

Диэлектрический волновод для среднего и дальнего инфракрасного излучения

© Н.С. Аверкиев, С.О. Слипченко, З.Н. Соколова[¶], И.С. Тарасов

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук,
194021 Санкт-Петербург, Россия

(Получена 29 декабря 2008 г. Принята к печати 11 января 2009 г.)

Проанализирована возможность использования нормального скин-эффекта для создания диэлектрического волновода для длинноволнового излучения. Предложен диэлектрический волновод, совмещенный с гетеролазером, сформированный из нелегированного слоя GaAs, окруженного сильно легированными слоями твердых растворов n - и p -Al_xGa_{1-x}As, от которых, благодаря нормальному скин-эффекту, излучение отражается. Показано, что для создания эффективного волновода надо использовать слои твердого раствора n -Al_xGa_{1-x}As с $x < 0.45$, концентрацией электронов $N > 5 \cdot 10^{18} \text{ см}^{-3}$ и слои твердого раствора p -Al_xGa_{1-x}As любого состава с концентрацией дырок $P \geq 3 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$.

PACS: 42.55.Px, 42.82.Et, 78.66.Fd

1. Введение

В последнее время благодаря прорыву в технологиях эпитаксиального роста появились новые классы приборов на основе гетероструктур полупроводниковых соединений A^{III}B^V. В один из таких классов приборов входят квантово-каскадные лазеры [1–3], а также модифицированные полупроводниковые гетеролазеры, в которых возможно преобразование генерируемого лазером излучения в волну разностной частоты, попадающей в тетрагерцевый, средний или дальний инфракрасный (ИК) диапазоны [4–6].

В нашей предшествующей статье [6] рассматривалась возможность получения в лазерной гетероструктуре „разностной“ волны с длиной волны $\lambda = 14 \text{ мкм}$. Проделанный в [6] расчет показал, что такая „разностная“ волна распространяется в основном в сильно легированной подложке из GaAs, что должно приводить к ее сильному поглощению.

В настоящей работе анализируется возможность использования скин-эффекта с целью формирования диэлектрического волновода для длинноволнового излучения. Рассматривается волновод, который состоит из нелегированного слоя GaAs, заключенного между сильно легированными слоями твердых растворов Al_xGa_{1-x}As n - и p -типа проводимости. Слой GaAs представляет собой эффективную нелинейную среду [7], в которой взаимодействие двух лазерных мод большой интенсивности может приводить к появлению излучения на разностной частоте. Наличие нелинейных свойств у аналогичных лазерных гетероструктур было подтверждено нами экспериментально: было зарегистрировано выходящее через лазерные зеркала излучение на суммарной частоте ($\lambda = 0.53 \text{ мкм}$). Однако из-за интенсивного межзонного поглощения на суммарной частоте (коэффициент поглощения $\alpha \sim 10^4 \text{ см}^{-1}$) регистрируемое излучением может выходить из структуры только с глубины $\sim 1 \text{ мкм}$ и поэтому является неинтенсивным.

[¶] E-mail: Zina.Sokolova@mail.ioffe.ru

2. Область остаточных лучей, плазменная частота и нормальный скин-эффект

В работе [8] для достижения фазового синхронизма „начальных“ волн (длины волны $\lambda_1 \approx \lambda_2 \approx 1 \text{ мкм}$) и „разностной“ волны (длина волны $\lambda_3 \approx 50 \text{ мкм}$) было предложено использовать аномальную дисперсию показателя преломления вблизи области остаточных лучей, которая находится между энергиями поперечного ($\hbar\omega_{TO}$) и продольного ($\hbar\omega_{LO}$) оптических фононов. В области остаточных лучей вещественная часть диэлектрической проницаемости отрицательна, и электромагнитные волны с частотами из этого диапазона не могут распространяться в кристалле. В GaAs $\hbar\omega_{TO} = 33.25 \text{ мэВ}$, а $\hbar\omega_{LO} = 36.13 \text{ мэВ}$ [9]. В твердых растворах Al_xGa_{1-x}As существуют два типа поперечных оптических фононов — GaAs- и AlAs-подобные фононы (энергии $\hbar\omega_{TO1}$, $\hbar\omega_{TO2}$) и два типа продольных оптических фононов — GaAs- и AlAs-подобные фононы (энергии $\hbar\omega_{LO1}$, $\hbar\omega_{LO2}$). Энергии (в мэВ) в зависимости от состава твердого раствора Al_xGa_{1-x}As вычисляются по формулам [10]:

$$\begin{aligned}\hbar\omega_{TO1} &= 0.124(268.3 - 5.2x - 9.3x^2), \\ \hbar\omega_{TO2} &= 0.124(359.7 + 4.4x - 2.4x^2), \\ \hbar\omega_{LO1} &= 0.124(292.2 - 52.8x + 14.4x^2), \\ \hbar\omega_{LO2} &= 0.124(359.7 + 70.8x - 26.8x^2).\end{aligned}\quad (1)$$

Энергии фононов в зависимости от состава приведены на рис. 1. Видно, что энергия $\hbar\omega_{TO1}$ в GaAs оказывается несколько большей, чем в твердом растворе. Волна с частотой вблизи частоты поперечного оптического фонона, возникшая в GaAs, попадает в область остаточных лучей для AlGaAs и поэтому не будет проникать в слои твердых растворов. Однако различие энергий $\hbar\omega_{TO1}$ в GaAs и AlGaAs достаточно мало и данный эффект может не наблюдаться.

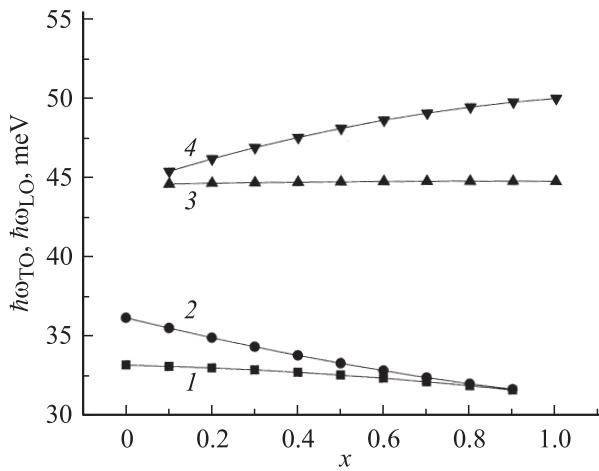


Рис. 1. Зависимости энергий оптических фононов ($\hbar\omega_{TO}$, $\hbar\omega_{LO}$) от состава твердых растворов $Al_xGa_{1-x}As$. Оптические фононы: (1, 2) — типа GaAs, (3, 4) — типа AlAs; (1, 3) — поперечные ($\hbar\omega_{TO}$), (2, 4) — продольные ($\hbar\omega_{LO}$).

В настоящей работе рассматривается излучение с длинами волн $\lambda \approx 38-40$ мкм; соответствующие энергии составляют 31–33 мэВ, а частоты $v \approx 7.5-7.9$ ТГц (круговые частоты $\omega \approx 47-50$ ТГц). Для уменьшения потерь длинноволнового излучения в сильно легированных слоях твердых растворов предложено использовать нормальный скин-эффект, приводящий к отражению излучения от сильно легированных слоев. Наряду с металлами скин-эффект возникает и в сильно легированных полупроводниках. Нормальный скин-эффект наблюдается в области частот распространяющихся в среде электромагнитных волн (ω), меньших плазменной частоты в сильно легированном слое (ω_p) и больших обратного времени релаксации импульса электронов (дырок) в этом слое (τ^{-1}):

$$\tau^{-1} < \omega < \omega_p. \quad (2)$$

Плазменная частота — частота собственных колебаний электронно-дырочного газа в кристалле [11]:

$$\omega_p = \sqrt{\frac{4\pi Ne^2}{m\varepsilon}}, \quad (3)$$

где e — заряд электрона, N , m — концентрация и эффективная масса электронов (дырок) в легированном полупроводнике, ε — диэлектрическая проницаемость полупроводника. В области плазменных частот $\omega_p > \omega_{LO}$ диэлектрическая проницаемость $\varepsilon \rightarrow \varepsilon_\infty$, где ε_∞ — высокочастотная диэлектрическая проницаемость, которая и входит в выражение (3). Если плазменная частота попадает в область остаточных лучей, $\omega_{TO} < \omega_p < \omega_{LO}$, формула (3) оказывается неверной. В этой области ω_p становится комплексной величиной, причем ее мнимая и вещественная части могут быть сравнимы по величине [9]. В области остаточных лучей происходит перекачка энергии электронов (дырок) в энергию колебаний

кристаллической решетки. Это приводит к разогреву кристалла, поэтому степень легирования отражающих слоев должна быть такой, чтобы $\omega_p > \omega_{LO}$, т. е. плазменная частота находилась бы вне области остаточных лучей. Далее мы будем считать, что рассматриваемая частота излучения $\omega < \omega_{TO}$.

В GaAs при комнатной температуре $\varepsilon_\infty = 10.88$, эффективная масса электронов $m_c = 0.067m_0$, эффективная масса тяжелых дырок $m_h = 0.48m_0$. В твердых растворах $Al_xGa_{1-x}As$ [12] диэлектрическая проницаемость есть

$$\varepsilon_\infty = 10.88 - 2.73x; \quad (4)$$

эффективные массы электронов в Г-долине (m_c^Γ), в X-долине (m_c^X); тяжелых дырок (m_h) [13] составляют

$$\begin{aligned} m_c^\Gamma &= (0.067 + 0.083x)m_0 \quad (x \leq 0.45), \\ m_c^X &= (0.85 - 0.07x)m_0 \quad (x > 0.45), \\ m_h &= (0.48 + 0.31x)m_0. \end{aligned} \quad (5)$$

Энергия плазменных колебаний (плазмонов) $\hbar\omega_p$ вне области остаточных лучей в зависимости от концентрации электронов (N) в $n-Al_xGa_{1-x}As$ для составов с $x = 0, 0.4, 0.5$ приведена на рис. 2 (кривые 1, 5, 11), а от концентрации дырок (P) в $p-Al_xGa_{1-x}As$ для составов с $x = 0, 0.5, 1$ приведена на рис. 3 (кривые 1, 5, 11). На рис. 2 и 3 также выделены две области остаточных лучей, расположенные в твердых растворах AlGaAs между энергиями поперечных и продольных оптических фононов типа GaAs ($\hbar\omega_{TO1}$ и $\hbar\omega_{LO1}$) и типа AlAs ($\hbar\omega_{TO2}$ и $\hbar\omega_{LO2}$).

На рис. 2 видно резкое уменьшение плазменной частоты для составов твердых растворов $Al_xGa_{1-x}As$,

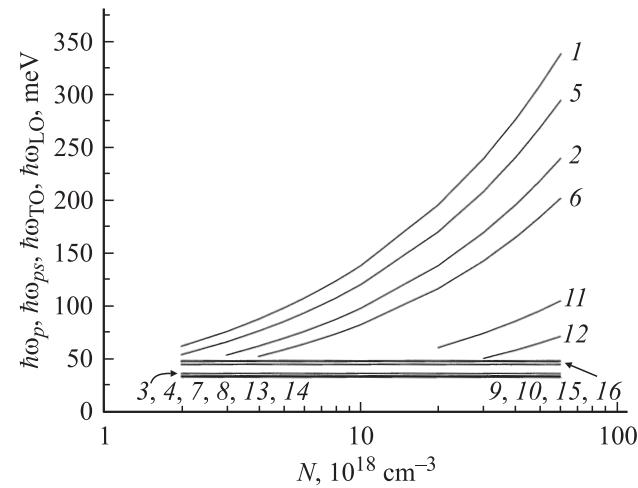


Рис. 2. Зависимости энергий оптических фононов ($\hbar\omega_{TO}$, $\hbar\omega_{LO}$), объемных ($\hbar\omega_p$) и поверхностных ($\hbar\omega_{ps}$) плазмонов от концентрации электронов в твердых растворах $n-Al_xGa_{1-x}As$ для составов с $x = 0$ (1–4), 0.4 (5–10), 0.5 (11–16). 1, 5, 11 — $\hbar\omega_p$; 2, 6, 12 — $\hbar\omega_{ps}$; 3, 7, 13 — $\hbar\omega_{TO}$, фонон типа GaAs; 4, 8, 14 — $\hbar\omega_{LO}$, фонон типа GaAs; 9, 15 — $\hbar\omega_{TO}$, фонон типа AlAs; 10, 16 — $\hbar\omega_{LO}$, фонон типа AlAs.

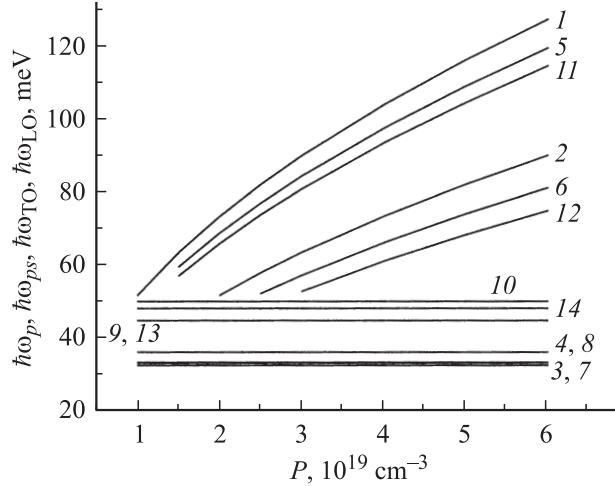


Рис. 3. Зависимости энергий оптических фононов ($\hbar\omega_{\text{TO}}$, $\hbar\omega_{\text{LO}}$), объемных ($\hbar\omega_p$) и поверхностных ($\hbar\omega_{ps}$) плазмонов от концентрации дырок в твердых растворах $p\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ для составов с $x = 0$ (1–4), 0.5 (5–10), 1 (11–14). 1, 5, 11 — $\hbar\omega_p$; 2, 6, 12 — $\hbar\omega_{ps}$; 3, 7 — $\hbar\omega_{\text{TO}}$, фонон типа GaAs; 4, 8 — $\hbar\omega_{\text{LO}}$, фонон типа GaAs; 9, 13 — $\hbar\omega_{\text{TO}}$, фонон типа AlAs; 10, 14 — $\hbar\omega_{\text{LO}}$, фонон типа AlAs.

соответствующих $x > 0.45$, связанное с существенным увеличением эффективной массы электронов в X -долине (согласно (5)) при переходе твердого раствора AlGaAs в непрямой полупроводник.

На рис. 2 и 3 приведены также зависимости энергии поверхностных плазменных колебаний $\hbar\omega_{ps}$ от концентрации электронов в $n\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ и от концентрации дырок в $p\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ для таких же составов твердых растворов, как и в случае объемных плазменных колебаний ($\hbar\omega_p$). Как показано в работе [14], на границе двух сред (одна из которых имеет достаточно большую степень легирования) могут возникать поверхностные плазменные колебания (поверхностные плазмоны), энергия которых попадает в запрещенную зону спектра объемных плазменных колебаний (объемных плазмонов). Частота поверхностных плазмонов (ω_{ps}) определяется из выражения [14]

$$\omega_{ps} = \sqrt{\frac{4\pi Ne^2}{m(\epsilon_1 + \epsilon_2)}}, \quad (6)$$

где ϵ_1 и ϵ_2 — диэлектрические постоянные сильно и слабо легированных слоев. При частоте распространяющегося по волноводу излучения $\omega \geq \omega_{ps}$ происходит затухание излучения, а попадание частоты поверхностных плазмонов в область остаточных лучей приводит к перекачке энергии из электронной системы в фононную и, следовательно, к нагреву полупроводникового кристалла. Поэтому для уменьшения потерь в волноводе должно выполняться соотношение

$$\omega_{ps} > \omega_{\text{LO}} > \omega_{\text{TO}} > \omega. \quad (7)$$

Из рис. 2 видно, что в твердых растворах $n\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ в области составов с прямой структурой зон, соответствующих $x = 0$ –0.45, условие $\omega_{ps} > \omega_{\text{LO}}$ выполняется при концентрации электронов $N > 4 \cdot 10^{18} \text{ см}^{-3}$, а в области составов с непрямой структурой зон, $x > 0.45$, при $N \geq 4 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$. В твердых растворах $p\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ это условие, как следует из рис. 3, выполняется во всей области составов ($x = 0$ –1) при $P \geq 3 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$.

3. Глубина скин-слоя, время релаксации носителей заряда и длина свободного пробега

Глубина скин-слоя δ в условиях нормального скин-эффекта пропорциональна скорости света в среде $c/\sqrt{\epsilon}$ и обратно пропорциональна плазменной частоте ω_p :

$$\delta = \frac{c}{\sqrt{\epsilon} \omega_p}. \quad (8)$$

Подставляя ω_p из (3) в (8), получаем, что в условиях нормального скин-эффекта глубина скин-слоя зависит только от концентрации и эффективной массы электронов (дырок) в легированном полупроводнике и не зависит не только от частоты электромагнитного поля, но и от диэлектрической проницаемости материала. Зависимости глубины скин-слоя от концентрации носителей заряда в n - и p -GaAs и твердых растворах n - и $p\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ приведены на рис. 4. Из рис. 4 видно, что при концентрации носителей, необходимой для выполнения условий (7), глубина скин-слоя не превышает 0.9 мкм.

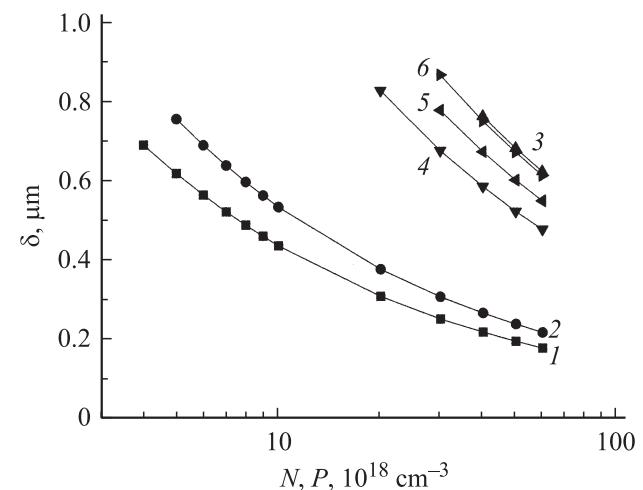


Рис. 4. Зависимость глубины скин-слоя от концентрации носителей заряда в твердых растворах $n\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ (1–3), $p\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ (4–6). $x = 0$ (1, 4), 0.4 (2), 0.5 (3, 5), 1 (6).

При нормальном скин-эффекте также должно выполняться условие

$$\delta > l, \quad (9)$$

где l — длина свободного пробега электронов (дырок) в сильно легированном слое.

Как известно, GaAs и твердые растворы $Al_xGa_{1-x}As$ — кристаллы кубической симметрии, в которых релаксация импульса носителей тока обусловлена рассеянием на фонах и примесях. Очевидно, что в сильно легированных полупроводниках должно доминировать рассеяние на примесях. Это подтвердили расчеты времени релаксации импульса на фонах и примесях, выполненные нами с использованием формул из монографий [12,15]; значения параметров n - и p - $Al_xGa_{1-x}As$ брались из [10,16].

При больших концентрациях примеси время рассеяния на примесях оказалось действительно наименьшим. В n -GaAs условие (2) выполняется в широком диапазоне концентраций носителей заряда $N = 4 \cdot 10^{18} - 6 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$. При этом плазменная частота ω_p находится в интервале $(1.3 - 5.1) \cdot 10^{14} \text{ Гц}$, а обратное время релаксации на примесях $(\tau_{im})^{-1} = (6.9 - 9.6) \cdot 10^{12} \text{ с}^{-1}$; частота излучения $\omega \approx 5 \cdot 10^{13} \text{ Гц}$. Условие (9) в n -GaAs выполняется в диапазоне концентраций $N = 4 \cdot 10^{18} - 4 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$, в котором $\delta = 0.69 - 0.22 \text{ мкм}$, а длина свободного пробега носителей, связанная с рассеянием на примесях, $l_{im} = 0.12 - 0.2 \text{ мкм}$ (l_{im} вычислялась по формулам из [12,15]).

Для „прямого“ твердого раствора n - $Al_xGa_{1-x}As$ ($x < 0.45$) условия (2) и (9) хорошо выполняются в диапазоне концентраций $N = 5 \cdot 10^{18} - 6 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$. Таким образом, слои n -GaAs с концентрацией носителей $N = 4 \cdot 10^{18} - 4 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$ и слои твердых растворов n - $Al_xGa_{1-x}As$ с $x < 0.45$ при $N = 5 \cdot 10^{18} - 6 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$ будут отражать излучение с $\lambda \approx 40 \text{ мкм}$ благодаря нормальному скин-эффекту.

В „непрямых“ твердых растворах n - $Al_xGa_{1-x}As$ с $x > 0.45$ при $N = (4 - 6) \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$ самым быстрым процессом релаксации импульса также является рассеяние на примесях, однако оказывается, что $(\tau_{im})^{-1} > \omega$ и нормальный скин-эффект не должен проявляться в твердых растворах n - $Al_xGa_{1-x}As$ с $x > 0.45$.

Расчеты, проведенные для твердых растворов p - $Al_xGa_{1-x}As$ во всем диапазоне составов ($x = 0 - 1$), показали, что при концентрации дырок $P = (3 - 6) \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$ условия нормального скин-эффекта выполняются и, следовательно, излучение с $\lambda \approx 40 \text{ мкм}$ не будет проникать в такие слои и поглощаться в них.

4. Заключение

Благодаря проведенному анализу показана возможность использования скин-эффекта для формирования диэлектрического волновода для длинноволнового излучения. Совмещенный с гетеролазером диэлектрический

волновод сформирован из нелегированного слоя GaAs, окруженного сильно легированными слоями твердых растворов n - и p - $Al_xGa_{1-x}As$, от которых благодаря скин-эффекту излучение отражается. Показано, что для создания эффективного волновода надо использовать слои твердого раствора n - $Al_xGa_{1-x}As$ с $x < 0.45$ при концентрации электронов $N > 5 \cdot 10^{18} \text{ см}^{-3}$ и слои твердого раствора p - $Al_xGa_{1-x}As$ любого состава при концентрации дырок $P \geq 3 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$. В таком волноводе фазовый синхронизм „начальных“ волн и „разностной“ волны может быть достигнут благодаря аномальной дисперсии показателя преломления GaAs вблизи энергии поперечного фона $\hbar\omega_{TO} = 33.25 \text{ мэВ}$ [8].

Чтобы нулевая мода длинноволнового излучения могла распространяться в диэлектрическом волноводе из GaAs, ширина волновода должна составлять $\sim 15 \text{ мкм}$ для длины волны в вакууме $\lambda = 40 \text{ мкм}$.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (грант № 07-02-00714-а).

Список литературы

- [1] R. Köhler, A. Tredicucci, F. Beltram, H.E. Beere, E.H. Linfield, A.G. Davies, D.A. Ritchie, R.C. Iotti, F. Rossi. Nature (London), **417**, 156 (2002).
- [2] M.A. Belkin, F. Capasso, A. Belyanin, D.L. Sivko, A.Y. Cho, D.C. Oakley, C.J. Vineis, G.W. Turner. Nature Photon., **1**, 288 (2007).
- [3] I.A. Dmitriev, R.A. Suris. Physica E, **40** (6), 2007 (2008).
- [4] S.M. Nekorkin, A.A. Biryukov, P.B. Demina, N.N. Semenova, B.N. Zvonkov, V.Ya. Aleshkin, A.A. Dubinov, V.I. Gavrilenco, K.V. Maremyanin, S.V. Morozov, A.A. Belyanin, V.V. Kocharovskiy, V.I.V. Kocharovskiy. Appl. Phys. Lett., **90**, 171 106 (2007).
- [5] B.N. Zvonkov, A.A. Biryukov, E.V. Ershov, S.M. Nekorkin, V.Ya. Aleshkin, V.I. Gavrilenco, A.A. Dubinov, K.V. Maremyanin, S.V. Morozov, A.A. Belyanin, V.V. Kocharovskiy, V.I.V. Kocharovskiy. Appl. Phys. Lett., **92**, 021 122 (2008).
- [6] Н.С. Аверкиев, С.О. Слипченко, З.Н. Соколова, Н.А. Пихтин, И.С. Тарасов. ФТП, **41**, 372 (2007).
- [7] Физические величины. Справочник, под ред. И.С. Григорьева, Е.З. Мейлихова (М., Энергоатомиздат, 1991).
- [8] V. Berger, C. Sirtori. Semicond. Sci. Technol., **19**, 964 (2004).
- [9] J.S. Blakemore. J. Appl. Phys., **53** (10), R123 (1982).
- [10] Semiconductors. Group IV Elements and III-V Compounds, ed. by O. Madelung (Berlin etc., Springer-Verlag, 1991).
- [11] Дж. Займан. Принципы теории твердого тела (М., Мир, 1974).
- [12] А.И. Ансельм. Введение в теорию полупроводников (М., Наука, 1978).
- [13] Х. Кейси, М. Паниш. Лазеры на гетероструктурах (М., Мир, 1981) т. 1.
- [14] Ю.И. Балкарей, В.Г. Бару. Письма ЖЭТФ, **10**, 324 (1969).
- [15] К. Зеегер. Физика полупроводников (М., Мир, 1977).
- [16] S. Adachi. Physical properties of III-V semiconductor compounds (John Wiley & Sons, Inc., 1992).

Редактор Л.В. Шаронова

Dielectric waveguide for middle and far infrared radiation

N.S. Averkiev, S.O. Slipchenko, Z.N. Sokolova,
I.S. Tarasov

Ioffe Physicotechnical Institute,
Russian Academy of Sciences,
194021 St. Petersburg, Russia

Abstract A possibility of normal skin-effect application for performance of dielectric waveguide for long-wave radiation was treated. Dielectric waveguide integrated with heterolaser is proposed; it is formed from undoped GaAs layer surrounded by layers of heavy doped *n*- and *p*-Al_xGa_{1-x}As solid solutions. Due to the normal skin-effect, radiation reflects from the heavy doped layers. It was revealed that for effective waveguide fabrication the layers of *n*-Al_xGa_{1-x}As with $x < 0.45$ and electron density $N > 5 \cdot 10^{18} \text{ cm}^{-3}$ and the layers of *p*-Al_xGa_{1-x}As of any composition and hole density $P \geq 3 \cdot 10^{19} \text{ cm}^{-3}$ should be used.