но от окисления использовался еще один слой W толщиной 5 nm. Перед нанесением пленок подложку отжигали при 800°C в течение 45 min, а затем при 700°C в течение 30 min, после чего при той же температуре была нанесена пленка W толщиной 10 nm. После этого образец охлаждали до комнатной температуры. Затем образец был покрыт слоем W толщиной 5 nm. Пленка Но толщиной 400 nm соответствует ~ 60 периодам вращения спиновой спирали (каждый период равен 12 параметрам решетки 5.6 Å по оси c) в объеме Но.

Магнитные измерения были проведены с помощью магнетометра SQUID MPMS XL Quantum Design, в диапазоне температур  $10-140\,\mathrm{K}$  и в магнитном поле  $0-4\,\mathrm{T}$ . При этом измеряли полевые зависимости магнитного момента m при разных температурах, изменяемых с шагом  $5\,\mathrm{K}$  (рис. 3). В дальнейшем набор этих кривых был представлен в координатах  $m^{1/\beta}$  ( $(H/m)^{1/\gamma}$ ) а коэффициенты  $\beta$  и  $\gamma$  подобраны так, чтобы зависимость  $m^{1/\beta}$  ( $(H/m)^{1/\gamma}$ ) была прямой линией при температурах 30, 75,  $120\,\mathrm{K}$ , которые были нами выбраны для исследования переходов из геликоидального состояния в конфигурации ferro, helix, spin-slip. Вертикальными линиями на рис. 2 показаны значения этих температур и точки пересечения с границами спиновых фаз при различных полях.

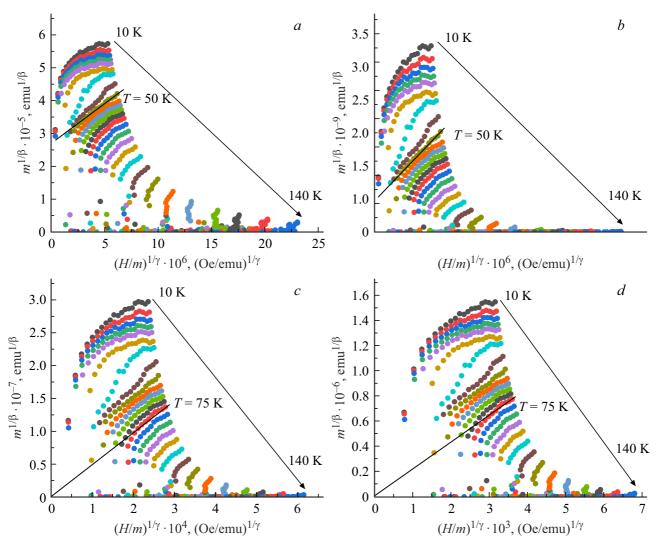


**Рис. 3.** Полевые зависимости магнитного момента пленки Ho, полученные в диапазоне температур  $10-140\,\mathrm{K}$  с шагом  $5\,\mathrm{K}$ .

## 3. Экспериментальные результаты и обсуждение

На рис. 3 приведены изотермические полевые зависимости, записанные в диапазоне температур 10–140 К. При высоких температурах 135 и 140 К наблюдаются линейные зависимости, которые характеризуют парамагнитное состояние гольмия. Понижение температуры приводит к нелинейным зависимостям m(H), что свидетельствует о возникновении магнитоупорядоченных спиновых состояний и фазовых переходах. Кроме того, на рис. 3 видно, что в зависимости от температуры имеется резкий перегиб в полях до 3 Т, который говорит о переходе, индуцированном магнитным полем при постоянной температуре. При низких температурах наблюдается переход в ферромагнитное состояние и насыщение кривых намагничивания уже в слабых полях < 1 Т, в то время, как повышение температуры ведет к тому, что даже в поле 4 Т кривые намагничивания далеки от насыщения. Поскольку константы анизотропии растут при охлаждении, этот факт говорит о том, что повышение температуры меняет магнитную фазу на другую, обладающую большим полем анизотропии и насыщения.

Для дальнейшего анализа эта серия кривых была представлена в различных координатах так, чтобы подбор коэффициентов  $\beta$  и  $\gamma$  обеспечивал спрямление кривых при температурах 30, 75, 120 К в координатах  $m^{1/\beta}$  ( $(H/m)^{1/\gamma}$ ) (рис. 4). На рис. 4 представлены кривые в координатах Арротта для разных значений критических коэффициентов в модели среднего поля ( $\beta=0.5$ ,  $\gamma=1$ ) (рис. 4, a), трикритической модели среднего поля ( $\beta=0.325$ ,  $\gamma=1.24$ ) (рис. 4, c), Гейзенберга ( $\beta=0.365$ ,  $\gamma=1.368$ ) (рис. 4, d), а также для экспериментально определенных коэффициентов: ( $\beta=0.58$ ,  $\gamma=1.43$ ) для температуры



**Рис. 4.** Кривые Арротта в диапазоне температур  $10-140\,\mathrm{K}$  с шагом  $5\,\mathrm{K}$  для пленки Но. Критические коэффициенты соответствуют моделям среднего поля  $(\beta=0.5,\ \gamma=1)\ (a)$ , трикритической модели среднего поля  $(\beta=0.25,\ \gamma=1)\ (b)$ , Изинга  $(\beta=0.325,\ \gamma=1.24)\ (c)$ , Гейзенберга  $(\beta=0.365,\ \gamma=1.368)\ (d)$  и экспериментальным коэффициентам:  $(\beta=0.58,\ \gamma=1.43)$  для температуры  $30\,\mathrm{K}$  при переходе из FM в Helix (e),  $(\beta=0.35,\ \gamma=1.34)$  для перехода Helix—Fan при температуре  $75\,\mathrm{K}\ (f)$ ,  $(\beta=0.43,\ \gamma=1.3)$  для перехода Helix—Spin-slip при температуре  $120\,\mathrm{K}\ (g)$ . На вставке (g) показано спрямление при температуре  $120\,\mathrm{K}\$  Черными сплошными линиями показано спрямление кривых при температуре фазового перехода.

 $30\,\mathrm{K}$  при переходе из FM в Helix (рис. 4,e) ( $\beta=0.35,$   $\gamma=1.34$ ) для перехода Helix—Fan при температуре 75 K (рис. 4,f), ( $\beta=0.43,$   $\gamma=1.3$ ) для перехода Helix—Spinslip при температуре  $120\,\mathrm{K}$  (рис. 4,g). На вставке к рис. 4,g показано спрямление при температуре  $120\,\mathrm{K}$ . Черными сплошными линиями показано спрямление кривых при температуре фазового перехода.

В случае коллинеарного ферромагнетика при значениях параметров  $\beta=0.5$  и  $\gamma=1$  на рис. 4, a происходило бы спрямление линий в координатах  $m^2(H/m)$  в модели среднего поля [10–12]. Невозможность применения модели среднего поля для описания поведения спинов в диапазоне температур  $10-140\,\mathrm{K}$ , вероятно, связана с тем, что теория среднего поля не способна описать геликоидальное (Helix) или веерное (Fan) спиновое упо-

рядочение в системе. В табл. 2 собраны коэффициенты, получившиеся подгонкой зависимостей при контрольных температурах так, чтобы они становились прямыми линиями.

Исходя из полученных зависимостей на рис. 4, можно сделать вывод о том, что модели теории среднего поля и трикритической модели при анализе кривых Арротта являются неподходящими, поскольку критические коэффициенты для данных моделей не приводят к спрямлению кривых ни при какой температуре фазового перехода. Использование моделей Изинга и Гейзенберга позволяют зарегистрировать переход из Helix в Fan спиновых состояний. Поскольку метод Аррота основан на теории среднего поля Вейсса, в его основе лежит функция Ланжевена, которая связывает величину намаг-

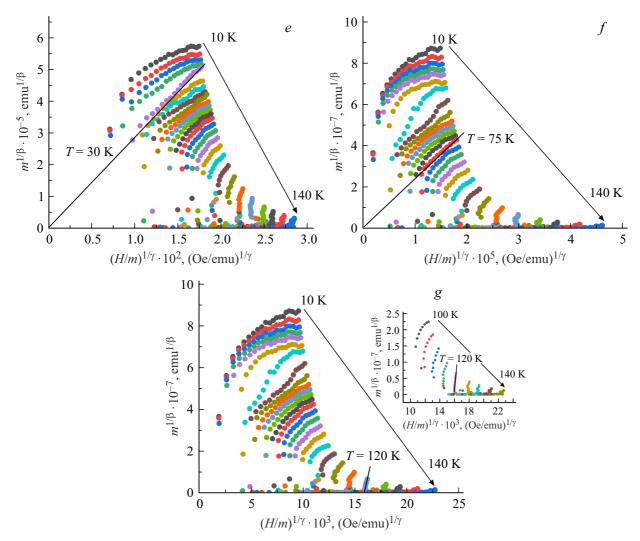


Рис. 4 (продолжение).

ниченности с полем и температурой

$$M = M_0 \tanh\left(\frac{\mu(H + NM)}{kT}\right). \tag{2}$$

Выражение (2) может быть представлено в виде разложения в ряд по степеням  $M/M_0$ :

$$\frac{\mu H}{kT} + N \frac{\mu M}{kT} = \frac{M}{M_0} + \frac{1}{3} \left(\frac{M}{M_0}\right)^3 + \frac{1}{5} \left(\frac{M}{M_0}\right)^5 + \dots (3)$$

Уравнение (1) получается из (3) при отбрасывании членов  $M/M_0$  порядка выше третьего. Если установленные в результате анализа Арротта коэффициенты из табл. 2 сравнить с теоретическими коэффициентами из табл. 1, окажется, что переход между ферромагнитным и геликоидальным состояниями при 30 К с коэффициентами  $\beta=0.58$  и  $\gamma=1.43$  отвечает теории "среднего поля", хотя  $\gamma$  несколько завышен. При 75 К при переходе между геликоидом и веером коэффициенты  $\beta=0.35$  и  $\gamma=1.34$  точно соответствуют 3D-XY-модели. Наконец,

**Таблица 2.** Критические коэффициенты и температуры переходов, полученные экспериментально методом Арротта, а также возможные соответствующие модели

Используемая модель	Критические коэффициенты $\beta, \gamma$	Выбранная модель	Температура фазового перехода, К
Экспериментальные коэффициенты	$\beta = 0.58$ $\gamma = 1.43$	Среднее поле	30
Экспериментальные коэффициенты	$\beta = 0.35$ $\gamma = 1.34$	3D-XY	75
Экспериментальные коэффициенты	$\beta = 0.43$ $\gamma = 1.30$	Гейзенберг	120

при 120 K, когда происходит переход из геликоидального состояния в структуру spin-slip, величины коэффициентов составляют  $\beta=0.43$  и  $\gamma=1.3$ , что близко к модели Гейзенберга для трехмерного упорядочения спинов. При

этом в последнем случае спрямление кривой в координатах  $m^{1/\beta}$   $((H/m)^{1/\gamma})$  хотя и достигается, соответствующая прямая не проходит через начало координат, что может объясняться невозможностью отбрасывания членов ряда в формуле (3) с порядком выше третьего. В этом же может заключаться причина завышенного значения коэффициента  $\gamma$  при переходах при 30 и 120 K. Все переходы, проанализированные в настоящей работе, являются переходами второго рода. Модели с доминирующим обменом в плоскости ХУ возникают вследствие доминирования обменных взаимодействий в плоскости, перпендикулярной оси c гексагональной структуры [13]. Отметим, что в общем случае критические индексы взаимосвязаны друг с другом, и, в зависимости от размерности, соотношения, связывающие их, могут быть различными [12]. В рамках настоящей работы нам не удается одновременно определить размерность и все критические индексы, установив эти соотношения. Однако, обнаруженное сходство пар индексов  $\beta$  и  $\gamma$  с индексами в известных системах [7-9] позволяет предполагать аналогичные классы универсальности для спиновых конфигураций в исследованных пленках гольмия.

#### 4. Заключение

В пленках гольмия, приближенных по свойствам к объемному материалу, были получены диаграммы Арротта и определены соответствующие критические индексы, позволяющие судить о магнитных классах универсальности. Переходы второго рода из геликоидального состояния в ферромагнитное состояние описываются теорией "среднего поля", в состояние веера — теорией трехмерной модели Изинга, а в состояние spin-slip — стандартной моделью Гейзенберга для трехмерного упорядочения спинов. Таким образом, для нескольких состояний, в которые гольмий переходит из геликоидальной спиновой структуры, определены классы универсальности.

#### Финансирование работы

Работа выполнена в рамках тематической карты Федерального исследовательского центра проблем химической физики и медицинской химии РАН 124013100858-3.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- [1] F.H.S. Sales, A.L. Dantas, A.S. Carriço. AIP Advances **2**, *3*, 032158 (2012).
- [2] O. Koplak, R. Morgunov, R. Medapalli, E.E. Fullerton, S. Mangin. Phys. Rev. B 102, 13, 134426 (2020).
- [3] J.R. Gebhardt, N. Ali. J. Appl. Phys. 83, 11, 6299 (1998).

- [4] L.J. Rodrigues, V.D. Mello, D.H.A.L. Anselmo, M.S. Vasconcelos. J. Magn. Magn. Mater. 377, 24 (2015).
- [5] J. Jensen. J. Phys. Colloques 49, C8, C8-351 (1988).
- [6] I. Yeung, R.M. Roshko, G. Williams. Phys. Rev. B 34, 5, 3456 (1986).
- [7] S.N. Kaul. J. Magn. Magn. Mater. **53**, 1–2, 5–53 (1985).
- [8] N. Moutis, I. Panagiotopoulos, M. Pissas, D. Niarchos. Phys. Rev. B 59, 2, 1129 (1999).
- [9] Y. Wang, W. Liu, J. Zhao, J. Fan, L. Pi, L. Zhang, Y. Zhang. New J. Phys. 22, 1 (2020).
- [10] М. Фишер. Природа критического состояния. Мир, М. (1968). 221 с. [М.Е. Fisher. The Nature of Critical Points. University of Colorado Press (1965)].
- [11] III. Ма. Современная теория критических явлений. Мир, М. (1980). 298 с. [S. Ma. Modern Theory of Critical Phenomena. Routledge (1976)].
- [12] B. Rosenstein, Yu Hoi-Lai, A. Kovner. Phys. Lett. B 314, 3-4, 381 (1993).
- [13] S.T. Bramwell, P.C.W. Holdsworth. J. Appl. Phys. **73**, *10*, 6096 (1993).

Редактор Т.Н. Василевская