

# О температурной зависимости термоэдс неупорядоченных полупроводников

© О.Е. Парфенов<sup>¶</sup>, Ф.А. Шклярчук

Российский научный центр „Курчатовский институт“,  
123182 Москва, Россия

(Получена 3 августа 2006 г. Принята к печати 24 ноября 2006 г.)

В рамках термодинамики необратимых процессов найдены общие выражения для температурной зависимости термоэдс в области прыжковой проводимости для неупорядоченных материалов при низких температурах. Проведен учет влияния вырождения примесных уровней на термоэдс. В свете полученных результатов обсуждены экспериментальные данные по термоэдс в аморфных и примесных полупроводниках.

PACS: 72.20.Ee, 72.20.Pa

## 1. Введение

Отличительной особенностью неупорядоченных полупроводников, к которым относятся примесные и аморфные полупроводники, является наличие локализованных состояний в запрещенной зоне. При низких температурах перенос заряда осуществляется прыжками между локализованными состояниями. Вероятность прыжка определяется вероятностью поглотить фонон с энергией  $\varepsilon$

$$\exp(-\varepsilon/kT) \quad (1)$$

и фактором перекрытия волновых функций

$$\exp(-2r/a_L), \quad (2)$$

где  $T$  — температура,  $k$  — постоянная Больцмана,  $r$  — расстояние между локализованными состояниями,  $a_L$  — радиус локализации. Конкуренция между этими двумя факторами приводит к двум возможным типам прыжковой проводимости. Если  $\varepsilon/kT < 2r/a_L$ , то прыжки происходят по ближайшим соседям, если  $\varepsilon/kT > 2r/a_L$ , то имеет место прыжковая проводимость с переменной длиной прыжка.

Мотт показал [1], что вклад в проводимость дают не все состояния, а только те, энергии которых  $E$  лежат в активной полоске вблизи уровня Ферми шириной  $2\Delta$ , где  $\Delta$  — характерная энергия прыжка, и получил формулу для прыжковой проводимости с переменной длиной прыжка. В трехмерном случае проводимость есть

$$\sigma = \sigma_0 \exp[-(T_0/T)^{1/4}], \quad (3)$$

где предэкспоненциальный множитель  $\sigma_0$  слабо зависит от температуры, а энергия прыжка  $\Delta$  равна  $k(T_0 T^3)^{1/4}$ . Постоянная  $T_0$  непосредственно связана с плотностью состояний и радиусом локализации:

$$T_0 = \frac{\gamma}{kN(\mu) a_L^3}, \quad (4)$$

где  $N(\mu)$  — плотность состояний на уровне Ферми  $\mu$ ,  $\gamma = \text{const}$ .

<sup>¶</sup> E-mail: parfenov@issph.kiae.ru

Вследствие электрон-электронного взаимодействия возможно появление „кулоновской щели“ в плотности состояний на уровне Ферми, это приводит к отличной от (3) температурной зависимости проводимости [2]:

$$\sigma \propto \exp[-(T_0/T)^{1/2}]. \quad (5)$$

В случае прыжков по ближайшим соседям прыжковая проводимость имеет активационный вид с энергией активации  $\varepsilon_3$ :

$$\sigma = \sigma_3 \exp(-\varepsilon_3/kT). \quad (6)$$

Чтобы получить точное значение коэффициента  $\gamma$  в формуле (3) или зависимость прыжковой проводимости от количества примеси и вида плотности состояний, были использованы методы теории перколяции [3]. Применение методов теории перколяции стало возможно после работы Миллера и Абрахамса [4], которые показали, что решение задачи прыжковой проводимости в неупорядоченных материалах может быть сведено к нахождению проводимости случайной сетки сопротивлений. При этом каждый узел сетки соответствует одному из локальных центров, а узлы попарно соединены сопротивлениями.

Для нахождения температурной зависимости термоэдс теория перколяции была впервые использована Звягиным [5]. Если плотность состояний медленно меняется в пределах активной полоски, то в случае прыжков переменной длины термоэдс равна

$$\alpha = -\frac{1}{e} \xi \frac{(T_0 T)^{1/2}}{\tilde{E}}, \quad (7)$$

где  $\xi$  — численный множитель порядка 0.1, а  $\tilde{E} = [d \ln N(E)/dE]_{E=\mu}^{-1}$  есть характерная энергия, на которой меняется плотность состояний  $N(E)$ . Отметим, что в случае постоянной плотности состояний термоэдс обращается в нуль. В случае прыжковой проводимости по ближайшим соседям термоэдс равна [6]

$$\alpha = -\frac{1}{e} \frac{\varepsilon_3}{T} + A, \quad (8)$$

где  $\varepsilon_3$  есть энергия активации, а  $A$  — кинетический член, не зависящий от температуры.

Отличный от (8) результат был получен в [7] с помощью метода эффективной среды (в котором сопротивления между соседними узлами усреднены по всем парам):

$$\alpha = -\frac{5}{6} \left[ \frac{E_m^2(0)}{2kT} + \frac{2\pi kT}{3} \right] \left[ \frac{d \ln N(E)}{dE} \right]_{E=\mu}, \quad (9)$$

где  $E_m(0)$  — энергия активации проводимости при 0 К. Однако автор [7] не дает четкого обоснования полученной им линейной температурной зависимости термоэдс, что не позволяет с уверенностью пользоваться формулой (9).

Анализ экспериментальных данных показывает, что температурные зависимости термоэдс вида (7), (8) в чистом виде наблюдаются редко. Так, в области прыжковой проводимости с переменной длиной прыжка наблюдается термоэдс вида  $A\sqrt{T} + BT$  [8–12], а в случае прыжков по ближайшим соседям  $A/T + BT$  [13–15]. Часто наблюдается и чисто линейная температурная зависимость [16,17]. Подобное поведение свойственно металлам, термоэдс в которых описывается формулой Мотта [1]

$$\alpha = \frac{\pi^2}{3} \frac{k}{e} \frac{kT}{E}. \quad (10)$$

Эта формула выводилась для делокализованных носителей, и ее использование в случае прыжковой проводимости некорректно. Помимо описанных случаев при низких температурах наблюдается и не зависящая от температуры термоэдс [18,19].

Таким образом, теория перколяции, хорошо описывающая температурную зависимость прыжковой проводимости [1–3], лишь частично описывает термоэдс.

Цель данной работы состоит в объяснении наблюдаемых в экспериментах температурных зависимостей термоэдс в области прыжковой проводимости, в частности объяснении „металлического“ хода термоэдс.

Явление прыжковой проводимости на постоянном токе мы рассматриваем как процесс макроскопической диффузии электронов. Это позволяет использовать методы термодинамики необратимых процессов и статистической физики для вычисления термоэдс. Такой подход позволяет не детализировать тип примесного состояния. Рассматривается только диффузионная термоэдс, так как для прыжкового механизма переноса заряда эффект фононного увлечения отсутствует [5].

## 2. Прыжковая проводимость как макроскопическая диффузия

В сплошной среде диффузия описывается как случайное блуждание и средний квадрат перемещения пропорционален времени,

$$\langle r^2 \rangle \propto t, \quad (11)$$

в то время как теории перколяции соответствует аномальный закон диффузии с более медленной временной

зависимостью [20],

$$\langle r^2 \rangle \propto t^\kappa, \quad \kappa < 1, \quad (12)$$

обусловленной фрактальной структурой перколяционного кластера. Различие между процессом перколяции и нормальной диффузией здесь сохраняется. В случае классической диффузии вероятность перехода остается той же после каждого прыжка, независимо от положения частицы. В случае перколяции каждый прыжок характеризуется индивидуальной вероятностью прыжка и зависит от предшествующих переходов.

В теории перколяции рассматривается среда, в которой случайным образом с вероятностью  $p$  связь между соседними узлами цела, а с вероятностью  $(1-p)$  разорвана. Тогда при  $p=0$  все связи разорваны, а при  $p=1$  среда состоит из целых связей. Существует некоторое критическое значение  $p_c$ , называемое порогом перколяции, при котором противоположные стороны рассматриваемой среды впервые соединяются посредством целых связей [2].

При вычислении проводимости с помощью теории перколяции считают, что система находится вблизи перколяционного перехода, так как начиная с момента  $p = p_c + \delta$ , где  $\delta$  определяет критическую область, при удалении от порога проводимость почти не меняется [2]. Реальные образцы могут находиться вдали от перколяционного порога. В этом случае может иметь место кроссовер от процесса перколяции к нормальной диффузии, когда масштаб рассматриваемой системы намного превышает длину корреляции перколяционного кластера  $\xi_c$ .

Определим, когда будет выполняться обычная диффузия. Так, образец с линейным размером  $l \sim 1$  см можно разбить на большое количество,  $\sim 10^{12}$ , макроскопических частей размером  $h \sim 1$  мкм, в которых термодинамические флуктуации малы [21]. Размер критической области для элементарного микрометрового объема определяется величиной  $\delta = (a/h)^{1/\nu}$ , где  $a$  — расстояние между примесями, а  $\nu$  — критический индекс (равный в трехмерном случае 0.88). Если  $a < h/100$ , получаем  $\delta \leq 10^{-2}$ . В случае прыжков по ближайшим соседям, для которых длина корреляции равна  $\xi_c = a(2r_c/a + \epsilon_3/kT) \sim N^{-1/3}$  [2] и  $p - p_c = (a/\xi_c)^{1/\nu} \approx 0.1 > \delta$ , условие кроссовера выполняется при  $N > 10^{12} \text{ см}^{-3}$ . В случае прыжков переменной длины  $\xi_c = a(T_0/T)^{(1+\nu)/4}$ , для  $p - p_c = (a/\xi_c)^{1/\nu} \approx 0.1 > \delta$  условие кроссовера  $T_0/T < 10^6$ . Иными словами, вне критической области число прыжков, за которое заряд под действием электрического поля проходит весь образец, становится очень большим. При  $h \gg \xi_c$  с увеличением числа прыжков заряда происходит усреднение вероятности прыжков по всем параметрам транспорта заряда, так что сложный по микроскопической структуре процесс перколяции переходит на большом масштабе в макроскопическую нормальную диффузию.

Таким образом, при соблюдении полученных условий прыжковую проводимость можно рассматривать как процесс нормальной диффузии на больших расстояниях. Это дает возможность использовать термодинамику необратимых процессов при рассмотрении термоэдс в области прыжковой проводимости.

### 3. Термоэдс в области прыжковой проводимости

Термодинамика необратимых процессов базируется на понятии локального равновесия и соотношениях Онзагера [21]. Из принципа симметрии кинетических коэффициентов, сформулированного в общем виде Онзагером, следует соотношение Кельвина между термоэдс и коэффициентом Пельтье  $\Pi$

$$\alpha = -\frac{\Pi}{eT}. \quad (13)$$

В свою очередь коэффициент Пельтье определяется средней энергией, переносимой носителями заряда, относительно химического потенциала  $\mu$ . Подставляя  $\Pi = \langle E - \mu \rangle$  в (13), получим

$$\alpha = -\frac{k}{e} \frac{\langle E - \mu \rangle}{kT}. \quad (14)$$

Средняя энергия находится с помощью усреднения по потоку частиц:

$$\langle E - \mu \rangle = \frac{\int_0^{+\infty} (E - \mu) dj_n(E)}{\int_0^{+\infty} dj_n(E)}. \quad (15)$$

Поток носителей заряда  $\int_0^{+\infty} dj_n(E)$  определяется дрейфовой скоростью  $V_{dr}$ , плотностью состояний  $N(E)$ , распределением Ферми  $f(E)$  и вероятностью  $p(E)$  того, что частица с энергией  $E$  участвует в прыжках. Таким образом, поток частиц с энергиями от  $E$  до  $E + dE$  равен

$$dj_n(E) = eV_{dr} N(E) f(E) p(E) dE. \quad (16)$$

Для нормальной диффузии из первой предельной теории вероятности следует, что  $p(E)$  имеет вид функции Гаусса. Нормировку выберем таким образом, чтобы средняя энергия прыжка была равна  $\Delta$ :

$$\int_0^{+\infty} E^2 p(E) dE = \Delta^2. \quad (17)$$

Перепишем формулу (15), подставляя в нее  $dj_n(E)$  и  $p(E)$ :

$$\langle E - \mu \rangle = \frac{\int_0^{+\infty} (E - \mu) N(E) f(E) \exp[-(E - \mu)^2/2\Delta^2] dE}{\int_0^{+\infty} N(E) f(E) \exp[-(E - \mu)^2/2\Delta^2] dE}. \quad (18)$$

Пока мы учли только энергию, переносимую электронами, но необходимо учитывать также и дырки. Вклады электронов и дырок в термоэдс в случае прыжковой проводимости не аддитивны [22]. Средняя переносимая энергия равна

$$\langle E - \mu \rangle = \frac{1}{2} (\langle E - \mu \rangle_n + \langle E - \mu \rangle_p), \quad (19)$$

где индексы  $n$  и  $p$  относятся к электронам и дыркам соответственно. При низких температурах ( $kT \ll \mu$ ) можно ограничиться первым температурным членом в разложении интеграла:

$$\int_0^{+\infty} G_i(E) f(E) dE \approx \int_0^{\mu} G_i(E) dE + \frac{\pi^2}{6} (kT)^2 \left( \frac{dG_i(E)}{dE} \right)_{E=\mu}, \quad (20)$$

где  $f(E)$  — функция распределения Ферми, а функция  $G_i(E)$  в нашем случае есть  $(E - \mu)N(E) \times \exp[-(E - \mu)^2/2\Delta^2]$  или  $N(E) \exp[-(E - \mu)^2/2\Delta^2]$ .

Считая, что плотность состояний медленно меняется вблизи уровня Ферми, получим

$$\langle E - \mu \rangle \approx \left( \frac{\pi - 2}{\pi} \Delta^2 + \frac{2\pi}{3} (kT)^2 \right) \left( \frac{d \ln N(E)}{dE} \right)_{E=\mu}. \quad (21)$$

Подставляя (21) в (14), находим прыжковую термоэдс:

$$\alpha \approx -\frac{k}{e} \left( \frac{\pi - 2}{\pi} \frac{\Delta^2}{kT} + \frac{2\pi}{3} kT \right) \left( \frac{d \ln N(E)}{dE} \right)_{E=\mu}. \quad (22)$$

В трехмерном случае, если имеет место прыжковая проводимость с переменной длиной прыжка, характерная переносимая энергия есть  $\Delta = k(T^3 T_0)^{1/4}$ . Подставляя  $\Delta$  в (22), получим

$$\alpha \approx -\frac{k}{e} \left( \frac{\pi - 2}{\pi} k \sqrt{TT_0} + \frac{2\pi}{3} kT \right) \left( \frac{d \ln N(E)}{dE} \right)_{E=\mu}. \quad (23)$$

В случае двумерной проводимости, когда  $\sigma \propto \exp(-T^{-1/3})$  и  $\Delta = k(T_0 T^2)^{1/3}$ , термоэдс равна

$$\alpha \approx -\frac{k}{e} \left( \frac{\pi - 2}{\pi} k^3 \sqrt{TT_0^2} + \frac{2\pi}{3} kT \right) \left( \frac{d \ln N(E)}{dE} \right)_{E=\mu}. \quad (24)$$

Также возможно образование кулоновской щели в плотности состояний на уровне Ферми, при этом  $\Delta = k(T_0 T)^{1/2}$  и проводимость имеет вид (5). Учитывая, что вблизи уровня Ферми  $N(E) \propto E^2$ , и вычисляя (19) заново, получаем нулевую термоэдс, это является следствием симметрии переходов электронов и дырок относительно уровня Ферми.

Если в области прыжковой проводимости с прыжками по ближайшим соседям выполняется условие  $kT \ll \mu$ , то, подставляя  $\Delta = \varepsilon_3$  в (22), получим

$$\alpha \approx -\frac{k}{e} \left( \frac{\pi - 2}{\pi} \frac{\varepsilon_3^2}{kT} + \frac{2\pi}{3} kT \right) \left( \frac{d \ln N(E)}{dE} \right)_{E=\mu}. \quad (25)$$

Видно, что термоэдс имеет минимум при

$$T_{\min} = \varepsilon_3 \sqrt{\frac{3(\pi - 2)}{2\pi^2}}, \quad (26)$$

и, определив температуру минимума, можно оценить энергию активации проводимости.

#### 4. Термоэдс, обусловленная вырождением

До сих пор мы не учитывали вырождение локальных центров, которое может оказаться существенным для термоэдс. Некоторые авторы [1,5] указывают на необходимость учета вклада в прыжковую термоэдс, связанного с вырождением примесных уровней. Так, согласно [1], для немагнитных материалов при высоких температурах должен присутствовать энтропийный вклад, равный  $(k/e) \ln 2 \approx 60$  мкВ/К. Для малых поляронов этот вопрос рассматривался в работе [23] для магнитных полупроводников, где показано, что вклад, связанный с вырождением, почти не проявляется из-за спин-поляронных эффектов как в парамагнитной области, так и в области с магнитным порядком.

Распределение Ферми с учетом вырождения есть

$$f(E) = \frac{1}{1 + \beta e^{-(E-\mu)/kT}}, \quad (27)$$

где  $\beta$  — фактор вырождения локализованного состояния, включающий как спиновый, так и орбитальный вклады [24]. Переопределим химический потенциал:

$$\tilde{\mu} = \mu - kT \ln \beta. \quad (28)$$

Так как термоэдс есть

$$\alpha = -\frac{k}{e} \frac{\langle E - \mu \rangle}{kT},$$

с учетом (28) мы получим дополнительную термоэдс, обусловленную вырождением,

$$\alpha_{\text{deg}} = -\frac{k}{e} \ln \beta. \quad (29)$$

Вырождение должно сказаться и на средней энергии  $\langle E \rangle$  ввиду изменения химического потенциала. Учет вырождения приводит к добавкам в термоэдс

$$\Delta \alpha_{\text{deg}} \approx -\frac{k}{e} \ln \beta \left( \frac{\pi-2}{\pi} \Delta^2 + \frac{2\pi}{3} kT^2 \right) \tilde{E}^{-2}, \quad (30)$$

однако эти добавки малы. Если взять для оценки  $T_0 = 10^5$  К,  $\tilde{E} = 100$  мэВ, то для прыжковой проводимости с переменной длиной прыжка при 10 К отношение  $\Delta \alpha_{\text{deg}} / \alpha_{\text{deg}} = 0.003$ . Несущественно влияние  $\Delta \alpha_{\text{deg}}$  и на температурную зависимость  $\alpha(T)$ . Так, при указанных выше условиях температурная поправка менее 1%. Таким образом, можно выделить вклад  $\alpha_{\text{deg}}$  и по (29) определить фактор вырождения  $\beta$ . Проявление полного вклада  $\alpha_{\text{deg}}$  возможно только при условии, когда локальный центр является парамагнитным.

#### 5. Обсуждение результатов

Из полученных нами формул (23)–(25) следует, что термоэдс содержит два вклада. Первый определяется переносом потенциальной энергии носителей, а второй связан с тепловой энергией. Последнее обстоятельство не учитывается теорией перколяции для термоэдс.

Величина постоянной  $T_0$  определяет преобладание либо корневого, либо линейного члена в температурной зависимости термоэдс. При  $T_0 > 10^4$  К доминирует корневая температурная зависимость, а при  $T_0 < 10^3$  К термоэдс имеет фактически линейную температурную зависимость. Полученный результат качественно согласуется с экспериментальными данными. В работе [8] исследовалась термоэдс  $\alpha$ -GaSb. При температурах ниже 70 К проводимость отвечает закону Мотта (3) с  $T_0 = 7 \cdot 10^4$  К. При этом термоэдс, как и следует из (23), имеет корневую температурную зависимость. Влияние количества примеси на величину и вид термоэдс можно проследить по работе [12]. В этой работе содержится обзор исследований термоэдс  $\text{CH}(\text{FeCl}_2)_x$  при разной степени допирования. Автор эмпирически показал, что экспериментальные кривые температурной зависимости термоэдс имеют вид  $A\sqrt{T} + BT$ , что совпадает с полученной нами формулой (23). Из формулы (23) следует, что увеличение количества примеси приводит к увеличению роли линейного члена и уменьшению величины термоэдс, что согласуется с экспериментом. При увеличении  $T_0$  температурная зависимость термоэдс в формуле (23) приближается к чисто корневой. Как показано выше, наш подход верен только при  $T_0/T < 10^6$ , а при  $T_0/T > 10^6$  правильно использовать формулу (7), так как эта область отвечает процессу перколяционного переноса заряда с очень большой длиной корреляции.

В области прыжков по ближайшим соседям термоэдс описывается формулой (25) и имеет минимум при  $T_{\min}$  (26), что часто наблюдается в эксперименте. В обзоре [14] приводятся результаты исследования транспортных свойств  $(\text{Pb}_{0.78}\text{Sn}_{0.22})_{1-y}\text{In}_y\text{Te}$ . Для образцов с  $y = 2$  и 3% наблюдалась термоэдс вида  $A/T + BT$ . Из данных по проводимости было найдено значение энергии активации  $\varepsilon_3$  для образца с  $y = 3\%$ , равное 44 мэВ. Минимум термоэдс соответствует  $\sim 200$  К, откуда по (26) находим  $\varepsilon_3 \approx 44$  мэВ. В работе [13] исследовались образцы  $\text{Fe}_3\text{O}_{4-x}\text{F}_x$  при разных степенях допирования, при этом в области прыжковой проводимости по ближайшим соседям термоэдс имеет минимум. Для образца с  $x = 0.1$  имеем из температурного хода проводимости  $\varepsilon_3 = 61$  мэВ, а из минимума термоэдс по (26) находим  $\varepsilon_3 \approx 60$  мэВ, для образца с  $x = 0.05$  из проводимости находим  $\varepsilon_3 = 76$  мэВ и из минимума термоэдс  $\varepsilon_3 \approx 40$  мэВ.

При низких температурах в нейтронно-легированном Ge:Ga [25] и в квазиаморфных углеродах [26] наблюдается скачок термоэдс до нуля. При этом проводимость осуществляется прыжками с переменной длиной. Как было показано выше, в случае наличия симметричной „кулоновской щели“ на уровне Ферми термоэдс должна обращаться в нуль.

Термоэдс аморфного германия [18] в области 60–300 К оказывается не зависящей от температуры и равна  $\sim 60$  мкВ/К. К не зависящей от температуры термоэдс может привести постоянная плотность состояний вблизи уровня Ферми; тогда, согласно (22), термоэдс становится равной нулю, и остается только член, обусловленный вырождением (29), равный  $(k/e) \ln 2 \approx 60$  мкВ/К, что близко к экспериментальным значениям термоэдс. Исследования  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  [27,28] показывают аномальное поведение термоэдс в районе магнитного перехода. В зависимости от содержания кислорода наблюдаются скачки термоэдс в районе антиферромагнитного перехода  $60$  мкВ/К =  $(k/e) \ln 2$  либо  $120$  мкВ/К =  $(k/e) \ln 4$ , или выше температуры Нееля  $T_N$  наблюдается широкое плато на уровне  $\sim 120$  мкВ/К.

## 6. Заключение

В рамках термодинамики необратимых процессов при низких температурах вычислена прыжковая термоэдс для неупорядоченных полупроводников. Это позволило объяснить линейную температурную зависимость термоэдс, наблюдаемую в экспериментах. Причиной ее возникновения является асимметрия переносимых электронами и дырками энергий как вследствие непостоянной плотности состояний вблизи уровня Ферми, так и благодаря размытию фермиевского распределения. В случае малых концентраций и низких температур определяющую роль играет корневая зависимость термоэдс от температуры, при этом нормальная диффузия на больших масштабах должна переходить в перколяцию.

Сравнение с экспериментом показало, что во многих случаях полученные нами формулы качественно описывают экспериментальные данные.

При слабом взаимодействии спина примесного состояния с окружением можно получить сведения о вырождении примесных уровней.

Авторы благодарны И.П. Садикову и А.А. Чернышову за внимание и поддержку данной работы.

## Список литературы

- [1] Н.Ф. Мотт, Е.А. Девис. *Электронные процессы в некристаллических веществах* (М., Мир, 1982) [Пер. с англ.: N.F. Mott, E.A. Devis. *Electronic Properties in Noncrystalline Materials* (Oxford, 1979)].
- [2] Б.И. Шкловский, А.Л. Эфрос. *Электронные свойства легированных полупроводников* (М., Наука, 1979) [B.I. Shklovskii, A.L. Efros. *Electronic Properties of Doped Semiconductors* (Berlin, Springer, 1979)].
- [3] V. Ambegaokar, B.I. Halperin, J.S. Langer. *Phys. Rev. B*, **4**, 2612 (1971).
- [4] A. Miller, E. Abrahams. *Phys. Rev.*, **120**, 745 (1960).
- [5] I.P. Zvyagin. In: *Hopping Transport in Solids*, ed. by M. Pollak, B. Shklovskii (Elsevier Science Publishers B.V., 1991) p. 143; I.P. Zvyagin. *Phys. Status Solidi B*, **58**, 443 (1973).

- [6] В.Л. Бонч-Бруевич, И.П. Звягин, Р. Кайпер, А.Г. Миронов, Р. Эндерлайн, Б. Эссер. *Электронная теория неупорядоченных полупроводников* (М., Наука, 1981).
- [7] T.E. Whall. *J. Phys. C: Solid State Phys.*, **14**, 887 (1981).
- [8] В. Демишев, М.В. Кондрин, А.А. Пронин, Н.Е. Случанко, Н.А. Самарин, А.Г. Ляпин, Дж. Бискупски. *Письма ЖЭТФ*, **68**, 801 (1998).
- [9] M.A. Buhannic, M. Danot, P. Colombet, P. Dordor, G. Fillion. *Phys. Rev. B*, **34**, 4790 (1986).
- [10] C.-J.L. Liu, H. Yamauchi. *Phys. Rev. B*, **51**, 11 826 (1995).
- [11] K.R. Krylov, A.I. Ponomarev, V.I. Tsidilkovskii, G.V. Bazuev, V.L. Kozhevnikov, S.M. Cheshnitskii. *Phys. Lett. A*, **131**, 203 (1988).
- [12] A.B. Kaiser. *Phys. Rev. B*, **40**, 2806 (1989).
- [13] H. Graener, M. Rosenberg, T.E. Whall, M.R. Jones. *Phil. Mag.*, **40**, 389 (1979).
- [14] И. Равич, С.А. Немов. *ФТП*, **36**, 3 (2002).
- [15] R.R. Heikes, A.A. Maradudin, R.C. Miller. *Ann. Phys. (Paris)*, **8**, 773 (1963).
- [16] M. Cutler, N.F. Mott. *Phys. Rev.*, **181**, 1336 (1969).
- [17] C.O. Yoon, M. Reghu, D. Moses, A.J. Heeger, Y. Cao. *Phys. Rev. B*, **48**, 14 080 (1993).
- [18] A.J. Lewis. *Phys. Rev. B*, **13**, 2565 (1976).
- [19] A.J. Lewis. *Phys. Rev. B*, **14**, 658 (1976).
- [20] A. Bunde, J.W. Kantelhardt. In: *Diffusion in Condensed Matter*, ed. by J. Karger, R. Haberlandt (Springer Verlag, Berlin, 2005).
- [21] И. Пригожин, Д. Кондепуди. *Современная термодинамика* (М., Мир, 2002). [Пер. с англ.: D. Kondepudi, I. Prigogine. *Modern Thermodynamics* (N. Y., Editions Odile Jacobs, 1999)].
- [22] В.В. Косарев. *ФТП*, **8**, 1378 (1974).
- [23] N.-L.H. Liu, D. Emin. *Phys. Rev. B*, **30**, 3250 (1984).
- [24] Дж. Блекмор. *Статистика электронов в полупроводниках* (М., Мир, 1964) [Пер. с англ.: J.S. Blakemore. *Semiconductor Statistics* (Pergamon Press, Oxford, 1962)].
- [25] А.Г. Андреев, А.Г. Забродский, И.П. Звягин, С.В. Егоров. *ФТП*, **31**, 1174 (1997).
- [26] Л.Ю. Мацуэй, Л.Л. Вовченко, И.В. Овсиенко. *ФНТ*, **26**, 70 (2000).
- [27] О.Е. Парфенов, А.А. Никонов. *Письма ЖЭТФ*, **76**, 719 (2002).
- [28] О.Е. Парфенов, А.А. Никонов. *Письма ЖЭТФ*, **80**, 284 (2004).

Редактор Л.В. Шаронова

## About the temperature dependence of thermo-emf in disordered semiconductors

O.E. Parfenov, F.A. Shklyaruk

Russian Scientific Center „Kurchatov’s Institute“,  
123182 Moscow, Russia