## Влияние точечных дефектов на фазовые переходы в сегнетоэлектрических нанокристаллах

© В.Н. Нечаев, А.В. Висковатых

Воронежский государственный технический университет, Воронеж, Россия

E-mail: kafedra@vmfmm.vorstu.ru

Получены зависимости температуры фазового перехода сегнетоэлектрических нанокристаллов в матрице диэлектрика от концентрации в них точечных заряженных дефектов. Исследовано влияние точечных дефектов на нелинейные характеристики сегнетоэлектрических нанокристаллов в зависимости от величины и направления внешнего электрического поля при точном учете деполяризующих электрических полей и нелокальных эффектов.

Как известно [1,2], термодинамические характеристики и кинетические коэффициенты реальных сегнетоэлектрических кристаллов в значительной мере определяются точечными дефектами. В сегнетоэлектрических образцах ограниченного размера и, в особенности, в нанокристаллах в отличие от массивных образцов, где влияние точечных дефектов обусловлено неоднородным распределением поляризации, важен также учет деполяризующих полей и граничных условий на поверхности образца. Помимо этого возрастает роль нелинейных эффектов, которыми уже нельзя пренебречь, поскольку температура фазового перехода существенно отличается от температуры перехода в неограниченных кристаллах.

Пусть сегнетоэлектрический образец I, представляющий собой эллипсоид вращения с полуосями a и b, помещен в диэлектрическую матрицу II. При проведении расчетов принималось, что параметр a — малая полуось эллипсоида вращения — меняется в пределах от 20 до 50 Å, а отношение a/b=5. Предполагалось также, что сегнетоэлектрик одноосный с сегнетоактивной осью, совпадающей с большой осью эллипсоида и направленной вдоль координатной оси Oz. Следовательно, вектор поляризации имеет только одну компоненту  $\mathbf{P}=\{0,0,P\}$ . Полная система соотношений, описывающая поведение сегнетоэлектрика при изменении температуры, включает в себя уравнения равновесия для компоненты вектора поляризации  $P(\mathbf{r})$ 

$$-\kappa \cdot \Delta P - \alpha P + \beta P^3 = -\frac{\partial \varphi}{\partial z}.$$

Уравнение же для электростатического потенциала  $\varphi(\mathbf{r})$  в сегнетоэлектрической области имеет вид

$$\Delta(\varepsilon_1 \varphi) = 4\pi \frac{\partial P}{\partial z} - 4\pi \rho(\mathbf{r}).$$

Для диэлектрической матрицы (область II) решается уравнение Лапласа

$$\Delta(\varepsilon_2\varphi)=0.$$

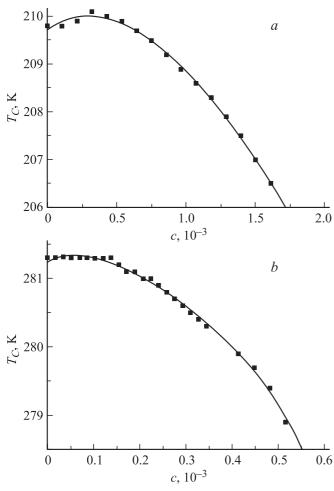
Граничные условия к уравнениям на границе  $\Gamma$  области I имеют вил

$$\begin{split} \frac{\partial P}{\partial n} - \frac{1}{s} P \big|_{\Gamma=0}, \\ \varphi^{(\mathrm{I})} \big|_{\Gamma} &= \varphi^{(\mathrm{II})} \big|_{\Gamma}, \\ \varepsilon_2 \frac{\partial \varphi^{(\mathrm{II})}}{\partial n} \Big|_{\Gamma} &= \left( \varepsilon_1 \frac{\partial \varphi^{(\mathrm{I})}}{\partial n} - 4\pi P \cdot \mathbf{n} \right) \Big|_{\Gamma}. \end{split}$$

Граничные условия на внешних границах композита, имеющего форму куба с ребром L, таковы:  $\varphi=0$  на нижней грани,  $\varphi=-E^{\rm ext}L$  на верхней грани,  $\partial \varphi/\partial n=0$  на боковых гранях куба.

Здесь использованы следующие обозначения:  $\alpha$ ,  $\beta$  — коэффициенты разложения Ландау термодинамического потенциала по степеням вектора поляризации,  $\kappa$  — корреляционная постоянная,  $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$  — диэлектрическая проницаемость сегнетоэлектрика и диэлектрической матрицы соответственно,  $\varepsilon_1$  описывает электронный вклад в диэлектрическую проницаемость, s — параметр, характеризующий взаимодействие сегнетоэлектрического выделения с матрицей,  $\mathbf{n}$  — единичный вектор нормали к поверхности  $\Gamma$ ,  $\rho(\mathbf{r})$  — плотность электрических зарядов,  $E^{\rm ext}$  — напряженность электрического поля. Вывод этих уравнений из вариационного принципа дан в [3].

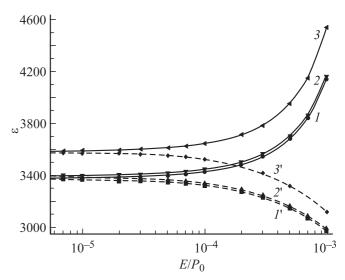
Нелинейная система уравнений решалась численно методом конечных элементов в пакете прикладных программ ComSol Multiphysics. Первой целью являлось исследование поведения температуры фазового перехода в образце с заряженными точечными дефектами. Для этого решение приведенной системы сравнивалось с решением для такого же образца без дефектов [4]. Согласно [4], температура фазового перехода  $T_C$ , в зависимости от размеров образца, его формы, параметра в может смещаться от нескольких градусов до десятков градусов. Существует критический размер образца, при котором происходит переход от однородного распределения поляризации в плоскости, перпендикулярной сегнетоактивной оси, к неоднородному — "доменоподобному". Это неоднородное состояние обладает значительной жесткостью по отношению к внешним воздействиям и приводит, например, к снижению восприимчивости в таких



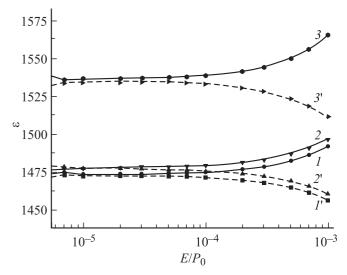
**Рис. 1.** Смещение температуры фазового перехода сегнетоэлектрического включения в зависимости от концентрации точечных дефектов c при s=0. a=20 (a) и 50 Å (b).

образцах. Если b/a=5,  $s\to 0$ , то критический размер, при котором происходит переход к "доменоподобному" состоянию, равен  $a_{\rm cr} = 25 \, \text{Å}$ . Похожий переход из однородного в неоднородное состояние наблюдался и обсуждался в тонких ферромагнитных пленках [5]. В образцах с заряженными точечными дефектами происходит дополнительное смещение  $\Delta T_C$  температуры фазового перехода. Это смещение  $\Delta T_C$ , конечно, зависит от a, b, s, но не превышает нескольких градусов даже при высокой концентрации точечных дефектов c = n/N, где n — количество точечных заряженных дефектов, N количество атомов в сегнетоэлектрическом выделении (рис. 1). Зависимость  $\Delta T_{C}(c)$  имеет нелинейный характер. Другая особенность образцов с точечными дефектами заключается в том, что вблизи  $T_{C}$  дефектного образца наблюдается неоднородное вдоль сегнетоактивной оси распределение поляризации, обусловленное дефектами, которое существует в зависимости от a, b, s в температурном интервале порядка десятых долей градуса, сменяясь затем однородным распределением.

Вторая цель проводимых исследований — изучение влияния заряженных точечных дефектов на нелинейные характеристики сегнетоэлектрических нанокристаллов. Для этого исследовалась диэлектрическая проницаемость композита в зависимости от концентрации дефектов c, а также от величины и ориентации (по отношению в вектору  $\mathbf{P}$ ) напряженности электрического поля  $\mathbf{E}$ . Результаты численного решения системы представлены



**Рис. 2.** Зависимость диэлектрической проницаемости композита от величины напряженности безразмерного электрического поля  $E/P_0$  при различной концентрации c точечных дефектов для a=20 Å, s=0. c=0 (1,1'),  $2.025 \cdot 10^{-3}$  (2,2'),  $6.755 \cdot 10^{-3}$  (3,3'). I-3 — поле **E** направлено противоположно **P**, 1'-3' — поле **E** сонаправлено с **P**.



**Рис. 3.** Зависимость диэлектрической проницаемости композита от величины напряженности безразмерного электрического поля  $E/P_0$  при различной концентрации c точечных дефектов для a=50 Å, s=0. c=0 (I,I'),  $1.031\cdot 10^{-4}$  (2,2'),  $3.438\cdot 10^{-4}$  (3,3'). I-3— поле **E** направлено противоположно **P**, I'-3'— поле **E** сонаправлено с **P**.

на рис. 2, 3. Как видно из рисунков, нелинейные свойства сегнетоэлектрического выделения при наличии дефектов начинают проявляться при более низких значениях E. Существенно более низкие значения диэлектрической проницаемости для образцов с величиной  $a=50\,\mathrm{\AA}$  объясняются наличием в них отмеченной выше неоднородной структуры.

Все расчеты выполнены с использованием параметров кристалла триглицинсульфата [6], помещенного в матрицу оксида кремния  $SiO_2$  с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon_2=4$ .

Поводя итоги исследования, отметим, что влияние заряженных точечных дефектов приводит к заметным эффектам и их вклад необходимо учитывать при интерпретации экспериментальных данных по термодинамическим и кинетическим свойствам сегнетоэлектриков малых размеров.

## Список литературы

- [1] А.П. Леванюк, В.В. Осипов, А.Г. Сигов, А.А. Собянин. ЖЭТФ **76**, 345 (1976).
- [2] Б.М. Даринский, В.Н. Нечаев, В.Н. Федосов. ФТТ 22, 3129 (1980).
- [3] В.Н. Нечаев, А.В. Шуба, А.В. Висковатых. Изв. РАН. Сер. физ. **74**, 1273 (2010).
- [4] В.Н. Нечаев, А.В. Висковатых. Материалы VII Междунар. семинара. "Физико-математическое моделирование систем". ВГТУ, Воронеж (2011). Ч. 3. С. 15.
- [5] Н.М Саланский, М.Ш. Ерухимов. Физические свойства и применение магнитных пленок. Наука, Новосибирск (1975). 222 с.
- [6] Р. Иона, Д. Ширане. Сегнетоэлектрические кристаллы. Мир, М. (1965). 556 с.