# 05,08

# Влияние сингулярностей ван Хове на спиновую накачку в структуре магнонный кристалл/нормальный металл

© С.Л. Высоцкий<sup>1,2</sup>, Ю.В. Никулин<sup>1,2</sup>, Г.М. Дудко<sup>1</sup>, В.К. Сахаров<sup>1,2</sup>, А.В. Кожевников<sup>1</sup>, М.Е. Селезнев<sup>1,2</sup>, Ю.В. Хивинцев<sup>1,2</sup>, А.Г. Хитун<sup>3</sup>, С.А. Никитов<sup>4</sup>, Ю.А. Филимонов<sup>1,2,5,¶</sup>

<sup>1</sup> Саратовский филиал Института радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова РАН, Саратов, Россия

<sup>2</sup> Саратовский национальный исследовательский государственный университет им. Н.Г. Чернышевского, Саратов.Россия

<sup>3</sup> Department of Electrical and Computer Engineering, University of California-Riverside,

Riverside, California, USA 92521

<sup>4</sup> Институт радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова РАН,

Москва, Россия

<sup>5</sup> Саратовский государственный технический университет им. Ю.А. Гагарина, Саратов, Россия

<sup>¶</sup> E-mail: yuri.a.filimonov@gmail.com

Поступила в Редакцию 18 апреля 2024 г. В окончательной редакции 18 апреля 2024 г. Принята к публикации 8 мая 2024 г.

> С помощью обратного спинового эффекта Холла исследована спиновая накачка обратными объемными магнитостатическими волнами (ООМСВ) в структуре на основе магнонного кристалла из пленки железоиттриевого граната и микрополоски Pt. Обнаружен резонансный рост сигнала ЭДС на частотах брэгговских резонансов (БР), что отражает рост эффективности спиновой накачки. Резонансное усиление спиновой накачки объясняется ростом эффективности электрон-магнонного рассеяния за счет формирования в спектре ООМСВ на частотах БР участков дисперсии с высокой плотностью состояний — сингулярностей ван Хове.

> Ключевые слова: спиновая накачка, спиновые волны, плотность состояний, магнонный кристалл, структуры железоиттриевый гранат/платина (YIG/Pt).

DOI: 10.61011/FTT.2024.07.58375.38HH

## 1. Введение

Магнонная диэлектрическая спинтроника — область спинтроники, связанная с устройствами и технологиями обработки информации, использующими спиновый ток, переносимый в магнитных диэлектриках (МД) спиновыми волнами (СВ) (или магнонами) [1-3]. В структурах на основе пленок МД и нормального металла (НМ) [4-13] обменное взаимодействие электронов проводимости со спинами магнитных ионов, локализованных на границе раздела МД/НМ, и спин-орбитальное взаимодействие приводят к спин-зависимому электронмагнонному рассеянию и генерации спинового тока через границу раздела. Спиновый ток Ј<sub>s</sub>, передаваемый через единицу площади поверхности, определяется разницей в отражательной способности интерфейса по отношению к электронам с противоположной ориентацией спинов в процессах электрон-магнонного рассеяния [14]. Величина Ј<sub>к</sub> пропорциональна числу каналов рассеяния, которое определяется числом магнитных ионов, обменно-связанных с электронами НМ на поверхности МД, и определяется выбором параметров технологического процесса, влияющих на шероховатость, элементный состав и микроструктуру интерфейса [15-17].

С другой стороны, величина  $J_s$  отражает интенсивность процессов электрон-магнонного рассеяния в каждом из каналов и определяется параметрами взаимодействующих электронной и магнонной подсистем, в том числе плотностью состояний (ПС) электронов проводимости на уровне Ферми  $g_{el}$  и зависящей от частоты ( $\omega$ ) ПС магнонов  $g(\omega)$  в спектре СВ структуры МД/НМ [18]:

$$J_s \sim \int g_{el} \cdot g(\omega) d\omega. \tag{1}$$

Из (1) следует, что для эффективной генерации  $J_s$  необходимо разрабатывать структуры и искать условия, обеспечивающие существование на интерфейсе МД/НМ сингулярностей ван Хове (CBX) [19] как для электронов  $(g_{el} \to \infty)$ , так и для магнонов  $(g(\omega) \to \infty)$ .

Недавно было показано, что введение дополнительных проводящих слоев между пленками железо-иттриевого граната (Y<sub>3</sub>Fe<sub>5</sub>O<sub>12</sub> (YIG)) и платины (Pt) может привести к увеличению ПС электронов  $g_{el}$  на границе раздела, что сопровождается увеличением  $J_s$  [20,21] и ростом сигнала электродвижущей силы (ЭДС), генерируемой за счет обратного спинового эффекта Холла (ISHE)  $V_{ISHE}$ ( $V_{ISHE} \sim J_s$ ) [20]. Было также показано, что с помощью

1069

электрического поля можно управлять плотностью состояний электронов на уровне Ферми в пленке Pt [22,23].

Для поиска условий эффективной спиновой накачки когерентными СВ удобно воспользоваться соответствием [19] частот СВХ в спектре пленки частотам, на которых групповая скорость СВ  $V_g = \bigtriangledown_{\mathbf{k}} \omega(\mathbf{k}) 
ightarrow \mathbf{0},$  где  $\omega = \omega(\mathbf{k})$  — закон дисперсии CB,  $\mathbf{k}$  — волновой вектор в плоскости пленки. Типичная геометрия эксперимента по спиновой накачке предполагает, что внешнее магнитное поле Н лежит в плоскости структуры [4–13]. Спектр дипольных магнитостатических волн (МСВ) касательно намагниченной пленки YIG состоит из поверхностной (ПМСВ) и обратной объемной (ООМСВ) МСВ [24]. ООМСВ с волновым вектором k || Н занимают область частот  $[\omega_H, \omega_0]$ , где  $\omega_0 = \sqrt{\omega_H^2 + \omega_H \omega_m}, \omega_H = \gamma H$ ,  $\omega_m = \gamma 4\pi M$ ,  $\gamma$  и  $4\pi M$  гиромагнитное отношение и намагниченность YIG, соответственно. ПМСВ при  $\mathbf{k} \perp \mathbf{H}$ занимают полосу частот  $[\omega_0, \omega_s]$ , где  $\omega_s = \omega_H + \omega_m/2$ . Частотные зависимости ПС  $g(\omega)$  в спектре ООМСВ и ПМСВ были получены в работе [24] и, для интересующей нас далее геометрии ООМСВ, зависимость  $g(\omega)$ можно записать в виде

$$g(\omega) = \frac{\omega \omega_m}{\omega_H \sqrt{\omega_0^2 - \omega^2}}.$$
 (2)

Плотность состояний  $g(\omega)$  в спектре ООМСВ имеет сингулярность на частоте  $\omega_0$  ( $g(\omega_0) \to \infty$ ), совпадающей с частотой однородного ФМР. Полюс при  $\omega \to \omega_0$  функции  $g(\omega)$  отражает вырождение по частоте мод дипольных ООМСВ с  $\mathbf{k} \perp \mathbf{H}$ . Эксперименты по спиновой накачке в структурах YIG/Pt дипольными ООМСВ показали, что характер частотной зависимости ЭДС  $V_{\text{ISHE}}(f)$  ( $f = \frac{\omega}{2\pi}$ ) коррелирует с выражением (2) и ЭДС достигает максимальных значений на частотах  $f \approx f_0$  [25,26].

Цель настоящей работы — показать, что при спиновой накачке ООМСВ в структуре, составленной из пленки YIG, с вытравленной на поверхности периодической решеткой из канавок (магнонном кристалле (МК)), контактирующей с микрополоской Pt, в зависимости  $V_{\text{ISHE}}(f)$  появляются дополнительные максимумы на частотах брэгговских резонансов (БР)  $f_B$ .

Отметим, что распространение ООМСВ в МК на основе пленки YIG рассматривалось в работах [27–30]. Было обнаружено, что формирование на поверхности пленки YIG решетки из канавок с периодом  $\Lambda$  приводит на частотах  $f_B$  к появлению в спектре передачи ООМСВ полос режекции сигнала [27–30], а в законе дисперсии k(f) участков аномальной дисперсии [30]. Эти особенности в распространении ООМСВ отражают существование запрещенных зон в спектре МК на частотах  $f_B$ . При этом на краях запрещенной зоны формируются участки дисперсии с  $V_g \rightarrow 0$  [31–33], что является характерным признаком для CBX. Нашей целью было показать, что в структуре МК-Рt рост эффективности спиновой накачки на частотах  $f_B$  связан

с ростом ПС состояний в области частот, отвечающих запрещенной зоне.

## 2. Описание эксперимента

Эксперименты выполнялись со структурой на основе пленки YIG, толщиной  $d = 7.4 \,\mu \text{m}$ , эффективной намагниченностью  $4\pi M = 1860 \,\mathrm{G}$  и плоскостными размерами 6 mm × 10 mm. На всей поверхности пленки с помощью методов фотолитографии и ионного травления формировалась решетка из канавок шириной  $w = 10 \,\mu m$ , глубиной  $\delta = 0.2 \,\mu$ m, длиной 6 mm и периодом  $\Lambda = 170 \,\mu$ m. Затем с помощью фотолитографии и ионного травления на поверхности МК изготавливалась микрополоска Pt толщиной 4 nm, шириной 25 µm, длиной 6 mm, см. вставку к рис. 1. Структура МК-Рt размещалась на медных полосковых антеннах длиной 5 mm и шириной  $w = 40 \,\mu {\rm m}$ . При этом канавки были параллельны антеннам СВ. Расстояние между антеннами составляло  $S = 5 \,\mathrm{mm}$ . Контакты к микрополоске Pt изготавливались с помощью токопроводящей пасты. Макет помещался в зазор электромагнита, поле Н которого было направлено перпендикулярно антеннам СВ и вытравленным канавкам, что соответствует геометрии ООМСВ.

Характеристики ООМСВ измерялись с помощью векторного анализатора цепей. Измерялись спектры передачи  $S_{21}(f)$  и коэффициент отражения  $S_{22}(f)$  падающей мощности  $P_{in} = -20$  dBm. Частотные зависимости ЭДС  $V_{ISHE}(f)$  измерялись в режиме модуляции падающей СВЧ-мощности  $P_{in} = 7$  dBm с частотой 11 kHz.

Микромагнитное моделирование распространения ООМСВ в МК проводилось с помощью распространяемой программы Object свободно Oriented Micromagnetic Framework (OOMMF) [34], а постобработка полученных данных — аналогично [35]. Для расчетов бралась периодическая структура с параметрами идентичными экспериментальной. Брались значения обменной жесткости —  $A_{\rm ex} = 3.5 \cdot 10^{-7} \, {\rm erg/cm}$ и параметра затухания CB —  $\alpha = 10^{-5}$ . Длина образца бралась равной 64 периодам решетки и составляла 10.880 mm. Размер элементарной ячейки составлял  $dx \times dy \times dz = 1 \,\mu\text{m} \times 1 \,\mu\text{m} \times 0.2 \,\mu\text{m}$ . Вдоль оси Оу применялись периодические граничные условия. Возбуждение ООМСВ осуществлялось импульсом поля, направленным по оси Ог:

$$h_{\rm in} = A \cdot sinc(2\pi f_c[t-t_0]), \qquad (3)$$

где A = 100 A/m — амплитуда импульса;  $f_c = 5 \text{ GHz}$  — максимально возможная частота ООМСВ, возбуждаемых импульсом (3); t — время;  $t_0 = 50 \text{ ns}$  — смещение по времени. Данный импульс прикладывался к области пленки шириной  $\xi = 2 \mu \text{m}$ , расположенной в центре образца ( $x_{\text{in}} = 5440 \,\mu\text{m}$ ), рассматриваемой как входная антенна. В качестве выходной антенны рассматривался участок пленки шириной  $\xi = 2 \,\mu\text{m}$ , расположенный при  $x_{\text{out}} = 2720 \,\mu\text{m}$ .



**Рис. 1.** Схема эксперимента и структура МК/Рt. На вставке фотография участка поверхности МК с микрополоской платины. Цифрами *1* и *2* показаны антенны CB, подключенные к выходам векторного анализатора спектра.

Полученные распределения  $4\pi M(x, y, z, t_i)$  по всей структуре и усредненный сигнал (полное поле) под входной антенной  $h_{in}(t_i)$  и выходной антеннами  $h_{out}(t_i)$  сохранялись каждые  $t_i = 100$  рѕ в течении 1 µѕ. Далее для построения карт дисперсионных характеристик f = f(k) использовалось двумерное преобразование Фурье по времени и пространству от набора  $4\pi M(x, t_i)$  (по у и z проводилось усреднение).

Для анализа распространения ООМСВ в структуре, показанной на рис. 1, проводился расчет амплитудночастотных характеристик (АЧХ) "линий задержки", образованных "входной" (2) и "выходной" (1) антеннами. При этом АЧХ коэффициента прохождения  $S_{12}(f)$ рассчитывалась как [36]:

$$S_{12} = 20 \lg(\text{FFT}[h_{\text{out}}]/\text{FFT}[h_{\text{in}}]), \qquad (4)$$

где FFT $[h_{in}]$  и FFT $[h_{out}]$  — амплитуды Фурье-преобразования от временных реализаций  $h_{in}(t)$  и  $h_{out}(t)$ , соответственно.

# 3. Результаты эксперимента и их обсуждение

На рис. 2 приведены результаты измерения частотных зависимостей спектра передачи ООМСВ  $S_{12}(f)$  и коэффициента отражения  $S_{22}(f)$  структуры и ЭДС  $V_{\text{ISHE}}(f)$ при значении поля подмагничивания H = 620 Ое. Можно видеть, что в зависимостях  $S_{12}(f)$  и  $S_{22}(f)$  наблюдаются резонансные особенности, которые в исходной пленке YIG отсутствуют, см. кривые 1 и 2 на рис. 2, *а, b.* Для наглядности частоты резонансных особенностей выделены на рис. 2 вертикальными пунктирными линиями. Звездочками выделены резонансные особенности, которым отвечают частоты  $f_{B1} \approx 3355$ ;  $f_{B2} \approx 3275$ ;  $f_{B3} \approx 3198$ ;  $f_{B4} \approx 3130$  MHz и волновые вектора  $k_{B1} \approx 184$ ;  $k_{B2} \approx 368$ ;  $k_{B3} \approx 550$ ;  $k_{B4} \approx 736$  см<sup>-1</sup>. Полученные значения  $k_{Bn}$  отвечают критерию для БР:

$$\mathbf{k}^+ + \mathbf{k}^- = n\mathbf{Q},\tag{5}$$

 $\mathbf{k}^+$  и  $\mathbf{k}^-$  — волновые вектора падающей и отраженной волн,  $\mathbf{Q} = \frac{2\pi}{\Lambda} \mathbf{e}$  — волновой вектор решетки,  $\mathbf{e}$  — единичный вектор направленный по оси решетки, n — порядок брэгговского отражения.

В частотной зависимости ЭДС  $V_{\text{ISHE}}(f)$  на частотах  $f > 3.2 \,\text{GHz}$  отмеченным резонансным особенностям в



**Рис. 2.** Частотные зависимости: *a*) коэффициента отражения  $S_{22}(f)$  в МК (кривая *I*) и исходной пленке YIG (кривая *2*); *b*) спектра передачи ООМСВ  $S_{12}(f)$  в МК (*I*) и пленке YIG (*2*); *c*) ЭДС  $V_{\text{ISHE}}(f)$  — кривая *I* и расчет плотности состояний g(f) в спектре ООМСВ в пленке YIG по формуле (2) — кривая 2. Магнитное поле H = 620 Ое. Положение частоты  $f_0$  отмечено на рис. 2, *c* вертикальным пунктиром. Звездочками отмечены частоты БР основной моды ООМСВ.

-2.0

-1.5

-1.0



**Рис. 3.** (*a*) Результаты микромагнитного моделирования спектра ООМСВ в МК на основе пленки YIG с параметрами  $d = 7.4 \mu$ m,  $4\pi M = 1850$  G, обменная жесткость —  $A_{ex} = 3.5 \cdot 10^{-7}$  erg/cm, параметр затухания CB —  $\alpha = 10^{-5}$ , ширина канавок  $w = 10 \mu$ m, глубина  $\delta = 0.2 \mu$ m, период  $\Lambda = 170 \mu$ m, длина 10.88 мм. Магнитное поле H = 590 Oe. Цифрами 1-4 показаны номера наиболее интенсивных мод ООМСВ, дисперсионные кривые которых отвечают исходной пленке YIG. (*b*) Цифрами 1 и 2 обозначены соответственно, рассчитанная по выражению (4) и экспериментальная частотные зависимости коэффициента прохождения ООМСВ  $S_{12}(f)$ . Кривая 3 экспериментальная зависимость ЭДС  $V_{\text{ISHE}}(f)$ . Горизонтальные линии с указанием частоты (GHz) ООМСВ на кривых 1-3 показывают соответствие рассчитанных и обнаруженных в эксперименте резонансных особенностей частотам БР, для различных мод ООМСВ на рис. 3, *a*.

-0.5

0

*k*/10<sup>3</sup>, rad/cm

0.5

1.0

1.5

2.0

характеристиках  $S_{12}(f)$  и  $S_{22}(f)$  можно сопоставить резонансные пики. Амплитуда резонансных пиков в зависимости  $V_{\text{ISHE}}(f)$  немонотонно меняется с частотой ООМСВ. Сигнал ЭДС на частотах f < 3.2 GHz падает до шумового уровня ~ 10 nV, что можно связать в данном случае с низкой эффективностью возбуждения ООМСВ используемыми антеннами, а также быстрым спаданием ПС в спектре ООМСВ, см. кривую 2 на рис. 2, c. Отмеченные особенности в зависимостях  $S_{12}(f)$ ,  $S_{22}(f)$  и  $V_{\text{ISHE}}(f)$  сохранялись при изменении поля подмагничивания, при этом частоты, на которых они наблюдались смещались вместе с полосой возбуждения ООМСВ.

Чтобы выяснить механизм формирования максимумов в зависимости  $V_{\text{ISHE}}(f)$  обратимся к результатам микромагнитного моделирования спектра f(k) и расчета с помощью (4) частотной зависимости спектра передачи  $S_{12}(f)$  ООМСВ в МК, показанных на рис. 3, *a* и *b* соответственно. На рис. 3, *b* кроме рассчитанной частотной зависимости  $S_{12}(f)$ , показанной кривой *1*, приведены экспериментальные зависимости  $S_{12}(f)$  и  $V_{\text{ISHE}}(f)$ , показанные кривыми *2* и *3* соответственно. Экспериментальные зависимости  $S_{12}(f)$  и  $V_{\text{ISHE}}(f)$  были смещены вниз по частоте на 15 MHz, с тем чтобы совместить наибольшее число частот резонансных особенностей. Можно видеть, что положение большинства резонансных особенностей рассчитанной и экспериментальных зависимостей совпадает, что для наглядности показано горизонтальными линиями на рис. 3, *b*.

Спектр ООМСВ в МК на рис. 3, а характеризуется многообразием БР. Практически для каждой резонансной особенности в рассчитанной зависимости  $S_{12}(f)$ , показанной кривой 1 на рис. 3, b, можно сопоставить БР в спектре на рис. 3, а. Резонансного вида осцилляциям на частотах  $f_{B1} \approx 3.209$ ;  $f_{B2} \approx 3.129$ ;  $f_{B3} \approx 3.06$ ;  $f_{B4} \approx 2.99$  и  $f_{B5} \approx 2.93$  GHz отвечают резонансы основной моды (m = 1) ООМСВ. Резонансные особенности на кривой 1 (рис. 3, b) на частотах  $f_0 > f > f_{B1}$  отвечают БР мод ООМСВ номеров m = 2, 3, 4, а также резонансы этих мод с основной модой m = 1. Выбранные параметры пространственной сетки и длина временной реализации не позволяют получить достаточное разрешение спектра на частотах  $f_0 > f > f_{B1}$ . Однако из вида спектра на рис. 3, а можно сделать вывод, что вблизи частоты  $f_0$  запрещенные зоны в спектре на частотах БР могут формировать широкую полосу поглощения в спектре передачи. Следует также обратить внимание на еще одну особенность спектра МК на рис. 3, а, которая имеет вид "вложенных" БР. Наиболее отчетливо такая особенность видна для БР на частоте  $f_{B2} \approx 3.129 \,\text{GHz}$ , где в область БР основной моды m = 1 попадают моды с m = 3. При этом формирующиеся запрещенные зоны носят локальный характер.

В целом из вида спектра ООМСВ в МК можно сделать вывод о формировании в области запрещенных



**Рис. 4.** Карты распределения амплитуды и фазы намагниченности ООМСВ в МК на частотах БР с частотами  $f_{B1} \approx 3.206 \text{ GHz}$  (рис. 4, *a*) и  $f_{B2} \approx 3.127 \text{ GHz}$  (рис. 4, *b*). Показан участок пленки длиной  $350 \mu$ m на расстоянии 1.52 mm от входной антенны. Стрелкой показано направление распространения ООМСВ по оси *Ox*. Вставки слева иллюстрируют участки спектра ООМСВ в МК, показанного на рис. 3, *a*. Горизонтальная пунктирная линия на вставках указывает положение частот  $f_{B1} \approx 3.206 \text{ GHz}$  и  $f_{B2} \approx 3.127 \text{ GHz}$ . Индексы m1, m2, m3 указывают номера мод ООМСВ.

зон участков дисперсии, где  $V_g \rightarrow 0$  и где следует ожидать роста ПС в спектре, что должно отразиться в увеличении эффективности спиновой накачки бегущими ООМСВ. Зависимости  $V_{\text{ISHE}}(f)$  на рис. 2, *с* и рис. 3, *b* демонстрируют резонансный рост ЭДС на частотах БР. При этом амплитуда резонансных пиков ЭДС на частотах  $f_{B1}$  и  $f_{B2}$ , отвечающих БР основной моды ООМСВ m = 1, заметно меньше амплитуды пиков на частотах  $f > f_{B1}$ , см. кривую 3 на рис. 3, *b* и кривую 1 на рис. 2, *c*. Такая особенность может объясняться большой групповой скоростью моды m = 1 по сравнению с модами номеров m  $\geq 2$ , что для БР с участием мод с m  $\geq 2$ приводит к расширению участка дисперсии с малой групповой скоростью. В результате ПС в окрестности таких БР оказывается выше, чем для БР основной моды.

Обсудим теперь особенности распространения ООМ-СВ на частотах  $f_{B1}$  и  $f_{B2}$ , связанные с попаданием в область БР моды m = 1 мод с другими номерами m. В этом случае в интервале частот, отвечающих запрещенной зоне на частоте БР моды m = 1, могут оказываться моды ООМСВ с m  $\geq 2$ , сформированные брэгговскими отражениями порядка  $|n| \geq 3$ . На рис. 4 приведен результат микромагнитного моделирования распределения Фурьеамплитуд намагниченности ООМСВ на участке пленки длиной 350  $\mu$ m, находящимся на расстоянии 1.52 mm от возбуждающей антенны, для частот БР  $f_{B1} \approx 3.206$  GHz (рис. 4, *a*) и  $f_{B2} \approx 3.127$  GHz (рис. 4, *b*). Можно видеть, что амплитуда намагниченности ООМСВ убывает в направлении распространения, которое показано стрелкой на рис. 4. Распределение амплитуды и фазы на рис. 4, *a* показывает, что характер распределений определяется, в основном, модами ООМСВ с номерами m1 и m2. Для БР на частоте  $f_{B2} \approx 3.127$  GHz характер распределения амплитуды и фазы определяется модами m = 1 и m = 3, см. рис. 4, *b*.

Отметим, что длительность временной реализации  $t = 1 \,\mu$ s и длина структуры  $L = 1 \,\mathrm{cm}$ , определяют разрешение в спектре ООМСВ по волновому числу  $\Delta k = 2\pi/L \approx 6 \,\mathrm{cm}^{-1}$  и частоте  $\Delta f = t^{-1} = 1 \,\mathrm{MHz}$ . Результаты, показанные на рис. 3 и 4, получены при параметре затухания  $\alpha = 10^{-5}$ , что более чем на порядок меньше реальных потерь YIG. При типичном для YIG значении  $\alpha = 3 \cdot 10^{-4}$  и выбранных параметрах микромагнитного моделирования удается разрешить лишь БР для основной моды.

## 4. Заключение

Таким образом, в работе рассмотрена спиновая накачки бегущими ООМСВ в структуре магнонный кристалл на основе пленки YIG — платина (МК-Pt). Показано, что эффективность спиновой накачки бегущими ООМСВ может резонансно возрастать на частотах брэгговских резонансов (БР) за счет роста плотности состояний в спектре CB на краях запрещенной зоны. Отмечено, что многомодовый характер распространения ООМСВ приводит к образованию локальных запрещенных зон. При этом в запрещенной зоне на частотах БР основной моды ООМСВ (m = 1) могут оказаться резонансы мод ООМСВ с номерами m  $\geq 2$ .

## Финансирование работы

Работа выполнена при поддержке Российского научного фонда по гранту 22-19-00500. Работа С.А. Никитова выполнялась в рамках государственного задания "Спинтроника". Работа А. Хитуна частично поддержана Национальным научным фондом (NSF) в рамках проекта № 2006290, руководитель программы доктор С. Басу и корпорация INTEL (грант № 008635, Spin Wave Computing). Директор проекта — доктор Д.Е. Никонов.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют об отсутствии конфликта интересов.

# Список литературы

- A. Chumak, V. Vasyuchka, A. Serga, B. Hillebrands. Nature Phys. 11, 453 (2015). https://doi.org/10.1038/nphys3347
- [2] С.А. Никитов, Д.В. Калябин, И.В. Лисенков, А.Н. Славин, Ю.Н. Барабаненков и др. УФН 185, 1099 (2015).
- [3] С.А. Никитов, А.Р. Сафин, Д.В. Калябин, А.В. Садовников, Е.Н. Бегинин, М.В. Логунов, М.А. Морозова, С.А. Одинцов, С.А. Осокин, А.Ю. Шараевская, Ю.П. Шараевский, А.И. Кирилюк. УФН **190**, 1009 (2020).
- [4] V.E. Demidov, S. Urazhdin, G. de Loubens, O. Klein, V. Cros, A. Anane, S.O. Demokritov. Phys. Rep. 673, 23 (2017). http://dx.doi.org/10.1016/j.physrep.2017.01.001
- [5] M. Althammer. J. Phys. D 51, 313001 (2018);
   DOI: 10.1088/1361-6463/aaca89
- [6] V.E. Demidov, S. Urazhdin, A. Anane, V. Cros, S.O. Demokritov. J. Appl. Phys. 127, 170901 (2020). https://doi.org/10.1063/5.0007095
- [7] A. Brataas, B. van Wees, O. Klein, G. de Loubens, M. Viret. Phys. Rep. 885, 1 (2020). https://doi.org/10.1016/j.physrep.2020.08.006
- [8] Y. Kajiwara, K. Harii, S. Takahashi, J. Ohe, K. Uchida, M. Mizuguchi, H. Umezawa, H. Kawai, K. Ando, K. Takanashi, S. Maekawa, E. Saitoh. Nature 464, 262 (2010). DOI: 10.1038/nature08876
- [9] M. Collet, X. de Milly, O. d'Allivy Kelly, V.V. Naletov, R. Bernard, P. Bortolotti, J. Ben Youssef, V.E. Demidov, S.O. Demokritov, J.L. Prieto, M. Muñoz, V. Cros, A. Anane, G. de Loubens, O. Klein. Nature Commun. 7, 10377 (2016). https://doi.org/10.1038/ncomms1037720

- [10] M. Evelt, V.E. Demidov, V. Bessonov, S.O. Demokritov, J.L. Prieto, M. Muñoz, J. Ben Youssef, V.V. Naletov, G. de Loubens, O. Klein, M. Collet, K. Garcia-Hernandez, P. Bortolotti, V. Cros, A. Anane. Appl. Phys. Lett. 108, 172406 (2016). https://doi.org/10.1063/1.4948252
- [11] K.-I. Uchida, H. Adachi, T. Ota, H. Nakayama, S. Maekawa, E. Saitoh. Appl. Phys. Lett. 97, 172505 (2010). https://doi.org/10.1063/1.3507386
- [12] C.W. Sandweg, Y. Kajiwara, A.V. Chumak, A.A. Serga, V.I. Vasyuchka, M.B. Jungfleisch, E. Saitoh, B. Hillebrands. Phys. Rev. Lett. **106**, 216601 (2011). https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.106.216601
- [13] H. Kurebayashi, O. Dzyapko, V.E. Demidov, D. Fang, A.J. Ferguson, S.O. Demokritov. Nature Mater. 10, 660 (2011). https://doi.org/10.1038/NMAT3053
- [14] Y. Tserkovnyak, A. Brataas, G.E.W. Bauer. Phys. Rev. Lett. 88, 117601 (2002).

https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.88.117601

- [15] Z. Qiu, K. Ando, K. Uchida, Y. Kajiwara, R. Takahashi,
   H. Nakayama, T. An, Y. Fujikawa, E. Saitoh. Appl. Phys. Lett. 103, 092404 (2013). https://doi.org/10.1063/1.4819460
- [16] L.Liu, Y. Li, Y. Liu, T. Feng, J. Xu, X.R. Wang, D. Wu, P. Gao, J. Li. Phys. Rev. B 102, 014411 (2020).
   DOI: 10.1103/PhysRevB.102.014411
- [17] D. Song, L. Ma, S. Zhou, J. Zhu. Appl. Phys. Lett. 107, 042401 (2015). https://doi.org/10.1063/1.4927551
- [18] E.G. Tveten, A. Brataas, Y. Tserkovnyak. Phys. Rev. B 92, 180412(R) (2015). https://doi.org/10.1103/PhysRevB.92.180412
- [19] L. van Hove. Phys. Rev. 89, 1189 (1953). https://doi.org/10.1103/PhysRev.89.1189
- [20] G. Li, H. Jin, Y. Wei, J. Wang. Phys. Rev. B 106, 205303 (2022). https://doi.org/10.1103/PhysRevB.106.205303
- [21] V. Kalappattil, R. Geng, R. Das, M. Pham, H. Luong, T. Nguyen, A. Popescu, L.M. Woods, M. Klaui, H. Srikanth, M.H. Phan. Mater. Horizons 7, 1413 (2020). https://doi.org/10.1039/C9MH01498E
- [22] L. Wang, Z. Lu, J. Xue, P. Shi, Y. Tian, Y. Chen, S. Yan, L. Bai, M. Harder. Phys. Rev. Appl. 11, 044060 (2019).
- [23] Y.Z. Wang, T.Y. Zhang, J. Dong, P. Chen, G.Q. Yu, C.H. Wan, X.F. Han. Phys. Rev. Lett. **132**, 076701 (2024).
- [24] R.W. Damon, J.R. Eshbach. J. Phys. Chem. Solids 19, 308 (1961). DOI: 10.1016/0022-3697(61)90041-5
- [25] М.Е. Селезнев, Ю.В. Никулин, Ю.В. Хивинцев, С.Л. Высоцкий, А.В. Кожевников и др. Журн. радиоэлектроники 12, (2023). http://jre.cplire.ru/jre/dec23/4/abstract.html
- [26] S.L. Vysotsky, Yu.V. Nikulin, G.M. Dudko, V.K. Sakharov, A.V. Kozhevnikov, et all. 2022 Int. Conf. Actual Problems of Electron Devices Engineering (APEDE) — IEEE, 1, 32 (2022). https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/9912920
- [27] A.V. Chumak, A.A. Serga, B. Hillebrands, M.P. Kostylev. Appl. Phys. Lett. 93, 022508 (2008).
- [28] A.V. Chumak, A.A. Serga, S. Wolff, B. Hillebrands, M.P. Kostylev. J. Appl. Phys. 105, 083906 (2009).
- [29] A.V. Chumak, A.A. Serga, S. Wolff, B. Hillebrands, M.P. Kostylev. Appl. Phys. Lett. 94, 172511 (2009). https://doi.org/10.1063/1.3127227
- [30] D. Richardson, B.A. Kalinikos, L.D. Carr, M. Wu. Phys. Rev. Lett. 121, 107204 (2018). https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.121.107204
- [31] Ю.В. Гуляев, С.А. Никитов. Докл.АН 380, 469 (2001).

5

- [32] S.A. Nikitov, Ph. Tailhades, C.S. Tsai, J. Magn. Magn. Mater 236, 320 (2001).
- [33] С.Л. Высоцкий, С.А. Никитов, Ю.А. Филимонов. ЖЭТФ **128**, 636 (2005).
- [34] M.J. Donahue, D.G. Porter. OOMMF user's guide. Interagency Rep. NIST 6376 (1999).
- [35] M. Dvornik, Y. Au, V.V. Kruglyak. In: Magnonics. / Ed. S. Demokritov, A. Slavin. Springer, Berlin (2013). 125.P. 101–115.
- [36] В.К. Сахаров, Ю.В. Хивинцев, Г.М. Дудко, А.С. Джумалиев, С.Л. Высоцкий, А.И. Стогний, Ю.А. Филимонов. ФТТ 64, 1255 (2022).

Редактор Т.Н. Василевская