# <sup>19</sup> Анализ оптических свойств массива полусферических наночастиц Ag на поверхности SiO<sub>2</sub>/c-Si методом спектральной эллипсометрии

© А.А. Ермина, В.О. Большаков, К.В. Пригода, В.А. Толмачев, С.А. Грудинкин, Ю.А. Жарова ¶

ФТИ им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург, Россия <sup>¶</sup> e-mail: piliouquina@mail.ioffe.ru

Поступила в редакцию 02.05.2024 г. В окончательной редакции 26.05.2024 г. Принята к публикации 05.07.2024 г.

> Рассмотрен разупорядоченный массив самоорганизующихся полусферических наночастиц Ag на поверхности SiO<sub>2</sub>/Si. Структуры получены с помощью простого, воспроизводимого и недорогого метода восстановления Ag из раствора на поверхности монокристаллического кремния с последующей термической обработкой в атмосфере O<sub>2</sub> при 350°C. Проведен анализ оптических свойств, полученных неразрушающим методом спектральной эллипсометрии. Предложена многослойная модель с параболическим градиентом Ag/воздух для приближения эффективной среды Бруггемана, которая позволила с высокой точностью (±5 nm) определить толщину слоя наночастиц Ag. Положения "объемного" и локализованного плазмонных резонансов определены с помощью модели Друде и осцилляторов Лоренца.

> Ключевые слова: полусферические Ag наночастицы, кремний, локализованный поверхностный плазмонный резонанс, спектральная эллипсометрия, приближение эффективной среды Бруггемана, модель Друде, осциллятор Лоренца.

DOI: 10.61011/OS.2024.07.58903.6515-24

## Введение

Локализованный поверхностный плазмонный резонанс (ЛППР), возникающий в металлических наноструктурах при взаимодействии света со свободными электронами металла, позволяет резко увеличить электромагнитное поле на поверхности наноразмерных структур [1]. Интерес к исследованию структур с ЛППР растет с каждым годом, и это связано с большим прикладным потенциалом плазмонных наноструктур во многих областях, включая солнечную энергетику [2,3], наноплазмонную сенсорику [4,5], спектроскопию гигантского комбинационного рассеяния света (ГКР) [6,7] и нелинейную оптику [8,9]. Для управления положением ЛППР исследователи используют различные подложки [6,10] и благородные металлы (Au, Ag, Pt и их комбинации) [6], разные методы синтезирования металлических наночастиц [6,11,12], изменяя оптические свойства структур за счет вариации размера наночастиц и их формы, межчастичных расстояний и взаимодействий между ними, а также диэлектрической проницаемости окружающей среды [1,13-15]. Для характеризации оптических свойств плазмонных наноструктур необходимо определить их комплексную диэлектрическую проницаемость ( $\varepsilon = \varepsilon_1 + i\varepsilon_2$ , где  $\varepsilon_1$  — действительная и  $\varepsilon_2$  мнимая части), которая связывает отклик электрического поля при отражении или пропускании. Существует два стандартных метода определения диэлектрической проницаемости материала: (1) спектроскопия отражения и пропускания, (2) спектральная эллипсометрии. Спектроскопия отражения и пропускания измеряет интенсивность отраженного и прошедшего света после взаимодействия с материалом. Объединив данные отражения и пропускания, можно определить комплексную диэлектрическую проницаемость. Если же материал в данном диапазоне измерений является непрозрачным, то доступно только одно из измерений (отражение), тогда применяется теорема Крамерса-Кронига для определения диэлектрической проницаемости. Однако часто существует связанная с этим неопределенность в значении действительной части  $\varepsilon_1$ . Преимущество спектральной эллипсометрии, в данном случае, заключается в одновременном измерении, как отношения амплитуд, так и разности фаз ортогонально поляризованного света. Это обеспечивает два измеренных параметра, с помощью которых можно рассчитать действительную и мнимую части диэлектрической проницаемости, и избежать необходимость использовать анализ Крамерса-Кронига [16]. Для анализа экспериментальных данных, полученных методом многоугловой спектральной эллипсометрии, используют модель приближения эффективной среды Бруггемана, с помощью которой определяется объёмная доля (фактор заполнения) металла [17], модель Друде для описания свободных электронов [18], модель Танги [19] для описания влияния межзонных переходов, а также модель Лоренца [20,21], Гаусса [22,23] или их комбинацию [24] для описания плазмонных резонансов. В данной работе были исследованы плазмонные свойства полусферических наночастиц серебра, которые были синтезированы методом химического осаждения из раствора с последующей термической обработкой в атмосфере О2. Данный метод отличается низкой себестоимостью по сравнению с методами магнетронного, ионно-лучевого или электронного напыления металла, которые требуют дорогостоящего оборудования и реагентов. Морфология структур изучалась методом растровой электронной микроскопии. Методом многоугловой спектральной эллипсометрии были исследованы оптические (плазмонные) свойства наноструктур. Были определены псевдодиэлектрические проницаемости  $(\langle \varepsilon 
angle = \langle \varepsilon_1 
angle + i \langle \varepsilon_2 
angle)$  полусферических наночастиц серебра на SiO<sub>2</sub>/c-Si. Псевдодиэлектрическая проницаемость используется для описания оптических свойств композитных или не имеющих гладкой (параллельной) границы со средой (воздухом) структур [25].

#### 1. Методика эксперимента

#### 1.1. Материал и метод создания наноструктур

В качестве подложек использовались пластины монокристаллического кремния (c-Si) p-типа, с  $\rho = 10\Omega \times \text{сm}$ и кристаллографической ориентацией (100). На поверхности чистых c-Si пластин, методом химического осаждения из раствора (0.02 M AgNO<sub>3</sub> + 5 M HF, в соотношении 1:2, 1:4, 1:6, 1:8, в течение 30 s), формировались островковые пленки Ag по механизму Вольмера-Вебера. В результате такого осаждения островковые пленки Ag отличались друг от друга по морфологии благодаря разным концентрациям раствора [26]. Далее эти пленки были отожжены в атмосфере O<sub>2</sub> при 350°C в течение 30 min. В результате были получены разупорядоченные массивы полусферических наночастиц Ag (HЧ Ag) разных размеров в зависимости от морфологии исходной островковой пленки Ag.

#### 1.2. Методы характеризация наноструктур

Растровая электронная микроскопия (РЭМ). Для исследования морфологии наноструктур в режиме вторичных электронов и ускоряющем напряжении 5kV использовался растровый электронный микроскоп SUPRA 55VP-25-78 (Zeiss, Германия). Был проведен статистический анализ наноструктур (средний размер, фактор заполнения и расстояние между наночастицами) по РЭМизображениям с использованием программного обеспечения ImageJ, которое имеет открытый исходный код. Межчастичные расстояния определялись по расстоянию между центрами ("Центр масс" в настройках измерений программы ImageJ) двух ближайших НЧ Аg.

Спектральная эллипсометрия (СЭ). Эллипсометрические характеристики исследовались с помощью спектрального эллипсометра SE-2000 (Semilab, Венгрия) в диапазоне длин волн  $\lambda$  от 270 до 900 nm при углах падения  $\varphi$  от 45° до 70° с шагом 5°. Одновременно

измеряются два эллипсометрических угла  $\Psi$  и  $\Delta$ , где  $\Psi = \arctan(|R_p|/|R_s|)$  и  $\Delta = \arg(R_p/R_s) = \delta R_p - \delta R_s$  разность сдвигов фаз,  $R_p$ ,  $R_s$  — коэффициенты отражения для p- и s-поляризованного света. Основное уравнение эллипсометрии на отражение имеет вид:

$$\rho = R_{\rm p}/R_{\rm s} = {\rm tg}(\Psi)e^{i\Delta},\tag{1}$$

где  $\rho$  относительный коэффициент отражения системы. Комплексная псевдодиэлектрическая проницаемость определяется как:

$$\langle \varepsilon_1 \rangle = \langle \varepsilon_1 \rangle + i \langle \varepsilon_2 \rangle = \sin^2(\varphi) \left[ 1 + \frac{(1-\rho)^2}{(1+\rho)^2} \tan^2(\varphi) \right].$$
(2)

#### 2. Результаты

#### 2.1. Морфологии полученных подложек

В настоящей работе термическая обработка островковой пленки серебра проводилась при температуре 350°С в течение 30 min в атмосфере O<sub>2</sub>. После такой обработки островковая пленка преобразуется в разупорядоченный массив отдельно стоящих полусферические частицы разных размеров, морфология которых продемонстрирована на рис. 1. Анализ РЭМ-изображений представлен в табл. 1.

Толщина слоя SiO<sub>2</sub> на подложке с-Si по данным СЭ не превышает 5 nm. Термическая обработка при более высоких температурах приводит к увеличению скорости роста SiO<sub>2</sub> и покрытия им НЧ Ag, как было показано нами в [27].

### 2.2. Оптические свойства наноструктур

Результаты исследования методом СЭ комплексных диэлектрической проницаемости и псевдодиэлектрической проницаемости островковых пленок Ag на поверхности с-Si представлены нами в работах [28–30]. В островковых пленках Ag с толщиной слоя порядка 45-50 nm в спектрах комплексной диэлектрической проницаемости проявляется резонансная особенность — плазмонный резонанс в продольной моде (E = 3.8 eV), и комплексная псевдодиэлектрическая проницаемость  $\langle \varepsilon \rangle$  близка к характеристике "объемного" Ag [16].

В настоящей работе мы анализируем комплексную псевдодиэлектрическую проницаемость разупорядоченного массива полусферических НЧ Ад на поверхности SiO<sub>2</sub>/c-Si, полученных после термообработки исходных островковых пленок Ад. Стоит отметить, что спектральная зависимость действительной и мнимой частей  $\langle \epsilon \rangle$  слабо меняется в зависимости от угла падения для всех исследуемых образцов. На рис. 2 представлены действительная и мнимая части  $\langle \epsilon \rangle$  образца 1:6 (для примера) для шести углов падения. С уменьшением угла падения от 70° до 45° появляется небольшой шум в спектрах, что обуславливает выбор угла в 70° для дальнейшей демонстрации анализа спектров.



**Рис. 1.** РЭМ-изображения наноструктур (вид в изометрии), полученные при различных концентрациях раствора от 1:2 до 1:8. На вставках представлены РЭМ-изображения (вид сверху) соответствующих образцов.

Соотношение 0.02 M AgNO <sub>3</sub> и 5 M HF	1:2	1:4	1:6	1:8
<i>r</i> , nm Межчастичное расстояние, nm Фактор заполнения,% <i>h</i> , nm	$87 \pm 21$ 213 ± 58 32 108 ± 22	$56 \pm 19 \\ 144 \pm 41 \\ 34 \\ 72 \pm 17$	$\begin{array}{c} 41 \pm 14 \\ 100 \pm 20 \\ 37 \\ 50 \pm 11 \end{array}$	$32 \pm 11$ $81 \pm 16$ 38 $39 \pm 10$

Таблица 1. Морфологические параметры полусферических НЧ Аg на SiO<sub>2</sub>/c-Si

На рис. 3 штрихпунктирной линией представлены экспериментальные спектры действительной и мнимой частей  $\langle \varepsilon \rangle$  для всех исследуемых образцов. В области длин волн 310–332 nm наблюдаются особенности, связанные с межзонным переходом в Ag и проявлением объемного плазмонного резонанса Ag. Взаимное влияние положения межзонного перехода в Ag и объемного плазмонного резонанса Ag друг на друга не позволяют точно определить их положение, так как межзонный переход в Ag соответствует энергии 4–4.1 eV (300–310 nm) [31], а положение объемного плазмонного резонанса Ag порядка 3.8–3.9 eV (318–326 nm). В то же время на спектрах  $\langle \varepsilon_2 \rangle$  наблюдаются пики на 657, 671, 714 и 754 nm, которые соответствуют проявлению дипольной моды ЛППР, связанной с рассеянием [26].

Чем больше размер наночастиц, тем больше сдвиг в красную область видимого диапазона.

Анализ экспериментальных спектров был произведен с помощью модели эффективной среды Бруггемана для определения фактора заполнения и толщины слоя НЧ Ag, при этом диэлектрическая проницаемость Ag была задана с помощью дисперсионных моделей Друде и Лоренца. Также нами была учтена геометрия исследуемых структур путем применения многослойной модели с параболическим градиентом Ag/воздух (рис. 4, *a*). Данная модель состоит из полубесконечной кремниевой подложки, слоя SiO<sub>2</sub> и композитного слоя Ag/воздух. Для наилучшей сходимости расчетных спектров к экспериментальным в модели использовались 22 слоя Ag/воздух для образцов 1:2 и 1:4, 10 слоев для



**Рис. 2.** Зависимости спектров действительной  $\langle \varepsilon_1 \rangle$  и мнимой  $\langle \varepsilon_2 \rangle$  частей псевдодиэлектрической проницаемости от разных углов падения для образца 1:6.



**Рис. 3.** Зависимости спектров действительной  $\langle \varepsilon_1 \rangle$  и мнимой  $\langle \varepsilon_2 \rangle$  частей псевдодиэлектрической проницаемости при  $\varphi = 70^{\circ}$  для образцов 1:2 (красная линия), 1:4 (оранжевая линия), 1:6 (зеленая линия), 1:8 (синяя линия), где штрихпунктирные линии — экспериментальные данные, а сплошные линии — аппроксимация.

образца 1:6 и 14 слоев для образца 1:8. Далее подробно рассмотрим используемые модели.

#### 2.2.1. Модель Бруггемана

Данная модель использовалась для определения фактора заполнения Ag в каждом слое Ag/воздух, который был задан с помощью приближения эффективной среды:

$$f_1 \frac{\langle \varepsilon \rangle - \varepsilon_1}{\varepsilon_1 + 2\langle \varepsilon \rangle} + f_2 \frac{\langle \varepsilon \rangle - \varepsilon_2}{\varepsilon_2 + 2\langle \varepsilon \rangle} = 0, \tag{3}$$

где  $\langle \varepsilon \rangle$  — эффективная диэлектрическая проницаемость композита,  $\varepsilon_1$ ,  $\varepsilon_2$  — диэлектрические проницаемость Ag

и воздуха,  $f_1$ ,  $f_2$  — факторы заполнения Ag и воздуха. Распределение фактора заполнения Ag в воздухе было задано параболическим градиентом по формуле (4), так как такая зависимость достаточно хорошо описывает форму экспериментальной полусферической HЧ Ag.

$$f_i = a \left(\frac{h_i - h_0}{h_{\text{calc}}}\right)^2 + c_0, \tag{4}$$

где  $f_i$  — фактор заполнения Ag в воздухе,  $h_i$  — положение n-го слоя Ag (рис. 4, *a*) для которого указывается фактор заполнения,  $c_0$ , *a*,  $h_0$  — коэффициенты, задающие форму и положение параболы,  $h_{calc}$  — расчет-



**Рис. 4.** (*a*) Схематичная многослойная модель, состоящая из полубесконечной кремниевой подложки, слоя SiO<sub>2</sub> и слоя Ag/воздух с параболическим градиентом; (*b*) зависимость высоты (*h*) слоя Ag/воздух от фактора заполнения (*f*) Ag для каждого образца, в которой параметры параболической функции (*a*,  $h_0$ ,  $c_0$ ) взяты из табл. 2.

ное значение эффективной толщины слоя Ag. Значения коэффициента *a* отрицательны, поскольку с увеличением высоты наноструктуры, фактор заполнения воздух/Ag уменьшается.

На рис. 4, *b* показана зависимость фактора заполнения Ag от высоты слоя Ag/воздух, в которой параметры параболической функции  $(a, h_0, c_0)$  для каждого образца взяты из табл. 2. Таким образом, численные факторы заполнения первого слоя Ag/воздух для образцов 1:2, 1:4, 1:6 и 1:8 равны 41, 44, 36 и 42%, соответственно. Для модели эффективной среды существует ограничения по размерам объектов (размер атома  $\ll h < \lambda/10$ ) [25]. Стоит отметить хорошую сходимость экспериментально полученных значений высот HЧ Ag методом РЭМ, толщины слоя SiO<sub>2</sub>, измеренной методом СЭ, с расчетными значениями эффективной толщины (табл. 2) в том числе для образцов 1:2 и 1:4, несмотря на высоты HЧ Ag.

#### 2.2.2. Модель Друде

Модель Друде необходима для описания оптических свойств, связанных с поглощением света свободными электронами, которая имеет вид:

$$\varepsilon_1 = 1 - \frac{(E_{\rm P}/E)^2}{1 + (E_{\Gamma}/E)^2},$$
 (5)

$$\varepsilon_2 = \frac{E_{\Gamma}(E_{\rm P}/E)^2}{E(1+(E_{\Gamma}/E)^2)},\tag{6}$$

где параметры  $E_{\rm P}$  и  $E_{\Gamma}$  — энергии плазмы и затухания, связанные с частотой рассеяния [32]. Для нашей задачи  $E_{\rm P} = 8.6 \,\text{eV}$ , а  $E_{\Gamma} = 0.07 \,\text{eV}$  для всех образцов. E — энергия падающего света.

#### 2.2.3. Модель Лоренца

Данная модель представляет собой гармонический дипольный осциллятор. В данном случае применялись два осциллятора Лоренца в каждом слое Аg/воздух. Для описания плазмонных резонансов используются следующие действительная и мнимая части диэлектрической проницаемости:

$$\varepsilon_1 = \frac{FE_0^2(E_0^2 - E^2)}{(E_0^2 - E^2)^2 + \Gamma^2 E^2},\tag{7}$$

$$\varepsilon_2 = \frac{FE_0^2 \Gamma E}{(E_0^2 - E^2)^2 + \Gamma^2 E^2},$$
(8)

где *F* — амплитуда, *E*<sub>0</sub> — положение, Г — затухание осциллятора [32].

В табл. 3 представлены подогнанные параметры модели Лоренца для каждого образца. В результате аппроксимации расчетные (сплошные линии) и экспериментальные (пунктирные линии) спектры (рис. 3) имеют достаточно хорошую сходимость, при этом средняя квадратичная ошибка (англ. RMSE) для образцов 1:2 — 0.81, для 1:4 — 1.14, для 1:6 — 0.8 и для 1:8 — 1.12. Пики Лоренца на 3.87 и 3.9 eV описывают "объемный" плазмонный резонанс Ag, а пики на 1.65, 1.71, 1.85 и 1.87 eV описывают ЛППР, которые имеют тенденцию сдвига в красную область спектра. Данный сдвиг связан с увеличением размеров НЧ Ag. Энергия затухания (Г) обратно пропорциональна добротности резонанса. Чем больше энергия затухания, тем шире и менее добротный резонанс.

Образец	Слой		а	$h_0, nm$	<i>c</i> <sub>0</sub>	$h_{\text{calc}}, \text{nm}$	$h_{\rm exp}, {\rm nm}$
1:2	1	SiO <sub>2</sub>	_		5	5	
	2	Воздух/Ад	-0.32	0	0.43	105	$108\pm22$
1:4	1	SiO <sub>2</sub>		_		5	5
	2	Воздух/Ад	-0.27	-15	0.46	75	$72 \pm 17$
1:6	1	SiO <sub>2</sub>	_		5	5	
	2	Воздух/Ад	-0.69	16.9	0.42	51	$50 \pm 11$
1:8	1	SiO <sub>2</sub>	-		8.5	5	
	2	Воздух/Ад	-0.19	2.8	0.43	44	$39\pm10$

Таблица 2. Параметры, полученные с помощью приближения эффективной среды Бруггемана для каждого образца

Таблица 3. Расчетные параметры модели Лоренца для каждого образца

Образец	F	$E_0, eV$	ħΓ, eV
1:2	1.35	3.87	0.13
	21.6	1.65	0.64
1:4	2.31	3.9	0.18
	45.22	1.71	0.5
1:6	5.1	3.9	0.19
	39.79	1.85	0.48
1:8	4.46	3.9	0.24
	33.28	1.87	0.43

## Выводы

В данной работе был проведен анализ плазмонных свойств разупорядоченного массива полусферических НЧ Ад разной морфологии на подложке SiO<sub>2</sub>/c-Si с помощью метода многоугловой спектральной эллипсометрии.

Структуры были получены на поверхности с-Si химическим методом из раствора с разной концентрацией AgNO<sub>3</sub> с последующей термообработкой при  $350^{\circ}$ C в атмосфере O<sub>2</sub>. Средний радиус HЧ Ag варьировался от 30 до 90 nm, фактор заполнения от 38 до 32% в зависимости от концентрации раствора. Рассмотренный метод достаточно простой, не требующий дорогостоящего оборудования и реактивов.

С помощью спектральной эллипсометрии и аппроксимации с применением приближения эффективной среды Бруггемана, моделей Друде и Лоренца была достигнута хорошая сходимость экспериментальных и расчетных спектров псевдодиэлектрической проницаемости с RMSE порядка 1.

Таким образом, фундаментальные исследования, представленные в данной работе, могут быть полезны для исследования оптических свойств наноструктур на непрозрачной подложке, когда невозможно померить пропускание и получить поглощение, а также использованы для создания структур с заданным спектральным положением ЛППР.

#### Финансирование работы

Работа выполнена при поддержке Министерства науки и высшего образования Российской Федерации в рамках государственного задания (проект № FFUG-2024-0017).

#### Благодарность

Авторы выражают благодарность Олегу Медведеву.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- S.A. Maier. *Plasmonics: Fundamentals and Applications*, 1st ed. (Springer New York, NY, 2007). DOI: 10.1007/0-387-37825-1
- Y.H. Jang, Y.J. Jang, S. Kim, L.N. Quan, K. Chung, D.H. Kim. Chem. Rev., 116 (24), 14982 (2016).
   DOI: 10.1021/acs.chemrev.6b00302
- [3] H.A. Atwater, A. Polman. Nat. Mater., 9, 205 (2010). DOI: 10.1038/nmat2629
- [4] M. Pan, J. Yang, K. Liu, Z. Yin, T. Ma, S. Liu, L. Xu, S. Wang. Nanomat., 10 (2), 209 (2020). DOI: 10.3390/nano10020209
- [5] I. Shutsko, M. Buchmüller, M. Meudt, P. Görrn. Adv. Opt. Mater., 10 (9), 2102783 (2022).
   DOI: 10.1002/adom.202102783
- [6] B. Sharma, R.R. Frontiera, A.-I. Henry, E. Ringe, R.P. Van Duyne. Mat. Tod., 15 (1-2), 16 (2012). DOI: 10.1016/S1369-7021(12)70017-2
- [7] J. Langer et al. ACS Nano, 14 (1), 28 (2020).
   DOI: 10.1021/acsnano.9b04224
- [8] M. Lippitz, M.A. Van Dijk, M. Orrit. Nano Lett., 5 (4), 799 (2005). DOI: 10.1021/nl0502571

- Z.-W. Yang, L.-Y. Meng, J.-S. Lin, W.-M. Yang, P. Radjenovic, S.-X. Shen, Q.-C. Xu, Z.-L. Yang, Z.-Q. Tian, J.-F. Li. Adv. Opt. Mater., 7 (23), 1901010 (2019).
   DOI: 10.1002/adom.201901010
- [10] J.-A. Huang, Y.-L. Zhang, H. Ding, H.-B. Sun. Adv. Opt. Mater., 3 (5), 618 (2015). DOI: 10.1002/adom.201400534
- [11] K. Rhee, A. Tukova, M.T. Yaraki, Y. Wang. Nanoscale, 15 (5), 2087 (2023). DOI: 10.1039/D2NR05287C
- [12] A. Das, U. Pant, C. Cao, R.S. Moirangthem, H.B. Kamble. Nano Res., 16, 1132 (2023).
   DOI: 10.1007/s12274-022-4745-0
- [13] X. Lu, M. Rycenga, S.E. Skrabalak, B. Wiley, Y. Xia. Annu. Rev. Phys. Chem., 60, 167 (2009).
   DOI: 10.1146/annurev.physchem.040808.090434
- [14] S. Szunerits, M.R. Das, R. Boukherroub. J. Phys. Chem. C., 112 (22), 8239 (2008). DOI: 10.1021/jp800478h
- [15] W.J. Ho, S.K. Fen, J.J. Liu. Appl. Phys. A., **124**, 29 (2018).
   DOI: 10.1007/s00339-017-1451-y
- [16] T.W.H. Oates, H. Wormeester, H. Arwin. Prog. Surf. Sci., 86 (11–12), 328 (2011). DOI: 10.1016/j.progsurf.2011.08.004
- [17] D.A.G. Bruggeman. Ann. Phys., 416, 636 (1935).
   DOI: 10.1002/andp.19354160705
- [18] P. Drude. Ann. Phys., 270 (7), 489 (1888).
   DOI: 10.1002/andp.18882700706
- [19] C. Tanguy. Phys. Rev. B, 60 (15), 10660 (1999).
   DOI: 10.1103/PhysRevB.60.10660
- [20] M. Voué, N. Dahmouchene, J. De Coninck. Thin Solid Films, 519 (9), 2963 (2011).
- [21] A. Baron, A. Iazzolino, K. Ehrhardt, J.-B. Salmon, A. Aradian, V. Kravets, A.N. Grigorenko, J. Leng, A. Le Beulze, M. Tréguer-Delapierre, M.A. Correa-Duarte, P. Barois. Opt. Mater. Express, **3** (11), 1792 (2013). DOI: 10.1364/OME.3.001792
- [22] M. Lončarić, J. Sancho-Parramon, H. Zorc. Thin Solid Films, 519 (9), 2946 (2011). DOI: 10.1016/j.tsf.2010.12.06
- M.N. Perera, D. Schmidt, W.E.K. Gibbs, S. Juodkazis,
   P.R. Stoddart. Opt. Lett., 41 (23), 5495 (2016).
   DOI: 10.1364/OL.41.005495
- [24] M.S. Gangwar, P. Agarwal. Phys. Scr., 98 (10), 105944 (2023).
   DOI: 10.1088/1402-4896/acf796
- [25] H. Fujiwara. Spectroscopic ellipsometry: principles and applications, 1st ed (John Wiley & Sons, Hoboken, USA, 2007).
- [26] A.A. Ermina, N.S. Solodovchenko, V.S. Levitskii, N.A. Belskaya, S.I. Pavlov, V.O. Bolshakov, V.A. Tolmachev, Yu.A. Zharova. Mater. Sci. Semicond. Process., 169, 107861 (2024). DOI: 10.1016/j.mssp.2023.107861
- [27] A.A. Ermina, N.S. Solodovchenko, K.V. Prigoda, V.S. Levitskii, V.O. Bolshakov, M.Yu. Maximov, Y.M. Koshtyal, S.I. Pavlov, V.A. Tolmachev, Y.A. Zharova. Appl. Surf. Sci., 608, 155146 (2023). DOI: 10.1016/j.apsusc.2022.155146
- [28] V.A. Tolmachev, E.V. Gushchina, I.A. Nyapshaev, Yu.A. Zharova. Thin Solid Films, **756**, 139352 (2022).
   DOI: 10.1016/j.tsf.2022.139352
- [29] Y. Zharova, A. Ermina, S. Pavlov, Y. Koshtyal, V. Tolmachev. Phys. Status Solidi A, **216** (17), 1900318 (2019).
   DOI: 10.1002/pssa.201900318
- [30] В.А. Толмачев, Ю.А. Жарова, А.А. Ермина, В.О. Большаков. Опт. и спектр., 130 (2), 254 (2022).
  DOI: 10.21883/OS.2022.02.51992.2668-2 [V.A. Tolmachev, Y.A. Zharova, A.A. Ermina, V.O. Bolshakov. Opt. Spectr., 130 (2), 238 (2022).
  DOI: 10.21883/EOS.2022.02.53215.2668-21].
- 50 Оптика и спектроскопия, 2024, том 132, вып. 7

- [31] U. Kreibig, M. Vollmer. Optical Properties of Metal Clusters, 1st ed (Springer Berlin, Heidelberg, 1995). DOI: 10.1007/978-3-662-09109-8
- [32] Handbook of ellipsometry, ed. by H.G. Tompkins, E.A. Irene (William Andrew Pub., Norwich and Springer, Heidelberg, 2005).